

സെക്ഷൻ - 2

പേജ് 205 ഗണിതം - പ്രവർത്തന വോയ്യന്തരം

	<u>ഉള്ളടക്കം</u>	<u>പേജ്</u>
യുണിറ്റ് 1	അക്കഗണിതപരമം	108
യുണിറ്റ് 2	ജ്യാമിതിയപരമം	136
യുണിറ്റ് 3	ബിജഗണിതപരമം	149
യുണിറ്റ് 4	സ്ഥാപനങ്ങളുടെ ഗണിതം	163
യുണിറ്റ് 5	ഗണിതാസ്വാദനം	176

യൂണിറ്റ് 1

അക്കഗണിത പഠനം

ആര്യവാദം

ഗണിതശാസ്ത്രത്തിന്റെ ഒരു ശാഖയായ അക്കഗണിതം സംഖ്യകളിലധിക്കപ്പിത്തമാണ്. സംഖ്യകളുടെ തത്ത്വം പ്രതിപാദിക്കുന്ന Arithmetic എന്ന ശാഖയും കണക്കുടക്കുന്ന കല (Art of Calculating) എന്ന ശാഖയും പ്രചാരത്തിലുണ്ടായിരുന്നു. ഇവയിൽ നിന്നും ധാരാളം മറ്റൊരു സംഖ്യാശാസ്ത്രം Arithmetic എന്ന പദം മുൻപുട്ടത്. പ്രൈമർ കൂണിലെ ഗണിതപഠന തത്ത്വിൽ സംഖ്യകളും വ്യാവ്യാനികരാനും അവയുടെ ക്രിയകൾ ചെയ്യാനും (സങ്കലനം, വ്യവകലനം, ഗുണനം, ഭാഗണം) ഇവ ഉപയോഗപ്പെടുത്തി പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ പരിഹരിക്കുവാനും കഴിവു നേടുന്നു. അപ്പുൾപ്പെടെ കൂണിൽ ഇതിന്റെ ഉയർന്ന തലത്തിലുള്ള യൂക്തിചീത പ്രയോഗിക്കുന്നതിനുള്ള സംഖ്യാക്രിയകൾ ചെയ്യാൻ കഴിവ് നേടേണ്ടതാണ്.

അക്കഗണിതത്തിലെ എല്ലാ പാഠാഗങ്ങളും ദേനംഭിന ജീവതത്തിൽ പ്രയോജനപ്പെടുന്നവയാണ്. ലോവർ പ്രൈമർ കൂണിൽ പതിനായിരം വരെയുള്ള സംഖ്യകൾ ക്രിയ ചെയ്യാനുള്ള പരിശീലനമാണ് വേണ്ടത്. അപ്പുൾപ്പെടെ കൂണിൽ ലക്ഷം, പത്തുലക്ഷം, കോടി തുടങ്ങിയ വലിയ സംഖ്യകളും അവയുടെ വിശകലനവും ക്രിയകളും വിവിധ പ്രയോഗിക സന്ദർഭങ്ങളിലും ബോധ്യപ്പെടണം. കൂടാതെ വിവിധ തരം സംഖ്യകൾ, അവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ, ഭിന്നസംഖ്യകൾ, ഭാഗാം സംഖ്യകൾ, നൃത്യസംഖ്യകൾ, ശതമാനം, പലിൾ, കച്ചവടക്കണ കുംഘം, അംഗമായി, ദൂരം, നമ്മൾ, വേഗം, വർഗവും വർഗമുലവും എന്നീ പാഠാഗങ്ങളിലെ ആരാധനയും അക്കഗണിതത്തിന്റെ ഭാഗമായി അറിയേണ്ടതുണ്ട്.

ഉള്ളടക്കം

1.1 അക്കഗണിതം

- അക്കഗണിതം എന്ത്?
- അക്കഗണിതത്തിന് നിരുപ്പിവിതത്തിലുള്ള സ്ഥാനം
- അക്കഗണിതത്തിന് മറ്റ് ഗണിത മേഖലകളുമായുള്ള ബന്ധം
- അക്കഗണിത പഠനസമീപനം

1.2 അക്കഗണിതത്തിലെ വിവിധ മേഖലകൾ

- വിവിധതരം സംഖ്യകൾ
- സംഖ്യകളും ക്രിയകളും
- ഗുണിതങ്ങളും ഉലടക്കങ്ങളും
- ഭിന്നസംഖ്യകൾ
 - ഭാഗാം സംഖ്യകൾ
 - നൃത്യസംഖ്യകൾ
 - വർഗവും വർഗമുലവും

- ശരാശരി
- ശതമാനം
- പലിൾ
- ലാഭവും നഷ്ടവും
- ഡിസ്കൗണ്ട്
- സമയവും രൂതവും
- അംഗബന്ധവും അനുപാതവും

1.3 ഏപ്രെമറി ക്ലാസ്സുകളിലെ ഗണിത പാഠപുസ്തകങ്ങളുടെ ഉള്ളടക്കത്തിന്റെ വളർച്ച

- അക്കഗണിത ആശയങ്ങളുടെ സ്വീകരണം.

1.1 അക്കഗണിതം

അക്കഗണിതം എന്ത്?

‘Arithmos’ എന്ന ഗ്രീക്ക് പദത്തിൽനിന്നാണ് Arithmetic (അക്കഗണിതം) എന്ന ഗണിത ശാസ്ത്രപദം രൂപപ്പെട്ടത്. Arithmos എന്നാൽ സംഖ്യകൾ എന്നാണ് ഗ്രീക്ക് ഭാഷയിൽ അർഹമാക്കുന്നത്. എല്ലാത്തിരിക്കുന്ന ഭാഗം സംഖ്യകൾ സംഖ്യകളുടെ വിവിധതരത്തിലുള്ള വ്യാവ്യാ നങ്ങൾ (ശതമാനം, അംഗബന്ധം, ദശാംശം തുടങ്ങിയവ) ഇവയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ക്രിയകൾ എന്നിവ ഉൾപ്പെടുന്ന ഗണിതശാസ്ത്രശാഖയാണ് അക്കഗണിതം. അക്കഗണിതത്തെ ദൈനന്ദിന ദിന ജീവിതവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഗണിതമെന്ന് പറയാം. ഗണിതത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനം തന്നെ അക്കഗണിതമാണ്.

അക്കഗണിതത്തിന് നിയുജീവിതത്തിലുള്ള സ്ഥാനം :

ജീവിതത്തിൽ എല്ലാ സന്ദർഭങ്ങളിലും അക്കഗണിതം ഉപയോഗിക്കുന്നു. സാധനങ്ങൾ വാങ്ങുന്നോൾ വില്ക്കുന്നോൾ, യാത്രാവേളകളിൽ, ഭക്ഷണം പാകം ചെയ്യുന്നോൾ, കാർഷിക മേഖലയിൽ, വിവിധ കളികളിലേൻപ്പെടുന്നോൾ, കുടുംബ ബജറ്റിൽ, ബാധിപാടുകളിൽ, കെട്ടിട നിർമ്മാണത്തിൽ തുടങ്ങിയവയിലെല്ലാം അക്കഗണിതമാണ് ഉപയോഗപ്പെടുത്തുന്നത്. അക്കഗണിതം ഉപയോഗപ്പെടുത്തുന്ന നിയുജീവിതത്തിലെ മറ്റ് സന്ദർഭങ്ങൾ ഏതൊക്കെ?

അക്കഗണിതത്തിന് മറ്റ് ഗണിതമേഖലകളുമായുള്ള ബന്ധം :

അക്കഗണിതത്തിലെ പല മേഖലകളും പരസ്പരം ബന്ധപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു. ഉദാഹരണമായി ശതമാനം, പലിൾ, ഡിസ്കൗണ്ട്, ലാഭം/നഷ്ടം.....ഭിന്നസംഖ്യകൾ, ദശാംശസംഖ്യകൾ, ഇതേ പോലെ അക്കഗണിതത്തിന് ഗണിതത്തിലെ മറ്റ് ശാഖകളുമായും (ബീജഗണിതം, ജ്യാമിതി, സ്ഥിതിവിവരക്കണക്ക്) ബന്ധമുണ്ട്.

ഉദാ. ചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് അതിലെ യൂണിറ്റ് സമചതുരങ്ങളുടെ എല്ലാമാണ്.

3

കൂടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങളിൽ നിന്ന് (ആഗമനരീതി) പരപ്പളവ് = നീളം x വീതി എന്ന നിര മനത്തിലെത്തുന്നു. ഇതിനെ ചുരുക്കി $A = l \times b$ എന്ന ബീജഗണിത വാക്യത്തിലെത്തുന്നു.

നിഗമനരീതിയിലൂടെ ഈ വാക്യം ഉപയോഗിച്ച് വിവിധ പ്രായോഗിക സന്ദർഭങ്ങളിൽ പരപ്പളവ് കണ്ടെത്തുന്നു. ഇവിടെ അക്കഗണിതം, ജ്യാമിതി, ബീജഗണിതം ഇവയുടെ പരസ്പരബന്ധം ദൃശ്യമാണമ്പ്ലോ.

പാഠപുസ്തകങ്ങളിൽ നിന്നും ഇത്തരത്തിൽ ഗണിതത്തിലെ മറ്റ് മേഖലകളുമായി ബന്ധ പ്ലെടുത്തി ആശയരൂപീകരണം നടത്താവുന്ന സന്ദർഭങ്ങൾ കണ്ടെത്തുക.

അക്കഗണിത പഠനസമീപനം

അക്കഗണിത പഠനം ജീവിതത്തിലെ ഭേദഗംഭീരു പ്രശ്നങ്ങൾ പരിഹരിക്കുന്നതിന് ഏറെ സഹായകരമാണ്. അർത്ഥപൂർണ്ണമായ ആശയരൂപീകരണത്തിലൂടെ കൂട്ടികളുടെ യുക്തിചീരം വികസിപ്പിക്കുന്ന രീതിയിലാണ് ഗണിതപരമ സമീപനം വിഭാവനം ചെയ്തിരിക്കുന്നത്. ഈതേ രീതി തന്നെയാണ് അക്കഗണിത പഠനത്തിലും സ്വീകരിക്കേണ്ടത്. ചുവവെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ പ്രസ്തുത സമീപനം വ്യക്തമാക്കുന്നവയാണ്.

- അക്കഗണിത ആശയങ്ങൾ ആർജിക്കുന്നത് അനുഭവങ്ങളിലൂടെയാണ്.
- അനുഭവത്തിലൂടെ നേടുന്ന അർത്ഥ പൂർണ്ണമായ അവിവ്യ പുതിയ സന്ദർഭങ്ങളിൽ പ്രയോഗിക്കുവാൻ കഴിയുന്നു.
- എന്തു പതിക്കുന്നു എന്നതിനേക്കാൾ പ്രധാനം എങ്ങനെ പതിക്കുന്നുവെന്നതാണ്.
- വസ്തുതകളെ ഗണിതാശയങ്ങൾ ഉപയോഗപ്ലെടുത്തി അപഗ്രേഡിക്കാനും വ്യാവ്യാമിക്കാനും കാനും കഴിയുന്നു.
- ഗണിതാശയങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുന്നതിന് ഏറ്റവും അനുയോജ്യമായത് കൂട്ടിക്ക് പരിചിതമായ ഒരു പ്രശ്നം അവതരിപ്പിക്കുന്നതാണ്. പ്രശ്നപരിഹരണ രീതിയിലൂടെ ആശയരൂപീകരണം നടക്കുന്നു.
- ഗണിതപ്രശ്നങ്ങൾ വിശകലനം ചെയ്യുന്നതിനും നിർഘാരണം ചെയ്യുന്നതിനും പ്രക്രിയാ ശൈലികളിലൂടെ പഠനം അവസരമാരുക്കുന്നു.
- ഉള്ളിച്ചു പറയാനും മതിച്ചു പറയാനും പ്രവചിക്കാനുമുള്ള ശൈലി (ക്രിയകൾ, അളവുകൾ തുടങ്ങിയവ) ഗണിതപഠനത്തിലൂടെ വികസിപ്പിച്ചെടുക്കേണ്ടത് ആവശ്യമാണ്.
- തുറന്ന ചോദ്യങ്ങളിലൂടെ ഒരു പ്രശ്നത്തെ വ്യത്യസ്തരീതിയിൽ സമീപിക്കുന്നതിനും അപഗ്രേഡിക്കുന്നതിനും കഴിയുന്നു.
- ഗണിതചിത്രീകരണം (മനോചിത്രീകരണം ഉൾപ്പെടെ) വഴി അമൃതത ആശയങ്ങളെ മുർത്തംക്കുന്നതിനും പ്രശ്ന നിർഘാരണം എളുപ്പമാക്കുന്നതിനും സാധിക്കുന്നു.

- പരിസരവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതിയുള്ള പ്രക്രിയ നിർധാരണത്തിലൂടെ കൂട്ടിക്കൾക്ക് ഗണിത തത്ത്വങ്ങൾ താല്പര്യം ഉണ്ടാക്കാനും ആശയരൂപീകരണം ശരിയായ രീതിയിൽ നടപ്പാക്കാനും കഴിയും.
- സാമാന്യവർക്കരണത്തിലൂടെ നേടുന്ന അറിവ് പുതിയ സൗഖ്യങ്ങളിൽ പ്രയോഗിക്കുന്ന തിന്ന് സാധിക്കുന്നു.
- ചിന്തയുടെ ഗണിതവർക്കരണം നടക്കണം (കാര്യകാരണബന്ധം കണ്ടെത്തൽ യുക്തി ചിന്തയിലൂടെ)

ഗണിതപാഠസമീപനം

1. പ്രവർത്തനാധിഷ്ഠിതം

ഗണിതപഠനം പ്രവർത്തനങ്ങളിലൂടെയാണ് നടക്കേണ്ടത്. അനുഭവങ്ങളിലൂടെയുള്ള പഠനം ആശയരൂപീകരണത്തിനും കൂട്ടിക്കു പഠനത്തിൽ താല്പര്യമുള്ളവാക്കുന്നതിനും സഹായകമാണ്.

പ്രവർത്തനാധിഷ്ഠിത ക്ലാസിൽ

- കൂട്ടികൾ ഒറ്റയ്ക്കും സംഘമായും പഠനപ്രശ്നങ്ങൾ വിശകലനം ചെയ്ത് പരിഹാരം കണ്ടെത്തുന്നു.
- എത്തിച്ചേരുന്ന നിഗമനങ്ങളുടെ കാരണങ്ങൾ വിശദീകരിക്കുന്നു.
- പഠനപ്രക്രിയയിൽ ഉണ്ടാകുന്ന തെറ്റുകൾ സയം തിരിച്ചറിഞ്ഞ് ശരിയായ രീതി മനസ്സിലാക്കുന്നു.
- പഠനസാമഗ്രികൾ സയം കണ്ടെത്തുന്നു, നിർമ്മിക്കുന്നു.

ക്ലാസിലെ ഫൈറ്റ് വേഗം വേഗം കൂട്ടിയ ഔട്ടക്കാരനെ കണ്ടെത്താൻ. എങ്ങനെ കണ്ടെത്താൻ കഴിയും?

ഉദാ: മത്സരം നടത്തി വിജയിയെ കണ്ടെത്താൻ അവസരം നൽകുന്നു.

2. പ്രക്രിയാശൈക്ഷികൾ പ്രാധാന്യം

ഗണിതപഠനത്തിൽ ആശയങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുമ്പോൾ, രൂപപ്പെട്ടുന്ന ഉല്പന്നത്തെപോലെ പ്രക്രിയയ്ക്കും പ്രാധാന്യമുള്ളതുകൊണ്ട് വ്യത്യസ്ത പ്രക്രിയാശൈകൾ സാധ്യമാകുന്ന പ്രവർത്തനങ്ങൾ തെരഞ്ഞെടുക്കണം.

ഉദാ: കൂട്ടികളുടെ ശരാശരി ഉയരം എന്ന ആശയവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടുന്ന പ്രവർത്തനം ക്ലാസിൽ നൽകുന്നു.

നിങ്ങളുടെ ക്ലാസ്സിൽ ആണ് കൂട്ടികൾക്കാണോ പെൺകൂട്ടികൾക്കാണോ ഉയരം കൂടുതൽ? എങ്ങനെ കണ്ടെത്തും?

കൂസിൽ ചർച്ച നടക്കണം.

- ആൻകുട്ടികളും പെൺകുട്ടികളും ശുപ്പായിത്തിനിന്നെന്ന് ഓരോരുത്തരുടെയും ഉയരം കണ്ണം തിരി, രേഖപ്പെടുത്തുന്നു.
- ഇതിനായി വ്യത്യസ്ത അളവുപകരണങ്ങളും സകേതങ്ങളും പരിചയപ്പെടുന്നു. ഓരോ ശുപ്പിലെയും കുട്ടികളുടെ ആകെ ഉയരത്തെ ശുപ്പിലെ കുട്ടികളുടെ എല്ലാം കൊണ്ട് ഹരി ക്കുന്നു.
- കൂസിലെ മൊത്തം കുട്ടികളെ പരിഗണിച്ചാൽ ശരാശരി എങ്ങനെ കാണും?
- എല്ലാവരുടെയും ആകെ ഉയരത്തെ എല്ലാം കൊണ്ട് ഹരിക്കണം.
- ഒഞ്ച് ശരാശരികൾ കുട്ടി 2 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ മതിയാകുമോ എന്ന് ചർച്ചയിൽ ഉണ്ടാകണം.

ആൻകുട്ടികളുടെ ശരാശരി ഉയരവും പെൺകുട്ടികളുടെ ശരാശരി ഉയരവും കൂസിലെ മൊത്തം ശരാശരിയുമായി താരതമ്യം ചെയ്യണം.

- ഈ പ്രശ്നത്തിൽ കുട്ടികളുടെ നിഗമനങ്ങൾ എന്തെല്ലാം?
- ഈ പ്രശ്നത്തിലും കുട്ടി കടന്നു പോകുന്ന പ്രക്രിയാശൈലികൾ എന്തെല്ലാം?

നിരീക്ഷിക്കൽ, ഉഹാക്കൽ, അളക്കൽ, താരതമ്യം ചെയ്യൽ, പട്ടികപ്പെടുത്തൽ, ക്രമീകരിക്കൽ, നിഗമനങ്ങൾ രൂപീകരിക്കൽ തുടങ്ങിയവയെല്ലാം പ്രക്രിയാശൈലികളാണ്.

3. പരിസ്രവന്നിതം

പറമ കാര്യക്ഷമമാകുന്നത് ആവശ്യമോധം ഉണ്ടാകുമ്പോഴാണ്. ഇതിനായി കുട്ടിക്ക് പരിചയമുള്ളതും ജീവിത സാഹചര്യങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതുമായ പ്രവർത്തനങ്ങളാണ് നൽകേണ്ടത്. നിത്യജീവിതത്തിൽ ശണിതത്തെ പ്രയോഗിക്കാനും പ്രശ്നപരിഹരണ ശൈലി വികസിപ്പിക്കാനും ഇതിലും സാധിക്കുന്നു.

ഉദാ: കൂസിലെ കുട്ടികൾ അവരുടെ വീട്ടിലെ ഒരു മാസത്തെ വരവും ചെലവും കണ്ണടത്തി താരതമ്യം ചെയ്യുക.

4. യുക്ത്യയിഷ്ടിതം

ശണിതാദ്യങ്ങൾ യുക്തിയിലെയിഷ്ടിതമാണ്. എത്രയും കാര്യവും കാര്യകാരണ ബന്ധം കണ്ണടത്തി യുക്തിപൂർവ്വം സമർത്ഥിക്കുന്നത് ശണിതത്തിന്റെ പ്രത്യേകതയാണ്. യുക്തി പൂർവ്വം ചിന്തിക്കുകയും യുക്തി പ്രയോഗിക്കുകയും ചെയ്യുന്നത് ശണിതപഠനത്തിന് അത്യാവധ്യമായ ഘടകമാണ്.

ഉദാ: 1. “873256” എന്ന സംഖ്യ 3 രെംബു ശുണിതമാണോ?

2. 1369 എന്ന സംഖ്യ പുർണ്ണവർഗ്ഗമാണോ? അല്ലെങ്കിൽ എന്തുകൊണ്ട്?

5. പ്രശ്നാപ്രശ്നമനം

നിത്യജീവിതത്തിലെ പ്രശ്നങ്ങളെ അഭിമുഖീകരിക്കാനും വിശകലനം ചെയ്ത് തീരുമാന

തതിലെത്താനും ഗണിതപരമാം സഹായിക്കും. ഇതു സാധ്യമാക്കാൻ ഗണിത ക്രിയകൾ യാന്ത്രികമായി അദ്ദേശിക്കുകയല്ല, മറ്റ് പ്രശ്നങ്ങളുടെ വാരാളുമവസരങ്ങൾ നൽകുകയാണ് ചെയ്യേണ്ടത്. കിട്ടിയിരിക്കുന്ന പ്രശ്നങ്ങളെ താഴെ രീതിയിൽ വിശകലനം ചെയ്യുക, അപഗ്രേഡ് നിശ്ചന്തയിലെത്തുക, വിപുലീകരിക്കുക, പ്രശ്നങ്ങൾ പുതിയതായി രൂപീകരിക്കുക (Problem extension and creation) തുടങ്ങിയ രീതികൾ അവലംബിക്കുന്നത് പ്രശ്നങ്ങളുടെ വളർച്ചയെന്നതിനും സഹായകമാണ്.

6. ചരിത്രത്തിലുണ്ടാക്കുന്ന പദ്ധതി

ഗണിതത്തിലെ ആശയങ്ങളുടെ ചരിത്രം അറിയുന്നതിലുണ്ടാക്കുന്ന അവയുടെ പദ്ധതിയിൽ ആവശ്യകത ബോധ്യപ്പെടുന്നു. ഓരോ കാലാലട്ടത്തിലും ഉണ്ടായ ഗണിത ആശയങ്ങളും അറിവുകളും പിൽക്കാലത്ത് അവയിൽ വന്ന മാറ്റങ്ങളും മനസ്സിലാക്കുന്നത് ഗണിതപരമാന്തരിൽ തന്നെ ശൈലാശാഖകൾ എന്നാണ്. ലോകത്തെ സുക്ഷ്മമായും വ്യക്തമായും മനസ്സിലാക്കാനുള്ള മനുഷ്യവർഗ്ഗത്തിന്റെ നിരന്തരമായ അനേകംശാഖയി ഗണിതത്തെ തിരിച്ചറിയാനും ഈ ചരിത്രപശ്വാത്തലം സഹായകമാണ്.

7. ഉച്ചപിംബ പായലും മതിച്ചു പായലും

കൂടുതലായാണ് ഗണിതത്തിൽ ഏറ്റവും വലിയ സവിശേഷത. എന്നാൽ നിത്യജീവിതത്തിലെ ഏതൊരു പ്രശ്നനിർധാരണത്തിനും കൂടുതലായ ഒരു തുടർച്ചയും ഏന്നതിലും ഏകദേശം ഏതു എന്നു കണക്കാളതുന്നതിന് വളരെ പ്രാധാന്യമുണ്ട്.

ഉദാ:

- 25 അടി നീളവും $12\frac{1}{2}$ അടി വീതിയുമുള്ള ഒരു ഹാളിൽ ഒരു ചതുരശ്ര അടി പരപ്പളവുമുള്ള എത്ര തെല്ലുകൾ പതിക്കേണ്ടി വരും?
- പാരപുസ്തകത്തിനും യൂണിഫോമിനും കൂടി ആകെ എത്ര രൂപ വേണ്ടിവരും എന്നു കണക്കാക്കുന്ന ഒരു കൂട്ടി കൂടുതലായി ഒരു ഉത്തരങ്ങളും ഏകദേശം എത്ര എന്ന ഒരു ഉച്ചമാണ് നൽകുന്നത്. താഴെ കൂസിലെ എല്ലാ കൂട്ടികൾക്കും കൂടി ഈ ഇനത്തിൽ എത്ര തുകയാണ് സർക്കാർ ചെലവാക്കുന്നത്? ചെലവാക്കുന്ന തുക ഉച്ചപിംബപരയുണ്ട്. അതുകൊണ്ട് ഇത്തരത്തിൽ “മതിച്ചു പറയാൻ” അല്ലെങ്കിൽ ബുദ്ധിപരമായ ഒരു ഉച്ചം നടത്താൻ കൂട്ടിക്ക് യാരാളം അനുഭവങ്ങൾ നൽകുന്നുണ്ട്?

ഗണിതപരമാന്തരിൽ മതിച്ചു പറയുന്നതിനുള്ള അവസരങ്ങൾ നൽകുന്നതു കൊണ്ടുള്ള മേരകൾ എന്തെല്ലാം?

- ക്രിയകളുടെ ഉത്തരം ഏകദേശം എത്രയെന്ന് കണക്കാളാർ കഴിയുന്നു.
- വിവിധ പ്രക്രിയാ ശൈലികളുടെ വികാസം പ്രശ്നനിർധാരണത്തിന് സഹായകമാകുന്നു.
-
-

പ്രായോഗിക ജീവിതത്തിൽ മതിച്ചുപറയേണ്ട എത്താനും സന്ദർഭങ്ങൾ കണക്കാളുകൾ.

8. തുറന്ന ചോദ്യങ്ങൾ (Open ended questions)

ശാസ്ത്രപഠനത്തിൽ തുറന്ന ചോദ്യങ്ങൾക്ക് എൻ്റെ പ്രാധാന്യമാണുള്ളത്. ഒരു ചോദ്യത്തിന് ഒരു ഉത്തരം, ഒരു വഴി എന്നതിൽ നിന്ന് മാറി വ്യത്യസ്ത ഉത്തരങ്ങളും വിവിധതരം വഴികളും ഉള്ളതാണ് തുറന്നചോദ്യങ്ങൾ. ഒരു കൂട്ടി തന്നെ വ്യത്യസ്തമായ രീതിയിൽ ഉത്തരം കണ്ട തുക വഴി വിവരജനപ്പിൽ (divergent thinking) യാക്ക് വഴിയൊരുക്കുന്നു. വ്യത്യസ്ത വഴികൾ അനേകം ക്രിയാശൈലി തുടങ്ങിയ പ്രക്രിയാശൈലികൾ വികസിക്കുന്നു.

ഉദാ: • തുടർച്ചയായ 7 സംവ്യൂക്തുടെ തുക കണ്ടത്തി അതിന് ശരാശരിയുമായുള്ള ബന്ധം കണ്ടതുക.

- 30 ശരാശരി വരുന്ന സംവ്യൂക്തുടെ കൂട്ടങ്ങൾ കണ്ടതുക.
- നിങ്ങളുടെ വീടിലെ ഒരു മാസത്തെ വരുമാനം എത്രയാണ്? ഇതിന് അനുഭ്യവാജ്യ മായ രീതിയിൽ ഒരു മാസത്തെ കൂട്ടാണ് ബഹ്യജ്ഞർ തയാറാക്കുക.

പാഠപുസ്തകത്തിലെ വിവിധ പഠനങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടുത്തി കൂടുതൽ തുറന്ന ചോദ്യങ്ങൾ കണ്ടതുക.

9. ശാസ്ത്ര ചിത്രീകരണം (ആശുപ്പത്തകരണം-visualisation)

ശാസ്ത്രാശയ രൂപീകരണത്തിന് സഹായകമായ നന്ദാം ചിത്രീകരണം. തന്നിൻക്കുന്ന വിവരങ്ങളെ പട്ടികപ്പെടുത്തുക, അവയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ശാഫ്റ്റ് വരക്കുക തുടങ്ങിയവയിലും വിവരങ്ങളെ വിശകലനം ചെയ്യാനും വ്യാവ്യാനിക്കാനും എളുപ്പമാണ്. സക്രീംസ്ഥായ എല്ലാ ശാസ്ത്ര പ്രശ്നങ്ങളുടെയും അപഗ്രേഡേറ്റത്തിന് മുത്തരത്തിലുള്ള ചിത്രീകരണം വളരെ സഹാ യക്കമാണ്.

1.

0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0
0	0	0	0	0

$$1 + 3 + 5 + 7 + 9 = 5 \times 5 \\ = 5^2$$

2.

$$\frac{2}{3} \text{ എം } \frac{1}{4} \text{ ദാഹം}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

OHB ഷീറ്റിന്റെ ഉപയോഗത്തിലും വ്യാവ്യാനം

വിവിധ മോഡലുകൾ, ഡിജിറ്റൽ മുഖ്യങ്ങൾ തുടങ്ങിയ മറ്റു ചിത്രീകരണ രീതികൾക്കും അനു യോജ്യമായ ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ടതുക.

10. സാമാന്യവർക്കരണം (Generalisation)

കൂട്ടി നേടുന്ന ഗണിതാശയങ്ങൾ പുതിയ സാമർജ്ജങ്ങളിൽ പ്രയോഗിക്കാൻ സാമാന്യവർക്കരണം നടക്കേണ്ടതുണ്ട്. കൂട്ടിക്ക് പരിചിതമായ സാമാന്യസഭാവമുള്ള ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ണഡത്തി, അവ താരതമ്യം ചെയ്ത് പൊതുവായ ധാരണകളിലെത്തിച്ചേരുമ്പോഴാണ് സാമാന്യവർക്കരണം നടക്കുന്നത്. അക്കാദമിത്വപഠനത്തിൽ എറേയും നിഗമങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുന്നത് സാമാന്യവർക്കരണത്തിലുംതൊണ്ട്. അതുകൊണ്ട് ഗണിതപഠനത്തിൽ സാമാന്യവർക്കരണത്തിനുള്ള സാധ്യതകൾ പ്രയോജനപ്പെടുത്തണം.

ഉദാ:

- 1 തുടർച്ചയായ 3 എണ്ണൽ സംഖ്യകളുടെ ശരാശരി മധ്യത്തിലുള്ള സംഖ്യയാണ്
2. ഒരു സംഖ്യകളുടെ ശൃംഖലപരമായ അവയുടെ ചെറുപൊതുഗുണിതത്തിന്റെയും വൻപൊതു ഘടകത്തിന്റെയും ശൃംഖലപരമത്തിന് തുല്യമാണ്.

1.2 അക്കാദമിത്വത്തിലെ വിവിധ മേഖലകൾ

വിവിധതരം സംഖ്യകൾ :

അഭാജ്യസംഖ്യകൾ (Prime numbers)

“അനും അതേ സംഖ്യയും അല്ലാത്ത മറ്റാരു സംഖ്യക്കാണും പുർണ്ണമായി ഹരിക്കാൻ കഴിയാത്ത സംഖ്യകളുണ്ട് അഭാജ്യസംഖ്യകൾ.”

മറ്റാരു രീതിയിൽ പറഞ്ഞാൽ അനും

അതേ സംഖ്യയും മാത്രം ഘടകങ്ങളായി

വരുന്ന സംഖ്യയാണ് അഭാജ്യസംഖ്യ.

100 താഴെയുള്ള അഭാജ്യ സംഖ്യകൾ കണ്ണഡത്തു.

ഉദാ:- 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19.....

അഭാജ്യസംഖ്യകളുടെയുള്ള പഠനത്തിന് എറേരു പഛക്കമുണ്ട്. പുരാതന ശ്രീകൃഷ്ണരിൽ നിന്നും തുടങ്ങി ഇന്നോളം ആ പഠനപ്രക്രിയ തുടരുന്നു. അഭാജ്യസംഖ്യകളെ പൊതുവെ നിർവ്വചിക്കുന്നതിനും അതിനൊരു പൊതുരൂപം കണ്ണഡത്തുന്ന തിന്നും പൊതുവെ അംഗീകരിച്ചിരിക്കുന്നത് ഫെബ്രുവരി

ഗണിതശാസ്ത്രജ്ഞന്മാരു മെർമ്മയുടെ ആരായമാണ്.

ഭാജ്യ സംഖ്യകൾ (Prime numbers)

അനും, അഭാജ്യസംഖ്യകളും ഒഴികെയ്യുള്ള സംഖ്യകളുണ്ട് ഭാജ്യ സംഖ്യകൾ. അവയ്ക്ക് റണ്ടിലധികം ഘടകങ്ങളുണ്ട്.

100 തുടർച്ചയായി ഭാജ്യസംഖ്യകൾ എത്തെല്ലാമായിരിക്കും ?

സംഖ്യകളുടെ ആരിപ്പ്

അഭാജ്യ സംഖ്യകൾ കണ്ണഡത്താൻ ക്രിസ്തുവിന് മുമ്പ് ജീവിച്ചിരുന്ന ഇറാത്രേതാന്തരനീസ് ആണ് ഒരു മാർഗ്ഗം കണ്ണഡത്തിയത്. 50 നു താഴെയുള്ള അഭാജ്യസംഖ്യകൾ കാണുന്നതിനുള്ള ഒരു മാർഗ്ഗം ഇതാണ്.

- 1 മുതൽ 50 വരെ തുടർച്ചയായി സംഖ്യകൾ എഴുതുക.
- 1 നേരു ഗുണിതമാണ് തുടർന്നു വരുന്ന എല്ലാ സംഖ്യകളും, അതിനാൽ 1 പരിശീലനിക്കുന്നില്ല.

- ആദ്യം കാണുന്ന ഓരോ സംവ്യയും നിലനിർത്തി അതിൻ്റെ ഗുണിതങ്ങൾ ഒഴിവാക്കുന്നു.
- ശേഷിക്കുന്ന സംവ്യകൾ അഭാജ്യസംവ്യകളാണ്.

സുഹൃദ്ദംബ്രകൾ (Amicable numbers)

220 എൻ്റെ ഘടകങ്ങൾ, 1, 2, 3, 4, 5, 10, 11 20, 22, 44, 55, 110, 220 എന്നിവയാണ്. ഈവയിൽ 220 ഒഴികെ ബാക്കിയുള്ളവയുടെ തുക 284 ആണ്.

284 എൻ്റെ ഘടകങ്ങൾ 1, 2, 4, 71, 142, 284 എന്നിവയാണ്. ഈവയിൽ 284 ഒഴികെ ബാക്കിയുള്ളവയുടെ തുക 220 ആണ്.

ഇത്തരം പ്രത്യേകതയുള്ള രണ്ട് ജോടി സംവ്യകളാണ് സുഹൃദ്ദംബ്രകൾ മറ്റാരു ജോധി സുഹൃദ്ദംബ്രകൾ കണ്ടെത്തുക.

സമുദ്ധരം സംവ്യകൾ

12496 ന്, ആ സംവ്യ ഒഴികെയുള്ള ഘടകങ്ങളുടെ തുകയാണ് 14288. അതിൻ്റെ ഈതുപോലുള്ള ഘടകങ്ങളുടെ തുക 15472 അതിൻ്റെ ഘടകങ്ങളുടെ തുക 14536. അതിൻ്റെ ഘടകങ്ങളുടെ തുക 14264 അവസാനമായി 14264 എൻ്റെ ഘടകങ്ങളുടെ തുക 12496 ഉം ആണ്. ഈത്തരം പ്രത്യേകതകളുള്ള സംവ്യകളാണ് സമുദ്ധരം സംവ്യകൾ.

‘n’ എന്ന എല്ലാൽ സംവ്യയുടെ ‘n’ ഒഴികെയുള്ള ഘടകങ്ങളുടെ തുകയെ $S(n)$ എന്നോടു തിയാൽ

$$S(12496) = 14288$$

$$S(14288) = 15472$$

$$S(15472) = 14536$$

$$S(14536) = 14264$$

$$S(14264) = 12496$$

അനാലഗ്രംബ്രകൾ (Perfect numbers)

6 ഒഴികെയുള്ള 6 എൻ്റെ ഘടകങ്ങളുടെ തുക 6 ആണ് ($1+2+3$). ഈ പ്രത്യേകതയുള്ള എല്ലാ സംവ്യകളെയും അനാലഗ്രംബ്രകൾ (Perfect numbers) എന്നാണ് വിളിക്കുന്നത്.

50 ത്തേക്കുവായ എല്ലാൽ സംവ്യകളിൽ അനാല സംവ്യയായി 28 കൂടി മാത്രമെ ഉള്ളൂ. ഈതു കഴിഞ്ഞാൽ അടുത്ത അനാലഗ്രംബ്ര 496 ആണ്.

ഗണിതശാസ്ത്ര കൂൺവിൽ വിവിധതരം സംവ്യകൾ കണ്ടെത്തി അവയുടെ ശേഖരം തയ്യാറാക്കു.

സംവ്യകളും ക്രീയകളും

1 മുതൽ 8 വരെ കൂംസുകളിലെ സംവ്യകളും അവയുടെ ക്രീയകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ആശയങ്ങൾക്കുമാണ് ഈവിടെ ഉള്ളത് നൽകേണ്ടത്.

ഗുണിതങ്ങൾ, സമചതുരസംവ്യകൾ, ത്രികോണസംവ്യകൾ, വർഷവും വർഷമുലവും, ഭീമസംവ്യകൾ, ദശാംശസംവ്യകൾ, നൃത്യസംവ്യകൾ എന്നിവ ഈവിടെ പരിഞ്ഞിക്കും.

ഗുണിതങ്ങൾ

രണ്ട് പ്രശ്നം അവതരിപ്പിക്കുന്നു.

രാജീവും താജുദ്ദീനും പാൽ അളന്നു മാറ്റുന്ന പ്രവർത്തനത്തിലാണ്. ഈവരുടെ കൈയ്യിൽ ധമാക്കമം 2 ലിറ്റർ, 3 ലിറ്റർ, 4 ലിറ്റർ കൊള്ളുന്ന അളവുപാത്രങ്ങളുണ്ട്. എക്കിൽ ഓരോരുത്തരിക്കും എത്തെല്ലാം അളവിൽ പാൽ വിതരണം ചെയ്യാൻ സാധിക്കും?

ഓരോരുത്തരുടെയും കയ്യിലുള്ള അളവുപാത്രങ്ങൾ 2 ലിറ്റർ, 3 ലിറ്റർ, 4 ലിറ്റർ ആണ്.

രാജീവിന് അളന്നെടുക്കാൻ കഴിയുന്ന പാലിന്റെ അളവുകൾ ധമാക്കമം 2 ലിറ്റർ, 4 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ.....

സജീവിന് അളന്നെടുക്കാൻ കഴിയുന്ന പാലിന്റെ അളവുകൾ ധമാക്കമം 3 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ, 9 ലിറ്റർ.....

താജുദ്ദീന് അളന്നെടുക്കാൻ കഴിയുന്ന പാലിന്റെ അളവുകൾ ധമാക്കമം 4 ലിറ്റർ, 8 ലിറ്റർ, 12 ലിറ്റർ.....

കിട്ടിയ അളവുകൾ പട്ടികയാക്കുന്നു.

പേര്	അളന്നെടുത്ത അളവുകൾ
രാജീവ്	2 ലിറ്റർ, 4 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ
സജീവ്	3 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ, 9 ലിറ്റർ, 12 ലിറ്റർ.....
താജുദ്ദീൻ	4 ലിറ്റർ, 8 ലിറ്റർ, 12 ലിറ്റർ, 16 ലിറ്റർ

അളന്നെടുത്ത പാലിന്റെ അളവുകളുടെ പ്രത്യേകതകൾ എന്തെല്ലാം ?

2 ലിറ്റർ, 4 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ, 8 ലിറ്റർ

3 ലിറ്റർ, 6 ലിറ്റർ, 9 ലിറ്റർ, 12 ലിറ്റർ

4 ലിറ്റർ, 8 ലിറ്റർ, 12 ലിറ്റർ, 16 ലിറ്റർ

2, 4, 6, 8 എന്ന സംഖ്യാക്രമത്തിൽ 2 നേട്ട് 2 വീതം തുടർച്ചയായി കൂട്ടിക്കിട്ടുന്ന സംഖ്യ കളാണ്.

മറ്റാരു വിധത്തിൽ പറഞ്ഞാൽ 1, 2, 3, സംഖ്യകളെ 2 കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന സംഖ്യകളാണ്.

2, 4, 6, 8 തുടങ്ങിയ സംഖ്യകളെല്ലാം 2 രണ്ട് ഗുണിതങ്ങളാണ്.

ഇതേ പ്രകാരം

3, 6, 9, 12 തുടങ്ങിയ സംഖ്യകളെല്ലാം 3 രണ്ട് ഗുണിതങ്ങളാണ്.

4, 8, 12, 16 തുടങ്ങിയ സംഖ്യകളെല്ലാം 4 രണ്ട് ഗുണിതങ്ങളാണ്.

ങ്ങൾ സംഖ്യയുടെ ഗുണിതം എങ്ങനെ കണ്ടെത്താം. കിട്ടിയ സംഖ്യകൾ പരിശോധിക്കുന്നു, വിശകലനം ചെയ്യുന്നു, സമാന്യവർക്കരണം നടത്തുന്നു.

എന്തൊരു സംഖ്യയുടെയും ഗുണിതങ്ങൾ കണ്ടെത്തുന്നതിന് എല്ലാം സംഖ്യകൾ കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ മതി എന്ന സാമാന്യവർക്കരണ പ്രക്രിയയിലുടെ ഭോധ്യപ്പെടുന്നു.

$$\begin{array}{lll}
 2 = 1 \times 2 & 3 = 1 \times 3 & 4 = 1 \times 4 \\
 4 = 2 \times 2 & 6 = 2 \times 3 & 8 = 2 \times 4 \\
 6 = 3 \times 2 & 9 = 3 \times 3 & 12 = 3 \times 4 \\
 8 = 4 \times 2 & 12 = 4 \times 3 & 16 = 4 \times 4
 \end{array}$$

.....
.....
.....

ഈ ഗുണനവസ്തുതകളുടെ മറ്റ് പ്രത്യേകതകൾ എന്തെല്ലാം?

- എല്ലാ സംഖ്യകളും ഒന്നിൽക്കൂടി ഗുണിതങ്ങളുണ്ട്.
- എത്ര സംഖ്യയുടെയും എറ്റവും ചെറിയ ഗുണിതം ആ സംഖ്യ തന്നെയാണ്.
- ഒരേ സംഖ്യത്തെ ഒന്നിലധികം സംഖ്യകളുടെ ഗുണിതമായി വരുന്നു.
-
-

2 ഏൽ ഗുണിതങ്ങൾ 2, 4, 6, 8, 10, 12,

3 ഏൽ ഗുണിതങ്ങൾ 3, 6, 9, 12, 15, 18,

4 ഏൽ ഗുണിതങ്ങൾ 4, 8, 12, 16, 20

ഗുണിതങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട വ്യത്യസ്ത പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ കണ്ടെത്തി വിശകലനം ചെയ്യു.

മറ്റാരു പ്രശ്നം

ഒക്കുൾ ലൈബ്രെറിയിൽ നിന്ന് VI A ടിലെ കൂട്ടികൾക്ക് ഓരോ 4 ദിവസം കൂടുന്നോൾ കൂടാൻ ലൈബ്രെറിയിലേക്ക് പുസ്തകം വിതരണം ചെയ്യുന്നു. VI B ടിലെ കൂട്ടികൾക്ക് ഓരോ 8 ദിവസം കൂടുന്നോൾ കൂടാൻ ലൈബ്രെറിയിലേക്ക് പുസ്തകം നൽകുന്നു. എന്നാൽ ഒഭ്യു കൂടാൻ ലൈബ്രെറിയിൽ ഒരുമിച്ച് പുസ്തകം നൽകുന്നത് എത്രാമത്തെ ദിവസമാണ്.

4, 8, 12, 16, 20, 24

8, 16, 24, 32,

ഒഭ്യു കൂടാൻ ലൈബ്രെറിയം കൂട്ടികൾക്ക് ഒരുമിച്ച് പുസ്തകം കൊടുക്കുന്ന ദിവസങ്ങൾ 8-ാമത്തെയും 16-ാമത്തെയും 24-ാമത്തെയും ദിവസങ്ങളിലാണെല്ലോ.

അതായത് 8, 16, 24, എന്നീ സംഖ്യകളെ 4 ഏൽയും 8 ഏൽയും പൊതുഗുണിതങ്ങൾ (common multiples) ആയി പരിഗണിക്കുന്നു.

ഇവയിൽ എറ്റവും ചെറുത് '8' ആയതിനാൽ 4 ഏൽയും 8 ഏൽയും പൊതുഗുണിതങ്ങളിൽ എറ്റവും ചെറുതായ '8' നെ ചെറുപൊതുഗുണിതം (Least Common Multiple) എന്നാണ് വിളിക്കുന്നത്.

ശോഭയും മിനിയും ലതയും ചങ്ങാതിമാരാണ്. പുക്കളിൽ ഒരുക്കുന്നതാണ് ഇവരുടെ ഹോബി. പുക്കൾ പറിക്കാൻ മുന്നുപേരും തീരുമാനിച്ചു. ശോഭ ഓരോ 2 ദിവസം കൂടുന്നോൾ മാത്രമെ പുവ് പറിക്കാൻ പോകുകയുള്ളൂ. മിനി ഓരോ മൂന്നു ദിവസം കൂടുന്നോൾ പുവ് പറിക്കാൻ പോകും. ലത 5 ദിവസം കൂടുന്നോൾ മാത്രമെ പുവ് പറിക്കാൻ പോകുമായിരുന്നുള്ളൂ. ഇന്ന് അവർ ഒരുമിച്ചാണ് പുവ് പറിച്ചത്. എന്നാൽ ശോഭയും മിനിയും ലതയും ഒരുമിച്ചു കാണുന്ന എറ്റവും അടുത്ത ദിവസം എത്രാണ്.

നിത്യജീവിതത്തിൽ ചെറുപൊതുഗുണിതം ഉപയോഗിക്കേണ്ടി വരുന്ന വ്യത്യസ്ത സന്ദർഭങ്ങൾ കണ്ണടത്തി എഴുതുക.

എതാനും സംഖ്യകൾ തെരഞ്ഞെടുത്ത് പൊതുഗുണിതങ്ങൾ കണ്ണടത്തുക. വിശകലനം നടത്തി, ചെറുപൊതുഗുണിതം എന്ന ആശയധാരണ ഉറപ്പിക്കാം.

സുണിതങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ധാരാളം പ്രത്യേകതകൾ ഉണ്ട്. പരിശോധിച്ചു നോക്കാം.

19 എൻ്റെ ഗുണിതങ്ങളുടെ പ്രത്യേകത

സുണനമലം	സംഖ്യയിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുക	സുണനമലത്തിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുക
$19 \times 27 = 513$	$27 \rightarrow 2+7=9$	$513 \rightarrow 5+1+3=9$
$19 \times 354 = 6726$	$354 \rightarrow 3+5+4=12, 1+2=3$	$6726 \rightarrow 6+7+2+6=21, 2+1=3$
$19 \times 432 = 8208$	$432 \rightarrow 4+3+2=9$	$8208 \rightarrow 8+2+0+8=18, 1+8=9$

ഈ ഉദാഹരണത്തിലൂടെ എന്തിച്ചേരുന്ന സാമാന്യവൽക്കരണ പ്രക്രിയ എന്നാണ്. (സംഖ്യയിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുകയും സുണന മലത്തിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുകയും തുല്യമാണ്).

19 അല്ലാതെ ഈതേ പ്രത്യേകതയുള്ള മറ്റു സംഖ്യകളുമുണ്ട്. കണ്ണടത്തുമല്ലോ.

ഘടകങ്ങൾ

4 എൻ്റെ ഗുണിതമാണ് 8. ഇതിനെ മറ്റാരു രീതിയിൽ പറഞ്ഞാൽ 8 എൻ്റെ ഘടകമാണ് 4. സുണന വസ്തുതകൾ ഉപയോഗിച്ച് ഘടകങ്ങൾ കണ്ണടത്താം.

$5 \times 2 = 10$ ആയതിനാൽ 10 എൻ്റെ ഘടകങ്ങളാണ് 2 ഉം 5 ഉം, 10 നെ 10×1 എന്നും എഴുതാമല്ലോ. ഒരു സംഖ്യയുടെ ഘടകങ്ങളുടെ പ്രത്യേകതകൾ എന്തെല്ലാം?

- 1 ഉം അതേ സംഖ്യയും എന്തൊരു സംഖ്യയുടെയും ഘടകമായിരിക്കും.
- 2 ഘടകമായി വരുന്ന സംഖ്യകൾ ഇരട്ടസംഖ്യകളായിരിക്കും. അതായത് ഇരട്ടസംഖ്യയുടെ അക്കങ്ങളുടെ സ്ഥാനത്ത് 2, 4, 6, 8, 0 എന്നീ അക്കങ്ങളിൽ എത്രക്കിലുമായിരിക്കും.
- 10 ഘടകമായി വരുന്ന സംഖ്യകളുടെ നേരിട്ടേ സ്ഥാനത്ത് പുജ്യമായിരിക്കും.
- 5 ഘടകമായി വരുന്ന സംഖ്യകളുടെ നേരിട്ടേ സ്ഥാനത്ത് 5, 0 എന്നീ അക്കങ്ങളിൽ എത്ര കിലുമായിരിക്കും.
- 3 ഘടകമായി വരുന്ന സംഖ്യകളുടെയെല്ലാം അക്കത്തുക 3 എൻ്റെ ഗുണിതമായിരിക്കും.
- 9 ഘടകമായി വരുന്ന സംഖ്യകളുടെയെല്ലാം അക്കത്തുക 9 ആയിരിക്കും.

ഒരു സംഖ്യയെ മറ്റാരു സംഖ്യക്കാണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാമോ എന്ന് എങ്ങനെ പരിശോധിക്കാം?

18 മന്ത്രാടി എത്രക്കു രീതിയിൽ വരിയായും നിരയായും ക്രമീകരിക്കാം

ഉദാ:-

$$\begin{array}{ccccccccc} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array} \quad 2 \times 9 = 18$$

മറ്റെത്തെല്ലാം രീതിയിൽ ക്രമീകരിക്കാം? എത്ര രീതികൾ?

17 മന്ത്രാടി ആശാക്കിൽ, ചതുരാക്കുതിയിൽ ക്രമീകരിക്കാൻ കഴിയുമോ? എന്തുകൊണ്ട്?

ഇങ്ങനെ ചതുരാക്കുതിയിൽ ക്രമീകരിക്കാൻ കഴിയാത്തത് മന്ത്രാടികളുടെ എല്ലാം എത്ര ആകുമോ?

5 തും താഴെ മന്ത്രാടികൾ ഉപയോഗിച്ചാണ് ഈ പ്രവർത്തനം ആവർത്തിക്കുന്നതെങ്കിൽ എത്തെല്ലാം എല്ലാം വരുമോശാണ് ചതുരാക്കുതിയിൽ ക്രമീകരിക്കാൻ കഴിയാത്തത്?

ഈത്തരം സംഖ്യകളുടെ പ്രത്യേകത എന്നാണ്?

എത്രാക്കെ സംവൃക്തിക്കാണ്, അടക്കങ്ങളുടെ എണ്ണം ഒറ്റസംഖ്യ ആകുന്നത്? എന്തുകൊണ്ട്? “73458” എന്ന സംഖ്യ പരിഗണിക്കുക. ഈ സംഖ്യയെ എത്രാക്കെ സംവൃക്തി കൊണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാം?

2, 3, 4, 5, 6, 9 എന്നീ സംവൃക്തിക്കാണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാമോ എന്ന് കണ്ണടത്താനുള്ള മാർഗ്ഗങ്ങൾ എന്ത്? ഈവിടെ വിവിധ മാർഗ്ഗങ്ങൾ കണ്ണടത്താൻ ഉപയോഗിച്ച് പാന തന്റെങ്ങൾ എത്രല്ലോ?

8 എഴു ഗുണിതം

100 നെ 4 കൊണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാവുന്നതുകൊണ്ട് ഒരു സംഖ്യ 4 എഴു ഗുണിതമാണോ എന്ന് നോക്കാൻ ആ സംഖ്യയുടെ അവസാനത്തെ രണ്ടുക്ക്രങ്ങൾ ചേർന്നുണ്ടാകുന്ന സംഖ്യ 4 എഴു ഗുണിതമാണോ എന്നു നോക്കിയാൽ മതി.

എന്നാൽ ഒരു സംഖ്യ 8 എഴു ഗുണിതമാണോ എന്നു നോക്കാൻ ആ സംഖ്യയുടെ അവസാനത്തെ 3 അക്കങ്ങൾ ചേർന്നുണ്ടാകുന്ന സംഖ്യ 8 എഴു ഗുണിതമാണോ എന്നു നോക്കിയാൽ മതി.

11 എഴു ഗുണിതം

സംഖ്യയുടെ, ഓനിടവിട്ടുള്ള അക്കങ്ങളുടെ തുകക്കൾ കണക്കു പിടിക്കുക. ഈവയുടെ വ്യത്യാസം, പുജ്യമോ, ആല്ലെങ്കിൽ 11 എഴു ഗുണിതമോ ആണെങ്കിൽ ആ സംഖ്യയെ 11 കൊണ്ട് നിശ്ചേഷം ഹരിക്കാം.

ഉദാ:-

1. 65437 9 എന്ന സംഖ്യയിൽ ഓനിടവിട്ടുള്ള അക്കങ്ങളുടെ തുക

$$6 + 4 + 7 = 17$$

$$5 + 3 + 9 = 17$$

$$17 - 17 = 0$$

വ്യത്യാസം ‘0’ ആയതുകൊണ്ട് 11 എഴു ഗുണിതമാണ്.

2. 5432526 എന്ന സംഖ്യയിൽ ഓനിടവിട്ടുള്ള അക്കങ്ങളുടെ തുക

$$5 + 3 + 5 + 6 = 19$$

$$4 + 2 + 2 = 8$$

വ്യത്യാസം ‘11’ ആയതുകൊണ്ട് 11 എഴു ഗുണിതമാണ്.

“ഗുണിതങ്ങളും, അടക്കങ്ങളും” ആയി ബന്ധപ്പെട്ട നേടേണ്ട ശേഷികൾ ഫ്രേഞ്ചാർട്ടായി ചൂവടെ ചേർക്കുന്നു.

സംഖ്യകളുടെ പൊതുഗുണിതങ്ങൾ തിരിച്ചറിയാനും വിശദീകരിക്കാനും കഴിയുന്നു.



സംഖ്യകളുടെ പൊതുഅടക്കങ്ങൾ തിരിച്ചറിയാനും വിശദീകരിക്കാനും കഴിയുന്നു.



പൊതുഗൃഹനിതങ്ങൾ, പൊതുജലടക്കങ്ങൾ എന്നിവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ ഉപയോഗിച്ച് പ്രശ്നപരിഹാരം നടത്തുന്നു.



സംഖ്യകളുടെ ഘടകങ്ങളുടെ പ്രത്യേകതയെ അടിസ്ഥാനമാക്കി ഭാജ്യസംഖ്യകൾ അഭാജ്യസംഖ്യകൾ, എന്നിങ്ങനെ തരംതിരിക്കുന്നു.



സംഖ്യകളെ അവയുടെ അഭാജ്യജലടക്കങ്ങളുടെ ഗുണനഫലമായി എഴുതുന്ന രീതി വിശദീകരിക്കുന്നു.



എത്തോരു സംഖ്യയും 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 എന്നീ സംഖ്യകളുടെ ഗുണിതമാണോ എന്ന് ഹരിച്ചു നോക്കാതെ കണക്കാടുന്നു.



ഒൻ്റെ സംഖ്യകൾക്ക് അവയുടെ ചെറുപൊതുഗൃഹനിതവും വർപ്പപൊതുജലടക്കവുമായുള്ള ബന്ധം വിശദീകരിക്കുന്നു.

ഭിന്നസംഖ്യകൾ

ആദ്യകാലത്ത് മനുഷ്യർ ദൈനംഡിന ആവശ്യങ്ങൾക്ക് എല്ലാത്തിംബന്ധകൾ മതിയായിരുന്നു. ചെറിയ സംഖ്യകൾ പരമാർശിക്കേണ്ട ഘട്ടങ്ങളിൽ ഉപയോഗിച്ചുകൊണ്ടിരിക്കുന്നതിനേക്കാൾ ചെറിയ അളവുകൾ ആവശ്യമായി വന്ന സന്ദർഭത്തിലാണ് ഭിന്നസംഖ്യകൾ ആവിർഭവിച്ചത്. ഉദാഹരണമായി പണ്ഡുകാലത്ത് ഒരു കൂപ്പി എല്ലാ എന്ന് ഉപയോഗിച്ചു. അതിനേക്കാൾ ചെറിയ അളവ് ആവശ്യമായപ്പോൾ, അരക്കൂപ്പി, കാൽക്കൂപ്പി, എന്നിങ്ങനെയുള്ള ചെറിയ അളവുകൾ കണക്കാടുകയുണ്ടായി.

അനിന്ത്യ ഭാഗം എന്ന നിലക്കാണ് ഭിന്നസംഖ്യകളെ ആദ്യജലടക്കത്തിൽ നിർവ്വചിച്ചത്. ഹരണക്രിയ എന്ന രീതിയിൽ ഭിന്നസംഖ്യയെ കണ്ണു തുടങ്ങിയത് പതിനാറാം നൂറ്റാണ്ടിലാണ്. ഭിന്ന സംഖ്യകളെ മുന്ന് വ്യത്യസ്ത തലങ്ങളിൽ കൂട്ടിക്കൾ മനസ്സിലാക്കേണ്ടതുണ്ട്.

1. ഭിന്നസംഖ്യ അണിന്ത്യ ഭാഗമായി

ഒരു വസ്തുവിനെ തുല്യഭാഗങ്ങളായി വിഭജിച്ച് ഒരു നിശ്ചിത ഭാഗത്തെ പ്രതിനിധികരിക്കുന്നു. ഒരു വസ്തുവിനെ 5 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കിയതിൽ 2 ഭാഗത്തെ സൂചിപ്പിക്കുന്നത് $\frac{2}{5}$. ഈതിനെ 5 തുല്യഭാഗങ്ങളിൽ 2 എന്ന് എഴുതുകയും $\frac{2}{5}$ എന്ന് എഴുതുകയും ചെയ്യുന്നു.

$$\left. \begin{array}{c} \frac{1}{5} \\ \frac{1}{5} \end{array} \right\} \quad \frac{2}{5} \text{ ഭാഗം}$$

പരസ്പരവിൽ മാത്രമല്ലാതെ, വിവിധരീതിയിൽ ചിത്രീകരിക്കാൻ കഴിവ് നേടേണ്ടതുണ്ട്.

- ഒരു റിബൺ / ഒരു നൂലിന്റെ $1/4$ ഭാഗം മുറിച്ചുമാറ്റുക.
- ഒരു പാത്രത്തിലുള്ള വെള്ളത്തിന്റെ $1/2$ ഭാഗം മറ്റൊരു പാത്രത്തിലേക്ക് മാറ്റുക.

2. ഭിന്നസംഖ്യ ഹരണത്തിന്ത്യ ഭാഗമായി

$\frac{3}{5}$ എന്ന ഭിന്ന സംഖ്യയെ $3 \div 5$ എന്ന രീതിയിൽ എഴുതുന്നു.

3 വസ്തുക്കളെ 5 പേരിൽ തുല്യമായി വീതിക്കാൻ ആവശ്യപ്പെട്ടാൽ ഒരാൾക്ക് എത്രകിട്ടും?

3. ലിനസംവ്യ കൂട്ടത്തിന്റെ ഭാഗമായി

15 വസ്തുക്കളെ 3 പേരിൽ തുല്യമായി വീതിക്കേണ്ട സന്ദർഭത്തിൽ കൂട്ടത്തിന്റെ ഭാഗമായ ലിന സംഖ്യയുടെ ആശയമാണ് ഉപയോഗിക്കേണ്ടത്.

$$0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0$$

$$0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0$$

$$0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0$$

3 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കിയപ്പോൾ

$$0 \quad 0 \quad 0 \quad \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad \quad 0 \quad 0 \quad 0$$

$$0 \quad 0 \quad \quad 0 \quad 0 \quad \quad 0 \quad 0$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{2}{5}$$

എന്നത് എങ്ങനെ ബോധ്യപ്പെടുത്താം?

$$\frac{2}{5}$$

പകുതിയേക്കാൾ തുടക്കലാണോ?

പകുതിയുടെ കുട ചേർന്നാൽ, പകുതിയേക്കാൾ കുറയുമോ?

വ്യത്യസ്ത ചേരദണ്ഡള്ളൂളുള്ള ലിനസംവ്യകളുടെ സകലനം, വ്യവകലനം, ഗൃണനം, ഹരണം എന്നിവ കണക്കാക്കുന്നതിനുള്ള മാർഗം എങ്ങനെ കണ്ടെത്താം? ഗണിതശാസ്ത്രബോധനവു മായി ബന്ധപ്പെട്ട ഏത് പതനരീതിയാണ് ഇവിടെ ഉപയോഗിക്കേണ്ടത്.

ജെ. ഫ്രാക്ഷൻ ലാബ് ഉപയോഗിച്ച് ലിനസംവ്യകൾ രൂപീകരിക്കാനും അവയെ വിശദീകരിക്കാനും ശ്രമിക്കുമ്പോൾ,

J fraction lab

- ലിനങ്ങൾ രൂപീകരിക്കാനും അവയെ വിശദീകരിക്കാനും സഹായകമായ ഒരു സത്രയെ സോഫ്റ്റ്‌വെയറാണ് ജെ. ഫ്രാക്ഷൻലാബ്.

Application → Education → J Fraction Lab എന്ന ക്രമത്തിൽ ഈ സോഫ്റ്റ്‌വെയർ തുറക്കാം.

ജെ. ഫ്രാക്ഷൻ ലാബ് ഉപയോഗിച്ച് ലിനസംവ്യകൾ വിവിധ രീതിയിൽ ചീതീകരിച്ച് നോക്കു, ശോംഗസംവ്യകൾ

ലിനസംവ്യയെ സൂചിപ്പിക്കാനുള്ള ഒരു രീതിയാണ് ദശാംശം (Decimal). എത്താരു ലിന രേതയും ദശാംശരൂപത്തിലെഴുതാം. ഇങ്ങനെ എഴുതുന്നേക്കാൾ കിട്ടുന്ന അക്കങ്ങൾ രണ്ടു തരത്തിലാണ്. ദശാംശനിയമാനത്തെ അക്കങ്ങൾ അവസാനിക്കും അല്ലെങ്കിൽ അനന്തമായി ആവർത്തിക്കും.

$$\frac{1}{2} = \frac{5}{10} = 0.5$$

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10} = 0.2$$

$$\frac{1}{4} = \frac{25}{100} = 0.25$$

$$\frac{1}{8} = \frac{125}{10,000} = 0.0125$$

ഒരും സമാനത്തെ അക്കങ്ങൾ അവസാനിക്കുന്ന, ദശാംശരൂപത്തിലേയ്‌ക്ക് മാറ്റിയ എത്ര ദിനത്തെയും, 10 ഏഴ് എത്രക്കിലും കൂതി ചേരുമായ സമാനഭിന്നമായി എഴുതാം.

$10 = 2 \times 5$ ആയതിനാൽ, ഇതുരും ഒരു സമാനഭിന്നം (തൃജ്യഭിന്നം) ഉണ്ടാകണമെങ്കിൽ ആദ്യത്തെ ദിനത്തിൻ്റെ ചേരുത്തിന് 2, 5 അല്ലാതെയുള്ള അംജ്യാലടക്കങ്ങൾ ഉണ്ടായിരിക്കരുത്.

ഉദാ:

$$80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 2^4 \times 5 \text{ ആയതിനാൽ}$$

$$\frac{1}{80} = \frac{1}{2^4 \times 5} = \frac{5^3}{2^4 \times 5^4} = \frac{5^3}{2^4 \times 5^4} = \frac{125}{10000} = 0.0125$$

എന്ന് എഴുതാം.

മരിച്ച് $15 = 3 \times 5$ ആയതിനാൽ $\frac{1}{15}$ നെ 10 ഏഴ് എത്രക്കിലും കൂതി ചേരുമായ സമാനഭിന്നമായി എഴുതാൻ കഴിയില്ല. അതിനാൽ $\frac{1}{15}$ ഏഴ് ദശാംശ രൂപം അവസാനിക്കുന്നില്ല.

$$\frac{1}{15} = 0.6666\dots$$

പില പ്രത്യേക ദശാംശസംഖ്യകൾ

$\frac{1}{7}$, ഏഴ് ദശാംശ രൂപത്തിൽ 6 അക്കങ്ങൾ ചാട്ടിക്കൊണ്ടിരിക്കുന്നു. $\frac{1}{13}$, ഏഴ് ദശാംശരൂപത്തിൽ 16 അക്കങ്ങൾ ആവർത്തിക്കുന്നു. എന്നാൽ $\frac{1}{13}$ ഏഴ് ദശാംശരൂപത്തിൽ 6 അക്കങ്ങളേയുള്ളൂ. പത്രാവതാം നൂറ്റാണ്ഡിൽ, വില്യും ഷാക്സ് എന്ന ഗണിതശാസ്ത്ര അനേരി അംജ്യസംഖ്യകളുടെ വ്യൂൽക്കമങ്ങളിലെ, ഇതുരും ചാക്കങ്ങളുടെ നീളം കണക്കു കൂട്ടിയെടുത്തു. ഹോൺറി ശോധ്യവിൻ എന്ന മറ്റാരാളിക്കുടെ 1024 വരെ ചേരുമായി വരുന്ന എല്ലാ ഭിന്നസംഖ്യകളുടെയും ദശാംശരൂപം കണക്കുകൂട്ടുകയുണ്ടായി.

$$\frac{1}{7} = 0.142857\dots$$

$$\frac{2}{7} = 0.285714\dots$$

$$\frac{3}{7} = 0.428571\dots$$

$$\frac{4}{7} = 0.571428\dots$$

$$\frac{5}{7} = 0.714285\dots$$

$$\frac{6}{7} = 0.857142\dots$$

അതോ ദശാംശരൂപത്തിലും 1, 4, 2, 8, 5, 7 എന്ന ക്രമം മാറ്റുന്നില്ലെന്നും, തുടങ്ങുന്ന സംഖ്യമാ ശ്രമാണ് മാറ്റുന്നതെന്നും കാണും. $\frac{1}{13}$ ഏഴ് ദശാംശ രൂപത്തിന് ഈ പ്രത്യേകത ഇല്ല. $\frac{1}{13}$, ഏഴ് ദശാംശരൂപത്തിന് ഈ പ്രത്യേകത ഉണ്ട്.

അളവുകൾ മെട്ടിക്ക് സിസ്റ്റതിൽ ഉപയോഗിക്കാനും പ്രയോഗിക്കാനും ഉദാഹരണമാണ്
കളുടെ കണ്ണുപിടിത്തം എത്രമാത്രം പ്രയോജനപ്പെട്ടു എന്നതു സംബന്ധിച്ച് ഒരു സെൻ
സാർ നടത്തുക.

നൃനസംഖ്യകളുടെ പരിശോ

നൃനസംഖ്യകളുടെ പരിശോ

ഗണിതശാസ്ത്രത്തിൽ വളർച്ചയുടെ ഘട്ടത്തിൽ അളവുകളുമായി ഗേരിട്ട് ബന്ധപ്പെട്ടാൽ
ഗണിതപരമായ സ്വന്തകരുതിനായി സംഖ്യകളെയും അവയുടെ ക്രിയകളെയും സൂചിപ്പിക്കുന്ന
രേഖ തലം രൂപപ്പെട്ടു. അതിൽ തുടർച്ചയായി എ. ഡി - 7-ാം നൂറ്റാണ്ടിൽ ഭാരതീയ ഗണിതശാ
സ്ത്രജ്ഞന്മാരുടെ ബോധഗുപ്തൻ നൃനസംഖ്യകൾ എന്ന ആശയം അവതരിപ്പിക്കുകയും അവ
യുടെ ക്രിയാനിയമങ്ങൾ നിർവ്വചിക്കുകയും ചെയ്തു. ബോധഗുപ്തൻ ബഹുമാനിയായിരുന്നു
അദ്ദേഹിയിലേക്ക് വിവർത്തനം ചെയ്തതിലൂടെ അവിടെയും നൃനസംഖ്യകൾ ഉപയോഗിച്ച്
തുടങ്ങി. കണക്കു കുടലുകൾ നടത്തുമ്പോൾ കരുതൽ കോലുകളാണ്, ചെചനാക്കാർ നൃനസം
ഖ്യകളെ സൂചിപ്പിക്കാൻ ഉപയോഗിച്ചിരുന്നത്.

ബി. സി. മുന്നാം നൂറ്റാണ്ടിലെ ചിയുചാൻ സുവാൺഷു എന്ന ചെന്നിൻ ഗണിതശാസ്ത്ര
ഗ്രന്ഥത്തിൽ നൃനസംഖ്യകൾ ഉപയോഗിച്ചു ക്രിയകൾ കാണാം. പ്രത്യേക രീതിയിൽ ക്രമീക
രിച്ച് മുളകോലുകൾ ഉപയോഗിച്ചാണ് സംഖ്യകളുടെ ക്രിയകൾ ചെയ്തിരുന്നത്. അധിസംഖ്യ
കളെ സൂചിപ്പിക്കാൻ ചുവന്ന വടകളും, നൃനസംഖ്യകൾക്ക് കരുതൽ വടകളുമാണ് അവർ ഉപ
യോഗിച്ചത്. പിൽക്കാലത്ത് സംഖ്യകളുടെ ക്രിയകൾ എഴുതി ചെയ്യാൻ തുടങ്ങിയപ്പോൾ, നൃ
നസംഖ്യകളെ സൂചിപ്പിക്കാൻ അവയുടെ മേൽ ഒരു ചാർണ്ണത്വവര വരുത്തുന്ന രീതി നിലവിൽ
വന്നു. നൃനസംഖ്യകൾ വ്യാപകമായി ഉപയോഗിച്ചു തുടങ്ങിയത് പതിനേണ്ടാം നൂറ്റാണ്ടിലാണ്.
ചെറിയ സംഖ്യയിൽ നിന്ന് വലിയ സംഖ്യ കൂറ്റുമ്പോൾ വരുന്ന സന്ദർഭങ്ങളിലാണല്ലോ
നൃനസംഖ്യ ഉപയോഗിക്കേണ്ടിവരുന്നത്.

നൃനസംഖ്യകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട് ഏതാനും ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ടെത്തുക.

- പുജ്യത്തേക്കാൾ കുറഞ്ഞ സംഖ്യകൾ കിട്ടുന്ന സന്ദർഭങ്ങൾ (താപനില, കാലാവസ്ഥാ
ചാർട്ട്, നൃനതാപം, അതിശൈത്യം - തുടങ്ങിയവ)
- പുജ്യത്തേക്കാൾ കുറഞ്ഞ സംഖ്യകളെഴുതിയ ചാർട്ടുകളും പത്രക്കട്ടിങ്ങുകളും ശേഖരിച്ച്
ഗണിതമേളയിൽ പ്രദർശിപ്പിക്കു
- നൃനസംഖ്യകളുടെ ആശയരൂപീകരണം ആഗമന രീതിയിലൂടെ എങ്ങനെ നടത്താം?
- നൃനസംഖ്യകൾ ഉപയോഗിച്ചുള്ള ചതുഷ്ക്രിയകൾ ചെയ്യാനുള്ള പഠനരീതികൾ എത്ര?
ഈ ഉപയോഗിച്ച് ചതുഷ്ക്രിയകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ചില നിഗമനങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുക.

വർഗവ്യം വർഗമുലവ്യം

ക്ഷേത്രഗണിത രൂപങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി സംഖ്യകളെ വർഗ്ഗീകരിക്കുന്ന സ്വന്ധാ
യം, പെമഗോറിയമാരുടെ കാലത്തു തന്നെ നിലവിന്നിരുന്നു. വർഗം എന്ന ആശയം രൂപം
കൊള്ളുന്നത്, ഒരു ക്ഷേത്രഗണിതരൂപമായ സമചതുരവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടാണ്. പുർണ്ണസംഖ്യ
കൾ വരുത്തുമ്പോൾ വരുന്ന സമചതുരങ്ങളുടെ വിവരീക്കണമാണ് സമചതുര സംഖ്യകളായി
കണക്കാക്കുന്നത്. ഈ നാം ഉപയോഗിക്കുന്ന $1^2, 2^2, 3^2$ എന്നിങ്ങനെയുള്ള രൂപങ്ങൾ, ഇത്തര

അതിലുള്ള സംവ്യൂക്തൈ പ്രതിനിധാനം ചെയ്യുന്നു. വർഗ്ഗങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള പരസ്പരബന്ധം കണ്ണഭരതുന്നതും പുരാതന കാലത്തു തന്നെ പട്ട വിഷയങ്ങളായിരുന്നു. പെപമഗോറിയൻത്രയ അതിൽ ആവിർഭാവം ഇതിൽ നിന്നാണ്.

$$10^2 = 8^2 + 6^2$$

$$5^2 = 3^2 + 4^2$$

ഒഞ്ചു സംവ്യൂക്തൈടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുകയായി ഒഞ്ചു രീതിയിൽ എഴുതാവുന്ന സംവ്യൂക്തൈണ്ട്?

$$65 = 8^2 + 1^2$$

$$= 7^2 + 4^2$$

ഇതുപോലെ എഴുതാവുന്ന മറ്റ് സംവ്യൂക്തൾ കണ്ണഭരത്തു.

ത്രികോണ സംവ്യൂക്തൾ, സമചതുര സംവ്യൂക്തൾ

ത്രകോണാകൃതിയിൽ ക്രമീകരിച്ചിരിക്കുന്ന താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന പാട്ടേണി കാണുക.

•
• • •
• • • • • •

ഈ പാട്ടേണിൽ നിന്ന്

1, 3, 6, 10 ത്രികോണസംവ്യൂക്തൈണ്ട്.

ഈ പാട്ടേണിലെ അടുത്ത മുന്ന് സംവ്യൂക്തൾ കൂടി എഴുതു.

• • • • • • • • • •

സമചതുരാകൃതിയിൽ ക്രമീകരിച്ചിരിക്കുന്ന സംവ്യൂക്തായ 1, 4, 9, 16..... എന്നതാണ് സമചതുര സംവ്യൂക്തൾ

സമചതുരസംവ്യൂക്തൾക്ക് മറ്റു ചില ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ണഭരത്തു.

വർഗ്ഗങ്ങൾ

ഒരു സംവ്യൂദ്ധ അതേ സംവ്യൂക്താണ്ട് ഗുണിക്കുവോൾ വർഗ്ഗസംവ്യൂ കണ്ണഭരതാം എന്ന് വിവിധ ഗുണനക്രിയകൾ വിശകലനം ചെയ്ത് ചർച്ചയിലുടെ ധാരണയിലെത്തുന്നു.

(36 എം വിവിധ ഗുണനക്രിയകൾ $2 \times 18, 3 \times 12, 4 \times 9, 6 \times 6$)

ഇതിൽ $36 = 6 \times 6$

അതായത് 6 എം വർഗമാണ് 36

$6^2 = 36$ ഈ ചിഹ്നരൂപത്തിൽന്ന് പ്രത്യേകത ശ്രദ്ധിക്കുക.

$$1 = 1$$

$$4 = 1 + 2 + 1$$

$$9 = 1 + 2 + 3 + 2 + 1$$

$$16 = 1 + 2 + 3 + 4 + 3 + 2 + 1$$

.....
வர்மஸங்வூக்லூட் பிரதேக பாடேளி ஶலவிகூக்.

$$1 = 1^2 = 0^2 + (1+0)$$

$$4 = 2^2 = 1^2 + (2+1)$$

$$9 = 3^2 = 2^2 + 5 = 2^2 + (2+3)$$

$$16 = 4^2 = 3^2 + 7 = 3^2 + (4+3) \dots \dots \dots$$

வஞ்சவூத்துாஸங்

$$3^2 - 1^2 = 9 - 1 = 8$$

$$4^2 - 2^2 = 16 - 4 = 12$$

$$5^2 - 3^2 = 25 - 9 = 16$$

$$6^2 - 4^2 = 36 - 16 = 20$$

இல்ல பாடேளித் திட்ட கணிடவிட ஸங்வூக்லூட் வர்மனைக்லூட் வூத்துாஸவும் ஸங்வூக்லூட் தூக்கயும் தமிலுக்கு வென்று ஏற்றான்? ஸாமாங்குவகிரைளைத்திலூட் ஏழுபுரை நிரமனம் ரூபிகரிக்கோ.

$$2^2 - 1^2 = 4 - 1 = 3 = 2 + 1$$

$$3^2 - 2^2 = 9 - 4 = 5 = 3 + 2$$

$$4^2 - 3^2 = 16 - 9 = 7 = 4 + 3$$

$$5^2 - 4^2 = 25 - 16 = 9 = 5 + 4$$

இல்லித் திட்டம் அடித்தடுத்த ரெட் ஏற்றுக்கொண்டு வர்மனைக்லூட் வர்மனைக்லூட் வூத்துாஸம் ஸங்வூக்லூட் தூக்கயான் ஏற்ற நிரமனம் ரூபிகரிக்கோ.

ஸஹங்ஸங்வூக்லூட் வர்மனைச்

$$0.5 \text{ எட்டு } \text{வர்ம்மு} = 0.5 \times 0.5$$

$$= 0.25$$

திட்டமங்வூக்லூட் வர்மனைச்

$$\frac{4}{15}, \frac{8}{9}, \frac{16}{25}, 2\frac{1}{4}, 4\frac{1}{9}, \frac{8}{18} \text{ இல்லித் திட்டமங்வூக்லூட் வர்மமாகான் ஸாய்யதயுக்குவ ஏது?}$$

இத்தனம் குரை திட்டமங்வூக்லூட் களெல்லத்து.

அல்லவித் திட்டமாகிகூன் ஸங்வூக்லூட் வர்மம்

$$5^2 = 25$$

$$15^2 = 225$$

$$25^2 = 625$$

ഹവയുടെ പ്രത്യേകത എന്താണ്? 5 തും അവസാനിക്കുന്ന ഏതാനും സംഖ്യകളുടെ വർഗ്ഗം ശൃംഖലകിയ ചെയ്യാതെ കാണു...

ഓൺലൈൻ വർഗ്ഗസംഖ്യകൾ

$$11^2 = 121$$

$$101^2 = 10201$$

$$1001^2 = 1002001$$

$$10001^2 = 100020001$$

$$12^2 = 144$$

$$102^2 = 10404$$

$$1002^2 = 1004004$$

$$10002^2 = 100040004$$

$$13^2 = 169$$

$$103^2 = 10609$$

$$1003^2 = 1006009$$

$$10003^2 = 100060009$$

സംഖ്യകളുടെ വർഗ്ഗമൂലം

സംഖ്യകളുടെ വർഗ്ഗമൂലം കണക്കുപിടിക്കുന്നതിനുള്ള ഒരു മാർഗ്ഗം

$$1 = 1 = 1^2$$

$$1 + 3 = 4 = 2^2$$

$$1 + 3 + 5 = 9 = 3^2$$

$$1 + 3 + 5 + 7 = 16 = 4^2$$

1 എണ്ണ വർഗ്ഗമൂലമാണ് 1, $\sqrt{1} = 1$

4 എണ്ണ വർഗ്ഗമൂലമാണ് 2, $\sqrt{4} = 2$

9 എണ്ണ വർഗ്ഗമൂലമാണ് 3, $\sqrt{9} = 3$

ഈ പാട്ടണൽ പരിശോധിച്ചാൽ തുടർച്ചയായ ഏതാനും ഒറ്റ സംഖ്യകളുടെ തുക വൃഥാനവർഗ്ഗമാണ്.

7 ഒറ്റ സംഖ്യകളുടെ തുക 49 ആണ്.

49 എണ്ണ വർഗ്ഗമൂലമാണ് 7 .

$$49 - \quad 48 - \quad 45 - \quad 40 - \quad 33 - \quad 24 - \quad 13 -$$

$$\frac{1}{48} \quad \frac{3}{45} \quad \frac{5}{40} \quad \frac{7}{33} \quad \frac{9}{24} \quad \frac{11}{13} \quad \frac{13}{0}$$

വർഗ്ഗമൂലം കാണേണ്ട സംഖ്യയിൽ നിന്ന് പുജ്യം കിട്ടുന്നതുവരെ തുടർച്ചയായ ഒറ്റസംഖ്യകൾ കൂടിക്കൊക്ക.

ഇങ്ങനെയും വർഗ്ഗമൂലം കാണാം.

ആദ്യത്തെ 50 ഒറ്റ സംഖ്യകളുടെ തുക എത്രയാണ്?

ഒരു നിശ്ചിത എണ്ണം തുടർച്ചയായ ഒറ്റ സംഖ്യകളുടെ തുക എങ്ങനെ കണക്കത്താം? സാമാന്യവൽക്കരണം എന്ന രീതി ഉപയോഗിച്ച് കണക്കത്തുക.

ശരാശരി

രു കൂട്ടം അളവുകളെ പ്രതിനിധാനം ചെയ്യുന്ന രു അളവാണ് ശരാശരി.

ഉദാ. ഒരാഴ്ചയിൽ ഓരോ ദിവസവും രു പശുവിൽ നിന്ന് ലഭിച്ച പാൽ ഇപ്പകാരമാണ്.

12 ലിറ്റർ, 13 ലിറ്റർ, 8 ലിറ്റർ, 10 ലിറ്റർ, 7 ലിറ്റർ, 9 ലിറ്റർ, 11 ലിറ്റർ, പശുവിൽ നിന്ന് രു ദിവസം എത്ര ലിറ്റർ പാൽ ലഭിക്കും?

ഇത്തരത്തിലുള്ള വിവിധ സന്ദർഭങ്ങൾ ചർച്ച ചെയ്ത് ശരാശരി എന്നാൽ എന്തെന്ന് മനസിലാം കണ്ണുന്നതാണ്.

- ഇവിടെ ശരാശരി എറ്റവും ചെറിയ അളവിനും എറ്റവും വലിയ അളവിനും ഇടയിൽ വരുന്ന രു സംഖ്യയായിരിക്കും.
- ശരാശരിയേക്കാൾ കൂടുതലായ അളവുകൾ പരിശോധിക്കാം.

12, 13, 11

ഇവ ഓരോന്നും ശരാശരിയേക്കാൾ എത്ര കൂടുതലാണ്?

2, 3, 1

ഇവയുടെ തുക = $2 + 3 + 1 = 6$

ശരാശരിയേക്കാൾ കൂറവായ അളവുകൾ

8, 7, 9

ഇവ ഓരോന്നും ശരാശരിയേക്കാൾ എത്ര കൂറവ്?

2, 3, 1

ഇവയുടെ തുക = $2 + 3 + 1 = 6$

ഈ രണ്ടുതുകയും എപ്പോഴും തുല്യമാണെല്ലാം

തുടർച്ചയായ എല്ലാൽ സംഖ്യകളുടെ ശരാശരി എങ്ങനെന്നായിരിക്കും? പാട്ടേണ്ണുകളുടെ ശരാശരിയോ?

ഉദാ. 1,2, 3, ,11

1, 2, 3, , 20

3, 5, 7, 9,....., 19

ശരാശരി കണ്ണെത്താനുള്ള മാർഗ്ഗം സാധം കണ്ണെത്തു.

എൻ്റെ കണ്ണെത്താൽ.

•

•

•

ശരാശരിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ എത്താക്കോ?

ശരാശരി വരുമാനം, ശരാശരി ചെലവ്,

ശരാശരി നീളം, ഭാരം.....

രേളവിൽ മാറ്റം വരുന്നേം ശരാശരിയിൽ ഉണ്ടാകുന്ന മാറ്റം എന്തായിരിക്കും?

ശരാശരി യൂക്കിസഹമല്ലാത്ത ധാരാളം സന്ദർഭങ്ങളുണ്ട്.

ഉദാ.

- 1) ഒരു പുഴയുടെ ആഴം പല സ്ഥലങ്ങളിൽ വ്യത്യസ്തമാണ്. അവയുടെ ശരാശരി കണക്കാക്കി പുഴ കടക്കാൻ ശ്രമിച്ചാൽ അപകടമല്ലോ?
- 2) ഒരു ഗ്രാമത്തിലെ കുടുംബങ്ങളുടെ ശരാശരി വരുമാനം 2000 രൂപയാണ്. ഈ ഗ്രാമത്തിൽ ഒരു കോടീശ്വരൻ വന്നു ചേരുന്നു. ഈപ്പോൾ ഗ്രാമത്തിലെ കുടുംബങ്ങളുടെ ശരാശരി വരുമാനം എന്തായിരിക്കും? ഈ തിരിച്ചറിയാനുള്ള അവസരം ഒരുക്കണം.

ശ്രദ്ധാധികാരിക്കുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾ:

- ശതമാനം എന്ന ആശയം നിരക്ക് എന്ന തരത്തിലും പരിഗണിക്കാം.
- മറുശത്തെ എന്ന ആശയം (75% കുട്ടികൾ വിജയിച്ചു എന്നത് 25% കുട്ടികൾ വിജയിച്ചില്ല എന്നും അർത്ഥമാക്കാം.)
- മൃഗവർ അമൈവാ 100% എന്ന ധാരണ
- ശതമാനവും ഭിന്നസംഖ്യാരീതിയിലുള്ള നിരക്കും തണ്ടിലുള്ള ബന്ധം.

$$\frac{1}{2} \text{ ഭാഗം } \text{എന്നത് } 50\% \text{ ആണ്.}$$

$$75\% \text{ എന്നത് } \frac{3}{4} \text{ ആണ്.}$$

$$33\frac{1}{3}\% \text{ എന്നത് } \frac{1}{3} \text{ ആണ്.}$$

$$\frac{2}{5} \text{ ഭാഗം } = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100} = 40\%$$

- താരതമ്യത്തിനുള്ള സഹായിയായി ശതമാനത്തെ ഉപയോഗിക്കാം.

ഉദാ. ഒരു സ്കൂളിൽ 150 കുട്ടികൾ പരീക്ഷ എഴുതി 135 കുട്ടികൾ ഉപരിപഠനത്തിന് അർഹരായി. മറ്റാരു സ്കൂളിൽ 120 കുട്ടികൾ പരീക്ഷ എഴുതിയതിൽ 114 കുട്ടികൾ ഉപരിപഠനത്തിന് അർഹരായി. എത്ര സ്കൂളാണ് മികച്ചത്?

- ശതമാനം ഉൾപ്പെടുന്ന പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ പരിഹരിക്കുന്നതിന്
- a യുടെ $b\% = b$ യുടെ $a\%$
- ഒരു യൂണിവേഴ്സിറ്റിയിൽ പഠിക്കുന്ന കുട്ടികളിൽ 50% പേരും വികലാംഗരാണ്. ഈ പ്രസ്താവനയുടെ നിജസ്ഥിതി അനേകിച്ചപ്പോൾ അവിടെ ആകെ 2 കുട്ടികൾ മാത്രമാണ് പഠിക്കുന്നത്. ശതമാനത്തിലും താരതമ്യം ചെയ്യുമ്പോൾ യൂക്കിസഹമല്ലാത്ത ഒരു സന്ദർഭമാണെല്ലോ ഈത്.
- ശതമാനത്തിലും താരതമ്യം ചെയ്യുമ്പോൾ യൂക്കിസഹമല്ലാത്ത രണ്ടു സന്ദർഭങ്ങൾ കൂടി കണണ്ടതുകൊണ്ട്.

പദ്ധതി

മറ്റൊരൊള്ളുടെ വസ്തു നാം ഉപയോഗിക്കുന്നേം നാം അവർക്ക് എന്തെങ്കിലും പ്രതി ഫലം കൊടുക്കേണ്ടതുണ്ടെല്ലോ. അങ്ങനെ കൊടുക്കുന്ന പ്രതിഫലം വസ്തുക്കൾക്കുന്നേം വാടക എന്നും പണ്ടിനിന്നും പലിശ എന്നും പറയാം. സാധാരണ പലിശ, കൂടുപലിശ, നാട്ടുപലിശ എന്നിങ്ങനെ നമ്മുടെ നാട്ടിൽ വിവിധ പലിശസ്യവായങ്ങൾ നിലവിലുണ്ട്. ബാക്ക് മറ്റു പണ്മിടപാടു സ്ഥാപനങ്ങൾ എന്നിവിടങ്ങളിൽ സാധാരണ പലിശയും കൂടുപലിശയും വാർഷികമായും അർധവാർഷികമായും പലിശ കണക്കാക്കുന്ന രീതിയുണ്ട്.

പലിശ എന്ന ആശയവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടവയും താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ആശയങ്ങളും അവയുടെ പ്രയോഗങ്ങളും അറിയേണ്ടതുണ്ട്.

പലിശ പലിശനിരക്ക്, പലിശ കണക്കാക്കുന്ന രീതി, വിവിധ സ്ഥാപനങ്ങളിലെ പലിശനിരക്കു കള്ളുടെ താരതമ്യം, പലിശയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട സമൂഹത്തിലുണ്ടാകുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾ, കൂടുപലിശ എന്ന ആശയം, കൂടുപലിശ കണക്കാക്കുന്ന രീതി, വാർഷിക/അർദ്ധവാർഷിക/പാദവാർഷിക കൂടുപലിശ കണക്കാക്കുന്ന രീതി, പണ്മിടപാടു സ്ഥാപനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രയോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ നിർഖാരണം ചെയ്യൽ, പലിശയെ സംബന്ധിച്ചുള്ള വ്യത്യസ്ത പരസ്യങ്ങളും അവയിലെ തട്ടിപ്പുകളും തിരിച്ചറിയൽ തുടങ്ങിയവ.

പലിശ, കണക്കാക്കുന്ന മാർഗ്ഗം എങ്ങനെ കണ്ടെത്താം?

ഗണിതപഠനത്തിലെ എത്തു രീതിയാണ് കൂടുതൽ അനുയോജ്യം.

1 രൂപക്രിയ ഒരു ദിവസത്തേക്ക് 1 പെപന്മാത്രം പലിശ

ഈ പരസ്യവാചകം ശ്രദ്ധിച്ചുവാലോ പലിശ എന്ന പാഠാഗവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പരസ്യങ്ങൾ അവയിലെ തട്ടിപ്പുകൾ മുതലായവയെ കുറിച്ച് ഒരു സെമിനാർ പ്രബന്ധം തയാറാക്കുക.

ലാഭം നഷ്ടം, ഡിസ്കൌണ്ട്

- മുടക്കുമുതൽ, വിറ്റവില, ലാഭം, നഷ്ടം എന്നീ ആശയങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുന്നു. ലാഭത്തെ മാനം, നഷ്ടത്തെ മാനം.
(100 രൂപ മുടക്കുമുതലിന് ലഭിക്കുന്ന ലാഭമാണ് ലാഭത്തമാനം. ഈതുപോലെ 100 രൂപ മുടക്കുന്നേം വരുന്ന നഷ്ടമാണ് നഷ്ടത്തമാനം.)
- പരസ്യവില, വിറ്റവില, ഡിസ്കൌണ്ട്, റിബോർ എന്നീ ആശയങ്ങൾ.
- പരസ്യവിലയിൽ നിന്നും അനുവദിക്കുന്ന കിഴിവാണ് ഡിസ്കൌണ്ട്. ഡിസ്കൌണ്ട് പരസ്യവിലയുടെ ശതമാനമായിട്ടാണ് പറയുന്നത്.
- പൊതുമേഖലാസ്ഥാപനങ്ങളുടെ ഉല്പന്നങ്ങൾക്ക് സർക്കാർ നൽകുന്ന കിഴിവാണ് റിബോർ. റിബോർ ശതമാനമായാണ് പറയുന്നത്.

അനുടുത്താൽ ഒന്ന് ശ്രീ, 3 എണ്ണത്തിന് 399 രൂപ, ഏതെടുത്താലും 100 രൂപ, 5% മുതൽ 50% വരെ ഡിസ്കൌണ്ട് എന്നിങ്ങനെ കൂച്ചവടവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട നിരവധി പരസ്യങ്ങൾ ഉണ്ടെല്ലോ. ഈ കെണ്ണിയിൽപ്പെട്ട ധാരംതും ജനങ്ങൾ വണ്ണിതരാകാറുണ്ട്. ഇതിനെക്കുറിച്ച് പൊതുജനങ്ങളെ ബോധവാൻമാർ ആക്കുന്നതിന് എന്തെല്ലാം തന്റെങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കാം? ഇതുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഗണിതത്തവായി എങ്ങനെ പ്രയോജനപ്പെടുത്താം?

ബോധവൽക്കരണത്തിന് അനുയോജ്യമായ ഒരു രീതി കണ്ടെത്തി കൂടാൻ അവതരിപ്പിക്കുക.

സമയവും ദൂരവും

- വേഗം എന്ന ആശയം (ഒരു യൂണിറ്റ് സമയത്ത് സഖ്യത്തിലുണ്ടായ ദൂരമാണ് വേഗം. ഈത് ശരാശരി വേഗതയാണ്)
- ദൂരം, സമയം, ശരാശരി വേഗം എന്നിവ പരസ്പരം ബന്ധപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു.
- ഒരു വസ്തു ആകെ സഖ്യത്തിൽ ഉൾക്കൊള്ളുന്നതു അത് സഖ്യത്തിലുണ്ടായാൽ സമയം കൊണ്ടു ഹരിക്കുന്നതാണ് അതിന്റെ ശരാശരിവേഗം
- ശരാശരിവേഗം, വേഗങ്ങളുടെ ശരാശരിയല്ല.
- വേഗത്തിന്റെ വിവിധ യൂണിറ്റുകൾ, കി.മീ/മണിക്കൂർ അല്ലകീൽ മൈറ്റ്/സെക്കന്റ്. അവ തമിലുള്ള ബന്ധം കണ്ടെത്തുമ്പോൾ $(1\text{ km/hr} = \frac{5}{18}\text{ m/s})$
- വേഗവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രായോഗികപ്രശ്നങ്ങൾ കണ്ടെത്തുന്നു.

സമയവും ദൂരവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രശ്നങ്ങൾ കണ്ടെത്തു. അപഗ്രഡേറീതി ഉപയോഗിച്ച് കാര്യ കാരണം സഹിതം, യുക്തിദാനംായി അവയെ എങ്ങനെ വിശദീകരിക്കാം.

അംശബന്ധവും അനുപാതവും

- അംശബന്ധം
- തുല്യ അംശബന്ധങ്ങൾ
- ഒരു സംഖ്യയെ നിശ്ചിത അംശബന്ധത്തിൽ ഭാഗിക്കൽ
- രണ്ടു സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം
- രണ്ടു സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധത്തിന്റെ ലഘുരൂപം കണ്ടെത്തൽ
- നേരനുപാതം, വിപരീതനുപാതം

എന്നീ ആശയങ്ങൾ പ്രധാനമായും അഭിയോഗത്തുണ്ട്.

മണംഗം ഭാഗവും

രണ്ടു സംഖ്യകളിൽ വലുത് ചെറുതിന്റെ ഒരു നിശ്ചിത മണംഗായിരിക്കും. അതുപോലെ ചെറിയ സംഖ്യ വലിയ സംഖ്യയുടെ ഒരു നിശ്ചിതഭാഗമായി നിൽക്കും.

ഉദാ: 12 റെംബ് 3 മണംഗാണ് 36

$$(12 \times 3 = 36)$$

$$36 \text{ റെംബ് } \frac{1}{12} \text{ ഭാഗമാണ് } 3 \text{ അമവം}$$

$$36 \text{ റെംബ് } \frac{1}{3} \text{ ഭാഗമാണ് } 12$$

$$12 \times \frac{3}{4} = 9 \quad (12 \text{ റെംബ് } \frac{3}{4} \text{ മുകാഞ്ചി ഭാഗമാണ് } 9)$$

$$9 \text{ റെംബ് } 1 \frac{1}{3} \text{ മണംഗാണ് } 12$$

ബൈബിൾ നേതൃത്വം മനസ്സിൽ ഉള്ള അർത്ഥവ്യാപ്തി പുരിണമായും ഉൾക്കൊണ്ടുള്ള ചർച്ച നടത്തു.
മറ്റ് പ്രവർത്തനങ്ങൾ

ഒണ്ടു നീളങ്ങൾ താരതമ്യം ചെയ്യണമെന്നിരിക്കും. ഉദാ: $\frac{1}{3}, \frac{1}{5}$ ഹവ തമിലുള്ള അംഗം
ബന്ധം $5 : 3$ എന്നു കിട്ടുന്നതിൽ കാരണം ചർച്ച ചെയ്യണം. $\frac{1}{3}$ ഭാഗത്തെ 5 തുല്യഭാഗമാക്കി
യാൽ ഓരോ ഭാഗവും ആകെയുള്ളതിൽ $\frac{1}{15}$ ഭാഗമായിരിക്കും. അപ്പോൾ $\frac{1}{3}$ എന്നത് $\frac{5}{15}$ ആയു
പോലെ $\frac{1}{5}$ ഭാഗത്തെ 3 തുല്യഭാഗങ്ങളാക്കിയാൽ ഓരോ ഭാഗവും $\frac{1}{15}$ ഭാഗമാക്കും. അപ്പോൾ $\frac{1}{5}$
എന്നത് $\frac{3}{15}$ ആകും. $\frac{5}{15}, \frac{3}{15}$ ഹവ തമാക്കമാണ് $\frac{1}{15}$ രേഖ 5 മനസ്സം 3 മനസ്സം ആണ് ആയു
കൊണ്ട് അംഗബന്ധം $5 : 3$.

അംഗബന്ധവും ഭിന്നവും

ആ വസ്തുവിൽ ഭാഗങ്ങൾ താരതമ്യം ചെയ്യുന്നതിന് അംഗബന്ധം ഉപയോഗപ്പെടു
ത്താം.

ആ സ്ഥാപനത്തിലെ സ്ത്രീയും പുരുഷനും $3 : 17$ എന്ന അംഗബന്ധത്തിലാണെങ്കിൽ ആസ്ഥാപ
നത്തിലെ ആകെ ജീവനക്കാരുടെ $\frac{3}{20}$ ഭാഗം സ്ത്രീകളും, $\frac{17}{20}$ ഭാഗം പുരുഷരിൽക്കൂടും ആണ
ഭൂം.

പുരുഷരിൽക്കൂടും $\frac{3}{17}$ ഭാഗമാണ് സ്ത്രീകൾ. സ്ത്രീകളുടെ $\frac{17}{3}$ മനസ്സാണ് പുരുഷരിൽ.

പ്രയോഗം

സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള പരസ്പരബന്ധത്തെ യുക്തിസഹിതി പ്രയോഗിക്കാനുള്ള കഴിവാണ്
ഇവിടെ നേടേണ്ടത്. അവയുടെ വിവിധ സമർഭങ്ങൾ ഇപ്പകാരമാണ്.

- രണ്ട് സംഖ്യകളുടെ തുകയും സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള അംഗബന്ധവും അറിഞ്ഞാൽ ഓരോ
സംഖ്യയും കണ്ടെത്താം.
- രണ്ട് സംഖ്യകളുടെ അംഗബന്ധവും സംഖ്യകളിൽ എന്നും അറിഞ്ഞാൽ രണ്ടാമത്തെ സംഖ്യ
കണ്ടെത്താം.
- രണ്ട് സംഖ്യകളുടെ അംഗബന്ധവും സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള വ്യത്യാസവും അറിഞ്ഞാൽ
സംഖ്യകളുടെ തുകയും ഓരോ സംഖ്യയും കണ്ടെത്താം.
- നിശ്ചിത അംഗബന്ധത്തിലുള്ള സംഖ്യകളോട് നിശ്ചിതഭാഗം കൂട്ടുകയോ കുറയ്ക്കുകയോ
ചെയ്താൽ സംഖ്യകൾ തമിലുള്ള പുതിയ അംഗബന്ധം കണ്ടുപിടിക്കാം.

ഇത്തരം സമർഭങ്ങൾ വരുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾ കൈകൊരും ചെയ്യുന്നോൾ വിവിധ വീക്ഷണ കോണി
ലുടെ സമീപിക്കണം. അങ്ങനെ വ്യത്യസ്ത രീതിയിൽ ഉത്തരം കണ്ടെത്താൻ കഴിയണം.

- നിത്യജീവിതത്തിൽ അംശബന്ധങ്ങൾ എന്ന ആഴയം ഉപയോഗിക്കേണ്ടിവരുന്ന സദർഭങ്ങൾ എത്രാണ്? എഴുതുക.
- കാര്യക്കാരണ സഹിതം ചിന്തിക്കാൻ അംശബന്ധം എന്ന പാടഭേദം എങ്ങനെ ഉപയോഗിക്കാം? ചില സദർഭങ്ങൾ കുറിക്കു.

മാറിയ അംശബന്ധം

രണ്ട് സ്കൂളിൽ ആൺകുട്ടികളും പെൺകുട്ടികളും തമ്മിലുള്ള അംശബന്ധം $2 : 3$ ആയിരുന്നു.

ആൺകുട്ടികളുടെ $\frac{1}{4}$ ഭാഗം സ്കൂളിൽ നിന്നു വിട്ടുപോയാൽ ആൺകുട്ടികളും പെൺകുട്ടികളും തമ്മിലുള്ള മാറിയ അംശബന്ധം എത്രായിരിക്കും?

- ആൺകുട്ടികൾ $\frac{2}{5}$ ഭാഗവും പെൺകുട്ടികൾ $\frac{3}{5}$ ഭാഗവും ആണ് ഉള്ളത്.
- ആൺകുട്ടികളുടെ (അതായത് $\frac{2}{5}$ ഭാഗത്തിന്റെ) $\frac{1}{4}$ ഭാഗം പോയി.
- ആയതിനാൽ ബാക്കിയുള്ളത് $\frac{2}{5}$ ഭാഗത്തിന്റെ $\frac{3}{4}$ ഭാഗം $= \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10}$ ഭാഗം
- അതുകൊണ്ട് മാറിയ അംശബന്ധം $= \frac{3}{10} : \frac{3}{5}$
 $= \frac{3}{10} \times 10 : \frac{3}{5} \times 10$
 $= 3 : 6 = 1 : 2$

അളവുകൾ മുമ്പ്

രണ്ട് അളവുകൾ തമ്മിലുള്ള ബന്ധത്തിന്റെ തുടർച്ചയാണ് 3 അളവുകൾ ഉപയോഗിച്ചുള്ള അംശബന്ധം.

രണ്ട് നിഖിത തുക 3 പേരിൽ $1 : 2 : 3$ ആയി ഭാഗിക്കുന്നുകയിൽ

രണ്ടാമന്ത് ലഭിക്കുന്നത് $\frac{1}{6}$ ഭാഗം

ഒന്നാമന്ത് ലഭിക്കുന്നത് $\frac{2}{6}$ ഭാഗം

മൂന്നാമന്ത് ലഭിക്കുന്നത് $\frac{3}{6}$ ഭാഗം

രണ്ട് അളവുകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട് ചെയ്യുന്ന പ്രായോഗിക പ്രശ്നരീതിയാണ് ഇവിടെയും സീക്രിക്കറ്റ്.

അനുപാതം

രണ്ട് വ്യത്യസ്ത അളവുകളുടെ മാറ്റങ്ങൾ ആനുപാതികമാണോ എന്ന് വ്യത്യസ്ത ഉദാഹരണ

അളളിലുടെ പരിശോധനക്കാം.

- അതി, ഉഴുന്ന് എന്നിവയുടെ അളവുകൾ ഒരേ അംഗവസ്ത്യത്തിൽ മാറുന്നു.
- സമചതുരത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളവും ചുറ്റുവും ആനുപാതികമാണ്.
- എന്നാൽ സമചതുരത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളവും പരപ്പളവും ആനുപാതികമല്ല.

മാറ്റങ്ങൾ ആനുപാതികമാക്കുന്നതും അല്ലാത്തതുമായ സന്ദർഭങ്ങൾ ചർച്ച ചെയ്യുക.

x, y എന്നീ അളവുകൾ ആനുപാതികമായാണ് മാറുന്നതെങ്കിൽ അവയുടെ വിലകൾ തന്മി

$$\frac{x}{y} = k \text{ ആയിരിക്കും. (നേരനുപാതം)}$$

വിപരിതാനുപാതത്തിലായാൽ $x/y = k$ ആയിരിക്കും.

ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഓരോ സന്ദർഭവും എത്ര ആനുപാതത്തിലാണെന്ന് യുദ്ധിസ്ഥിതം വിശദീകരിക്കുക.

- ഒരേ വേഗത്തിൽ സഖ്യരിക്കുന്ന കാർ-സഖ്യരിക്കുന്ന ദുരവും സമയവും
- ഒരേ ചുറ്റുളവുള്ള ചതുരങ്ങളുടെ നീളം, വീതി
- ഒരേ ഉയരമുള്ള ത്രികോൺഡ്രളുടെ പരപ്പളവും പാദത്തിന്റെ നീളവും
- ഒരു നിശ്ചിത ജോലി ചെയ്തു തീർക്കുന്ന ജോലിക്കാരുടെ എല്ലാവും അവർ ജോലി ചെയ്യുന്ന ദിവസങ്ങളുടെ എല്ലാവും.
-
-

1.3. പ്രൈമറി കൂസുകളിലെ ഗണിതപാഠപുസ്തകങ്ങളുടെ ഉള്ളടക്ക തിരിക്ക് വളർച്ച

ലഘുവായ ആശയങ്ങളും പ്രതികരണങ്ങളും ചേർന്ന് സക്കിർണ്ണതയിലേക്കും അമൃർത്ത തയിലേക്കും വികസിക്കുന്നതാണ് ഗണിതശാസ്ത്രത്തിന്റെ സ്പാസം. 0, 1, 2,....., 9 വരെ യുള്ള പത്ര പ്രതീകങ്ങൾ (അക്കങ്ങൾ) ആണ് ഗണിതത്തിന്റെ അടിസ്ഥാന ശിലകൾ. ഓരോ അക്കവും വെവ്വേറെ ഫുട്ടുക്കുന്നേയാൽ ലളിതമായ ആശയങ്ങളും അളവുകളുമായി മാറുന്നു. കേവലം 10 അക്കങ്ങൾ കൊണ്ട് അനുത്തമായ എല്ലാത്തയും അളവുകളെയും സൂചിപ്പിക്കാം.

സാധാരണ എല്ലാംസംഖ്യ മുതൽ കോംപ്ലക്സ് സംഖ്യകൾ വരെ വിവരിക്കിക്കുന്നതും ഇതുപോലെ ലളിതമായതിൽ നിന്ന് സക്കിർണ്ണമായതിലേക്ക് എന്ന രീതിയിലുടെയാണ്.

പ്രൈമറി കൂസുകളിൽ ഗണിതം അവതരിപ്പിക്കുന്നത് ഇതുപോലെ ലളിതമായ എല്ലാൽ സംഖ്യകൾ, കുടങ്ങൾ, കുടുതൽ, കുറവ് എന്നീ ഘടകങ്ങളിൽ കൂടിയും, സകലനം, വ്യവകലനം, എന്നിവയിൽ തുടങ്ങി ഉയർന്ന ക്രിയാശൈകളിൽ കൂടിയും, ചെറിയ അക്കങ്ങളിൽ തുടങ്ങി അനുതസ്നംഖ്യകളിലേക്ക് നീണ്ടും, അമൃർത്തവും സക്കിർണ്ണവുമായ യുക്തിചീതകളിലേക്കും എന്ന ക്രമത്തിലാണ്.

പാഠപുസ്തകങ്ങളിലെ ഗണിത ഉള്ളടക്കം വിനൃസിച്ചിരിക്കുന്നതും ഇതേ തത്വത്തിലുന്ന യാണ്. ഒന്നാം കൂസുകൾ ഏറ്റവും ലളിതമായ കുടങ്ങൾ, കുടുതൽ, കുറവ് എന്നിങ്ങനെ 20 വരെ

യുള്ള സംവ്യൂഹാധികാരിക്കുന്ന രണ്ടാം കൂസിൽ അല്പപം കൂടി ഉയർന്ന് 100 വരെയും തുടർന്നുള്ള ഓരോ കൂസിലും ഗണിത പഠനത്തിന്റെ ഉയർച്ചയും വ്യാപ്തിയും പടിപ്പിച്ചായി വർദ്ധിപ്പിക്കുന്നു.

അക്കാദമിക് പാഠങ്ങളുടെ സ്വപ്രവർത്തനങ്ങൾ

ഓരോ കൂസിലും പാഠാദാരങ്ങളുടെ ഉള്ളടക്കം, വ്യാപ്തി എന്നിവ കൂട്ടിക്കൂട്ടുടെ പ്രായത്തിനും നിലവാരത്തിനുമനുസരിച്ച് ക്രമാനുഗതമായി വർദ്ധിപ്പിക്കുന്നതിനാണ് സ്വപ്രവർത്തനങ്ങൾ എന്നതു കൊണ്ടുദ്ദേശിക്കുന്നത്. നേരാം കൂസിൽ എല്ലാക്കുംവും ഏറ്റവും ചെറിയ ആശയത്തിന് നിന്ന് തുടങ്ങി ഉയർന്ന കൂസുകളിലേക്ക് അക്കാദമിക്കുന്നതെൽപ്പാടം വിവിധതരം സംവ്യൂക്തി, ഗുണിതങ്ങൾ, ഘടകങ്ങൾ, ചതുഷ്പക്രിയകൾ, ഭിന്നസംഖ്യ, ദശാശശസംഖ്യ, നൃതനസംഖ്യ, ശതമാനം, പലിഗ്രാമം, അംശബന്ധം, വർദ്ധവും വർദ്ധമുലവും തുടങ്ങിയ ഉയർന്ന നിലവാരത്തിൽ ക്രമീകരിച്ചിരിക്കുന്നു. ബൈജിക്കാർ, ജ്യാമിതി തുടങ്ങി മറ്റ് ഗണിതശാസ്ത്ര ശാഖകളിലേക്കും അക്കാദമിക്കുന്നതെൽപ്പാടം അനുയോജ്യമായ കൂസുകളിൽ വേർത്തിരിച്ച് സ്വതന്ത്ര ഉള്ളടക്കമായി മാറ്റുന്നു.

പ്രൈമറി കൂസുകളിലെ പാഠപ്രസ്തകങ്ങൾ പരിശോധിച്ച്, അക്കാദമിക്കുന്നതെൽപ്പാടം വളർച്ച വിവിധ കൂസുകളിൽ എത്രതേണ്ടാണെന്ന് എന്ന് കണ്ണെത്തു. അക്കാദമിക്കുന്നതെൽപ്പാടം വിവിധ വിഭാഗങ്ങൾ എത്രതല്ലാം കൂസിൽ ആരംഭിക്കുന്നുവെന്നും ഓരോ വിഭാഗവും ഉയർന്ന കൂസുകളിലേക്ക് വരുമ്പോൾ എത്രതല്ലാം വ്യത്യാസങ്ങൾ വരുന്നു എന്നും കണ്ണെത്തു. ഓരോ കൂസി ലേതും പാഠങ്ങളെ വിശദമായി പരിശോധിച്ച് അപഗ്രേഡ് റിപ്പോർട്ട്/പ്രോജക്റ്റ് പൂർത്തിയാക്കുമ്പോൾ.

പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- നിത്യജീവിതത്തിൽ അക്കാദമിക്കുന്ന രണ്ട് പ്രായോഗിക സന്ദർഭങ്ങൾ എഴുതുക.
- സാധാരണ പലിഗ്രാമത്തിലെ ബന്ധപ്പെടുത്തി അക്കാദമിക്കുന്ന ബന്ധം രൂപപ്പെടുത്തുക. ഒരു ഉദാഹരണത്തിലും ഈ ആശയം വ്യക്തമാക്കുക.
- അർത്ഥപൂർണ്ണമായ ആശയരൂപീകരണത്തിലും യുക്തിചിത്ര വികസിക്കുന്നരീതിയിലാണ് അക്കാദമിക്കുന്ന പഠന സമീപനം രൂപപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്നത്. ഒരു അക്കാദമിക്കുന്ന പഠനസമീപനം എഴുതി ഉദാഹരണത്തിലും ഇത് വ്യക്തമാക്കുക.
- ഒരു നിശ്ചിത തുക ഒരു പ്രത്യേക അനുബന്ധത്തിൽ 3 പേരുക്കായി വീതിച്ചു നൽകുന്നതിനുള്ള ഒരു പ്രായോഗികപ്രശ്നം എഴുതുക. ഈ പ്രശ്നപഠിക്കരണം നടത്തുന്നതിന് സ്വീകരിക്കാവുന്ന രീതിശാස്ത്രം അക്കാദമിക്കുന്ന പഠന സമീപത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ വിശദീകരിക്കുക.
- ‘രണ്ട് ഒരു ഭാജ്യസംഖ്യയാണോ’ എന്ന കൂട്ടിയുടെ ചോദ്യത്തെ ആശയ വ്യക്തതയോടെ എങ്ങനെ വിശദീകരിക്കും?
- സ്വപ്രവർത്തനങ്ങൾ രീതി എന്ത്? അക്കാദമിക്കുന്ന പാഠങ്ങൾ സ്വപ്രവർത്തനങ്ങൾ രീതി അനുസരിച്ച് ക്രമീകരിക്കുന്നും ശ്രദ്ധിക്കേണ്ട ഘടകങ്ങൾ എന്തെല്ലാമാണ്?

യുണിറ്റ് 2

ജ്യാമിതീയ പഠനം

അമൃതാവം

୨୩୭୯କ୍ଷେ.

- ജ്യാമിതീയ പരിശ
 - ദിമാന, ത്രിമാന രൂപങ്ങൾ
 - ജ്യാമിതീയ പദങ്ങൾ, ആശയങ്ങൾ
 - ജ്യാമിതിക്ക് മറ്റു ഗണിതമേഖലകളുമായുള്ള ബന്ധം
 - സർവ്വസമത്വം സാദൃശ്യവും
 - ജ്യാമിതിയിലെ സൗംഖ്യം, ചലനാത്മകത, ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ നിർമ്മിതി
 - എന്റെ ലോഷൻ
 - ജ്യാമിതിയും ജിയോജിബേയറും

1. ജ്യാമിതീയ പിന്ത

വൈപ്പെടി കൂസിലേക്ക് വരുന്നതിന് മുമ്പ് തന്നെ ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട് ചില വസ്തുകളും, അവയുടെ ആകൃതിയും കൂട്ടി പരിചയപ്പെട്ടിട്ടുണ്ടാക്കും. ചുറ്റുപാടും കാണപ്പെടുന്ന വിവിധ രൂപങ്ങളുടെ ആകൃതി നിരീക്ഷിക്കാനും, വരയ്ക്കാനും, അവയെ തൊടുറിയാനുമുള്ള ധാരംഭം അവസരങ്ങൾ കൂടിയാക്കി ലഭിച്ചിട്ടുണ്ട്. ഈ അനുഭവങ്ങളിൽ നിന്നാണ് ജ്യാമിതീയ പഠനം ആരംഭിക്കേണ്ടത്.

ജ്യാമിതീയ പഠനത്തിന് വിവിധ ചിന്തകളും ധാരാളം രീതികളും ഇതിനകം ഉടലെടുത്തിട്ടുണ്ട്. അതിൽ പ്രധാനപ്പെട്ട ഒരു ചിന്തയാണ് വാൻഹൈലേ (Van Hiele) എന്ന ഗണിതശാസ്ത്ര ജ്ഞൻ ജ്യാമിതീയ പഠനത്തിനായി മുന്നോട്ട് വെച്ചത്. അദ്ദേഹത്തിലേ കാഴ്ചപ്പെടുന്നുണ്ടില്ല. ജ്യാമിതീയ പഠന പുരോഗമിക്കുന്നത് പ്രധാനമായും 5 രൂപങ്ങളിലുണ്ടെന്നാണ്.

ലൈവൽ 1

ഡ്യൂജീവൽക്കരണം (Visualisation)

ജ്യാമിതീയ പഠനത്തിൽ പ്രാഥമികമായി ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന അനുഭവങ്ങൾ ലഭിക്കുന്ന തിന് അവസരം ഒരുക്കണം.

- വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ തിരിച്ചറിയുക, തരംതിരിക്കുക
- രൂപങ്ങളുടെ മാതൃകകൾ നിർമ്മിക്കുക
- ഒരേ ആകൃതിയും വ്യത്യസ്ത വലിപ്പവുമുള്ള രൂപങ്ങളുടെ പ്രത്യേകതകൾ തിരിച്ചറിയുക.
- വിവിധ രൂപങ്ങൾ ചേർത്ത് വച്ച് നിർമ്മാണ പ്രവർത്തനങ്ങളിൽ എൻപ്പെടുക. പാറ്റേണ്ട നിർമ്മിക്കുക, തുടങ്ങിയവ.

ലൈവൽ 2

വിശകലനം (Analysis)

- ഓരോ രൂപത്തിന്റെയും പ്രത്യേകതകൾ വിശകലനം ചെയ്ത് അവയുടെ സവിശേഷത കൾ കണ്ടെത്തുന്നതിനും, അളക്കുന്നതിനും പ്രാപ്തി കൈവരിക്കുന്നു.
- മാതൃകകളോ, ഏ.സി.റി സാധ്യതകളോ ഉപയോഗപ്പെടുത്തി അവയുടെ പ്രത്യേകത കണ്ടെത്തി ലഭിച്ച ചെയ്യുന്നു.
- ഒരു രൂപത്തിന് എന്തു പ്രത്യേകതയാണുള്ളതെന്ന് ചർച്ച ചെയ്യുന്നു.
- ഓരോ രൂപത്തിന്റെയും പ്രത്യേകതകൾ പരിശീലിച്ച് അവ ഉൾപ്പെടുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾ നിർജ്ജാരണം ചെയ്യുന്നു.
- ആകൃതിക്ക് അനുസരിച്ച് തരംതിരിക്കൽ നിർവ്വഹിക്കുന്നു.

ലൈവൽ 3

വേർത്തിരിച്ചുകൂർൽ (Abstraction)

- വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ സമാനതകളും, വ്യത്യാസങ്ങളും തിരിച്ചറിഞ്ഞ് പ്രത്യേക തകൾ അടിസ്ഥാനപ്പെടുത്തി ഓരോ രൂപവും എത്തെന്ന് സമർത്ഥിക്കുന്നു.
- രൂപങ്ങളുടെ മാതൃകകളും, പ്രത്യേകതകളും ഉപയോഗിച്ച് പ്രസ്തുത രൂപം നിർമ്മിക്കുന്ന തിനുള്ള നിബന്ധനകൾ കണ്ടെത്തുന്നു.
- ഒരു രൂപത്തിന്റെ പ്രത്യേകതകൾക്കുനുസരിച്ച് പേര് നൽകാനും പേരിനുസരിച്ച് പ്രത്യേകതകൾ കണ്ടെത്താനും സാധിക്കുന്നു.
- മാതൃകകളും, ചിത്രങ്ങളും ഉപയോഗിച്ച് നിഗമനങ്ങളിൽ എത്തിച്ചേരാൻ സാധിക്കുന്നു. നിഗമനങ്ങളുടെ ആധികാരികര പരിശോധിക്കുന്നതിനും അവസരം ലഭിക്കുന്നു.

ഒരു രൂപത്തിലൂടെ പ്രത്യേകതകൾ എന്തെന്ന് നിർവ്വചിക്കുവാനും ആ രൂപം ഒരു പ്രത്യേക ശ്രദ്ധിത്തപ്പെട്ടതാണോ അല്ലയോ എന്ന് തീരുമാനിക്കാനും കഴിയുന്നു.

ലെവൽ 4

ഉദ്ഗമനം (Synthesis)

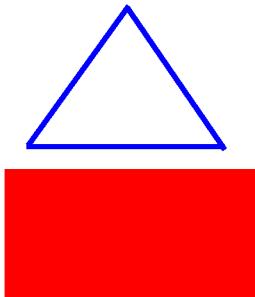
ഉദ്ഗമനത്തിന്റെ അർത്ഥം കൂട്ടി ശ്രദ്ധിക്കുന്നത് ഈ തലത്തിലാണ്. നിഗമനചീതിയിലൂടെ കാര്യകാരണബന്ധങ്ങൾ സമർത്ഥിക്കാനുള്ള കഴിവ് ഈ ഘട്ടത്തിൽ കൂട്ടി സാധ്യതമാക്കുന്നു. യുസ്തിയിൽ ജ്യാമിതീയ അടിസ്ഥാനമാക്കിയുള്ള അടിസ്ഥാനപ്രമാണങ്ങൾ, നിർവ്വചനങ്ങൾ, സിഖാന്തങ്ങൾ എന്നിവയും ഈ തലത്തിലാണ് കൂട്ടി സാംശൈകരിക്കുന്നത്. നിർവ്വചനങ്ങളും, വസ്തുതകളും ഉപയോഗിച്ച് സിഖാന്തങ്ങൾക്ക് തെളിവുകൾ നൽകാൻ സാധിക്കുന്നു.

ലെവൽ 5

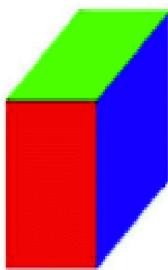
ചിത്രയുടെ കാര്യം (Rigor)

ജ്യാമിതീയമേഖലകളിലെ സിഖാന്തങ്ങൾ ഒരു ഗവേഷകതലത്തിൽ എത്തുന്നത് ഈ ഘട്ടത്തിലാണ്. ജ്യാമിതീയുടെ ഉയർന്ന മേഖലകളിൽ പ്രവർത്തിക്കുന്നതിനുള്ള അവസരങ്ങൾ ഒരു ക്ഷേക്ക്. ഈ രീതിയിൽ പുന്നതകങ്ങൾ, ‘e - അറിവ്’ എന്നിവയുടെ സഹായത്തോടെ മറ്റു ജ്യാമിതീയ ചിന്താരീതികൾ പരിചയപ്പെടുത്താണ്.

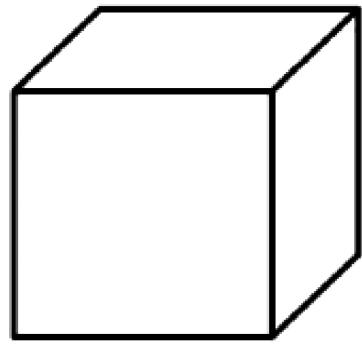
2. ദ്വിമാന, ത്രിമാന രൂപങ്ങൾ



ദ്വിമാന രൂപങ്ങൾ



ത്രിമാന രൂപങ്ങൾ



തന്റെ ചുറ്റുപാടും കാണുന്ന വസ്തുകളിൽ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ കണ്ണഡത്തി തിരിച്ചറിയാനുള്ള കഴിവ് പ്രൈമറി കൂസുകളിൽ കൂട്ടിക്കൾ നേടിയിട്ടുണ്ട്. അതെന്നും രൂപങ്ങളും ത്രികോൺം, ചതുരം, സമചതുരം, വൃത്തം എന്നിവയെക്കുറിച്ച് പല തലങ്ങളിലും ചർച്ച ചെയ്തിട്ടുണ്ട്. ഇതെന്നും ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ ദ്വിമാന ചിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കാനും, അവയുടെ വലിപ്പചെറുപ്പങ്ങൾ താരതമ്യം ചെയ്യാനും ഉള്ള കഴിവുകൾ പഠിക്കാൻ ആരഞ്ഞിച്ചിട്ടുണ്ട്. അതോടൊപ്പം തന്നെ ജ്യാമിതീയരൂപങ്ങളുടെ ചലനാരൂമകൾ ആസവിക്കാനുള്ള അവസരവും ഉണ്ടായിട്ടുണ്ട്. ത്രിമാന രൂപങ്ങളെ (വസ്തുകളെ) നേരിട്ട് കാണാനും അവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ തിരിച്ചറിയാനുമുള്ള അവസരമാണ് കൂസ് മുറിയിൽ ഉണ്ടാകേണ്ടത്.

“തീപ്പട്ടി ചതുരമാണ്, മേരു ചതുരമാണ്, ദൈസ് സമചതുരമാണ്” എന്ന് പറയുന്ന ധാരാളം കൂട്ടിക്കൾ ഉണ്ട്. കാർബ്ബോഡിയിൽ വെട്ടിയെടുത്ത ചതുരവും സമചതുരവും തീപ്പട്ടി, ഇഷ്ടിക, ദൈസ്, പോസ്റ്റ് കാർബ്ബ്, കഷണക്കത്ത് തുല താരതമ്യം ചെയ്ത് ദ്വിമാനരൂപവും ത്രിമാനരൂപവും തമ്മിലുള്ള വ്യത്യാസം തിരിച്ചറിയാൻ ആരംഭിച്ചതിൽ തന്നെ കൂസ്മുറിയിൽ അവസരം ഒരുക്കണം.

ഒന്ത് ത്രിമാന രൂപങ്ങളെ താരതമ്യം ചെയ്യുന്നോൾ അവ ഓരോനിന്നേയും പ്രത്യേകതകൾ തിരിച്ചറിയുന്നത് ക്രമേണ അവയുടെ പേരുകളിലേക്ക് എത്തിപ്പുടുന്നതാണ് അഭികാമ്യം.

ഉദ്ദേശ്യങ്ങൾ :

- മുകളിൽ കൊടുത്ത രണ്ട് ത്രിമാനരൂപങ്ങളും പരിശോധിച്ച് സാമ്യവൃത്തൂസങ്ങൾ പറയുക.
- കൂട്ടികളുടെ പ്രതികരണങ്ങൾ എങ്ങനെയാക്കേ ആകാം?
- രണ്ടിലും എല്ലാ ഭാഗത്തും സമന്വയപ്പാണ്
- അഞ്ച് ഉയരം കൂടുതലാണ്
- അനീംഗ്രേ വശം വലുതാണ്.
- അനീംഗ്രേ ചതുരങ്ങളും സമചതുരങ്ങളും ഉണ്ട്. എന്നാൽ മറ്റൊന്നിൽ സമചതുരം മാത്രം.
- രണ്ടിനും 6 മുഖങ്ങൾ ഉണ്ട്.
-
-
-

ചാർട്ട് പേപ്പർ ഉപയോഗിച്ച് ചതുരങ്ങളും, സമചതുരങ്ങളും നിർമ്മിക്കുമ്പോൾ, കടയുടെ അളവുകൾക്ക് അനുയോജ്യമായ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ ദിക്കാനും അനുസരിച്ച് ചാർട്ട് പേപ്പറിൽ വരയ്ക്കേണ്ടത്. ആ രൂപം മുറിച്ച് മടക്കി കൂട്ടിക്കൾ ത്രിമാനരൂപം നിർമ്മിക്കേണ്ടത്.

3. ജ്യാമിതീയ പദ്ധതി, ആശയങ്ങൾ

അനേകം വസ്തുതകളിലുടെയാണ് ഗണിതത്തിന്റെ ഒരു ആശയം രൂപപ്പെടുന്നത്. ഓരോ വസ്തുതകളും സാധാരണമാക്കുമ്പോൾ അതിൽ അടങ്കിയിരിക്കുന്ന പദ്ധതികളും വ്യക്തരുളം വേണ്ടതുണ്ട്.

ഉദ്ദേശ്യങ്ങളായി

ചതുരം എന്ന ആശയത്തിലേക്ക് കൂട്ടിയെ നയിക്കുന്നത്.

- ചതുരത്തിന് 4 വശങ്ങൾ ഉണ്ട്.
- ചതുരത്തിന് 4 കോണുകൾ ഉണ്ട്.
- ഓരോ കോൺം മടക്കാണാണ്
-
-

ഈ വസ്തുതകളിൽ പറിതാവ് സ്വാംഗീകരിക്കേണ്ട പ്രധാന പദ്ധതിയാണ്. കോൺ, മട്ടം തുടങ്ങിയവ. മട്ടം എന്നത് കേവലം ഒരു പദ്ധതിക്കല്ലോ, അത് തന്നെ ഒരു ആശയമാണ്. മടക്കാണിനു ഉപയോഗിച്ചാണ് കോൺകൾക്ക് പേര് നൽകുന്നത് തന്നെ. ഇതുപോലെ 6,7,8 കൂണുകളിൽ മറ്റു ജ്യാമിതീയ യുണിറ്റുകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടു വരുന്ന പദ്ധതി, ആശയങ്ങൾ എന്നിവ കണ്ണഡത്താനുള്ള അവസരം കൂണിൽ ഒരുക്കേണ്ടതുണ്ട്. ഇതിന്

- 6, 7, 8 കൂണുകളിലെ ജ്യാമിതീയമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഒരു ഗണിത നിയമങ്ങു തയാറാക്കാനുള്ള പ്രവർത്തനം നല്കാവുന്നതാണ്.
- ജിയോജിബേ സോഫ്റ്റ്‌വെയർിലെ ഗൈഡ്യർ സങ്കേതത്തിലുടെ തയാറാക്കുന്ന ജ്യാമിതീയപദ്ധതി ചലനാത്മകത ആസാൻകുകയും പ്രവർത്തിപ്പിക്കുകയും ചെയ്യുക.

പാംബരങ്ങളിലുടെ

ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട വിവിധ ആശയമേഖലകളാണ് ഈ സെമ്മറ്റിൽ ചർച്ച ചെയ്യുന്നത്. ഐ.സി.ടി സാധ്യത വളരെയധികം പ്രയോജനപ്പെടുത്താവുന്ന ഒരു മേഖലയാണ് ജ്യാമിതി. അതുകൊണ്ടുതന്നെ ജിയോജിബേ ഉപയോഗപ്പെടുത്തി പഠനപ്രവർത്തനങ്ങൾ തയ്യാറാക്കുന്നതിനുള്ള നേപ്പണിയും അധ്യാപക വിദ്യാർത്ഥി ആർജിക്കേണ്ടതുണ്ട്.

പ്രധാനമായവ ചുവടെ ചേർക്കുന്നു.

- 6 -ാം കൂസിലെ കോൺകൾ അത് അളക്കുകയും വരകുകയും ചെയ്യുന്ന വിധം
- ചതുരക്കടയുടെ വ്യാപ്തം
- ഏഴാം കൂസിലെ സമാനതവരകൾ
- സമാനകോൺകൾ, മറ്റൊക്കുകൾ, സഹകോൺകൾ
- ത്രികോൺങ്ങളുടെ കോൺകളുടെ തുക
- മട്ടത്രികോൺതിരിപ്പ് പരപ്പളവ്
- ത്രികോൺങ്ങളുടെ നിർമ്മിതി
- ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ നിർമ്മാണത്തിൽ ജിയോജിബേയുടെ സാധ്യതകൾ
- പെമഗ്രാറി പ്രമാണം
- ലൈഡി ഉപയോഗിച്ച് രൂപങ്ങൾ ചലിപ്പിക്കൽ
- വിവിധ രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിക്കൽ
- വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങൾ
- എട്ടാം കൂസിലെ സർവ്വസമത്രികോൺങ്ങൾ
- ചതുർഭുജങ്ങളുടെ നിർമ്മിതി
- ചതുർഭുജങ്ങളുടെ പരപ്പളവ്
- സ്തംഭങ്ങൾ അവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ, ഉപരിതല പരപ്പളവ്, വ്യാപ്തം

ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട അപൂർവ്വപ്രമാണകളാണുകളിൽ പഠനത്തിന് വിധേയമാക്കേണ്ടത്.

നേപ്പണികൾ

- വരയ്ക്കൽ,
- അളക്കൽ,
- കൂത്യുതയോടും സൂക്ഷ്മതയോടും കൂടി ഉപകരണങ്ങൾ കൈകാര്യം ചെയ്യൽ,
- ഐ.സി.ടി. സാധ്യത പ്രയോജനപ്പെടുത്തൽ,
- നിർമാണ പ്രവർത്തനങ്ങളിലേൻപ്പെടൽ,
- ജീവിത സന്ദർഭങ്ങളിൽ ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട തത്ത്വങ്ങൾ പ്രയോഗിക്കൽ

തുടങ്ങിയ നേപ്പണികളാണ് പ്രധാനമായും ഐസിടി ഉപയോഗിച്ചുള്ള ജ്യാമിതീയ പഠനക്കാണ് കൂടി നേണ്ടെണ്ടത്. അതിന് ഉപയുക്തമായ കൂസർവും അനുഭവങ്ങൾ കൂടിക്ക് ലഭിക്കേണ്ടതുണ്ട്. മുത്തേൻ നേണ്ടാമെങ്കിൽ ടീച്ചർ കൂത്യുമായി ആസൂത്രണം നടത്തേണ്ടതാണ്. ഫോഡ നശാസ്ത്രപരമായ അപഗ്രാമത്തിന്റെയും പാരാസൂത്രണത്തിന്റെയും മാതൃകകൾ കൂടിയ്ക്ക് പരിചയപ്പെടാനുള്ള അവസ്ഥം ഒരുക്കണം. ഐ.സി.ടി സാധ്യത ഉപയോഗിച്ച് ജ്യാമിതിയുടെ പലനാമകത ഫോഡപ്പെടുത്താൻ കഴിയും. അതിനു അവസ്ഥവും കൂടിയ്ക്ക് ലഭിയ്ക്കണം.

താഴെ പറയുന്ന രീതിയിലാവണം ഓരോ യൂണിറ്റും വിശകലന വിധേയമാക്കേണ്ടത്

- പ്രധാന ആശയങ്ങൾ ഇവയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട വസ്തുതകളും പദങ്ങളും കണ്ണെത്തൽ
- ആശയങ്ങളുടെ കുമം, വളർച്ച
- സിംഗാനങ്ങൾ തെളിവുകൾ.
- പഠനാപകരണങ്ങൾ കണ്ണെത്തൽ, നിർമ്മിക്കൽ (Refer School Maths Lab SCERT)
- ചലനാത്മകത തിരിച്ചറിയാനുള്ള പ്രവർത്തനങ്ങൾ
- പ്രായോഗികപ്രശ്നങ്ങൾ കണ്ണെത്തൽ, നിർഖാരണം ചെയ്യൽ
- ഫ്രാജക്ക് സമിനാറുകൾ എന്നിവയ്ക്ക് അനുയോജ്യമായ പാനസാൻഡങ്ങൾ തെരഞ്ഞെടുക്കൽ, നടപ്പാക്കൽ
- ജ്യാമിതിയുടെ സ്വന്നരൂപാത്മകത വളർത്തുന്ന പ്രവർത്തനങ്ങൾ കണ്ണെത്തുക, പത്രിപ്പ് നിർണ്ണക്കുക (Geometrical Chart, Models, Tangram etc)
- ജ്യാമിതിയും ഗണിതത്തിലെ മറ്റു മേഖലകളും തമിലുള്ള ബന്ധം തിരിച്ചറിയൽ

4. മറ്റ് മേഖലയുമായുള്ള ബന്ധം

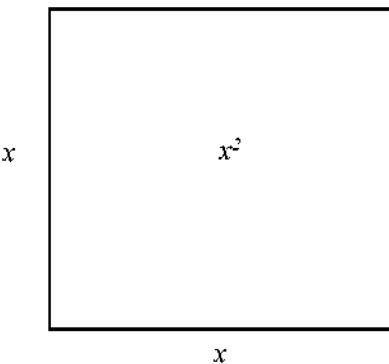
അക്കാദമിയിൽ, ബീജഗണിതം, ജ്യാമിതി എന്നിങ്ങനെ ഗണിതത്തെ പൊതുവെ മുന്നു മേഖലകളായി തരം തിരിക്കാമെക്കിലും എല്ലാ മേഖലകളും തമിൽ പരസ്പരബന്ധമുണ്ട്. അക്കാദമിയിലേയും ബീജഗണിതത്തിലേയും മിക്ക ആശയങ്ങളേയും ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെടുത്താം.

ബീജഗണിതവും ജ്യാമിതിയുമായുള്ള ബന്ധം ഒരു ഉദാഹരണത്തിലൂടെ പരിശോധിക്കാം.

x ഒരു എല്ലാക്കിസംഖ്യ ആശങ്കിൽ

$x(x + 2) = x^2 + 2x$ എന്നതിനെ ജ്യാമിതിയിലൂടെ വിശദീകരിക്കാം.

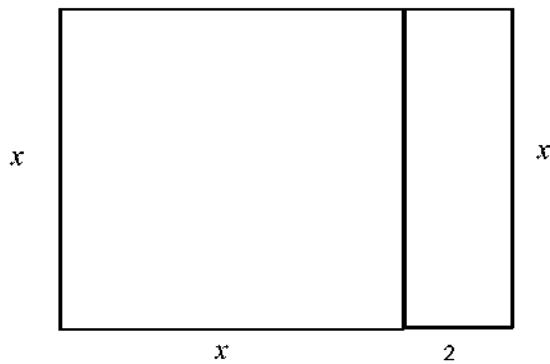
വശങ്ങളുടെ നീളം x ആയ ഒരു സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് x^2 -ആണെന്നോ.



ഈ സമചതുരത്തിന്റെ ഒരു വരം നീളി, അല്ലെങ്കിൽ കൂടി വലിയ ഒരു ചതുരം ഉണ്ടാക്കിയാലോ? കൂട്ടിയ നീളം 2 യൂണിറ്റ് ആശങ്കിൽ പുതിയ ചതുരത്തിന്റെ വശങ്ങളുടെ നീളം $x + 2$ ഉം വരിതി x ഉം ആണ്.

അപോൾ പുതിയ ചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

$x(x + 2)$ ആണെന്നോ.



പിത്തേരിൽ നിന്ന് ഈ വലിയ ചതുരം ആദ്യത്തെ സമചതുരവും മറ്റാരു ചതുരവും ചേർന്ന താഴ് എന്ന് കാണാം. ഇവയുടെ പരപ്പളവുകൾ x^2 , $2x$ ആണ്.

വലിയ ചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് ഈ പരപ്പളവുകളുടെ തുകയാണ്.

അതായത്

$$x(x + 2) = x^2 + 2x.$$

കൃത്യതൾ ഉപയോഗങ്ങൾ കണ്ടെത്തുക.

അക്കാദമിക്കവുമായുള്ള ബന്ധം

സമചതുരക്കെട്ടുകൾ ഉപയോഗിച്ച് ‘ഗരാഗറി’ എന്ന ആശയം പഠിതാക്കളിൽ എത്തിക്കാൻ കഴിയും.

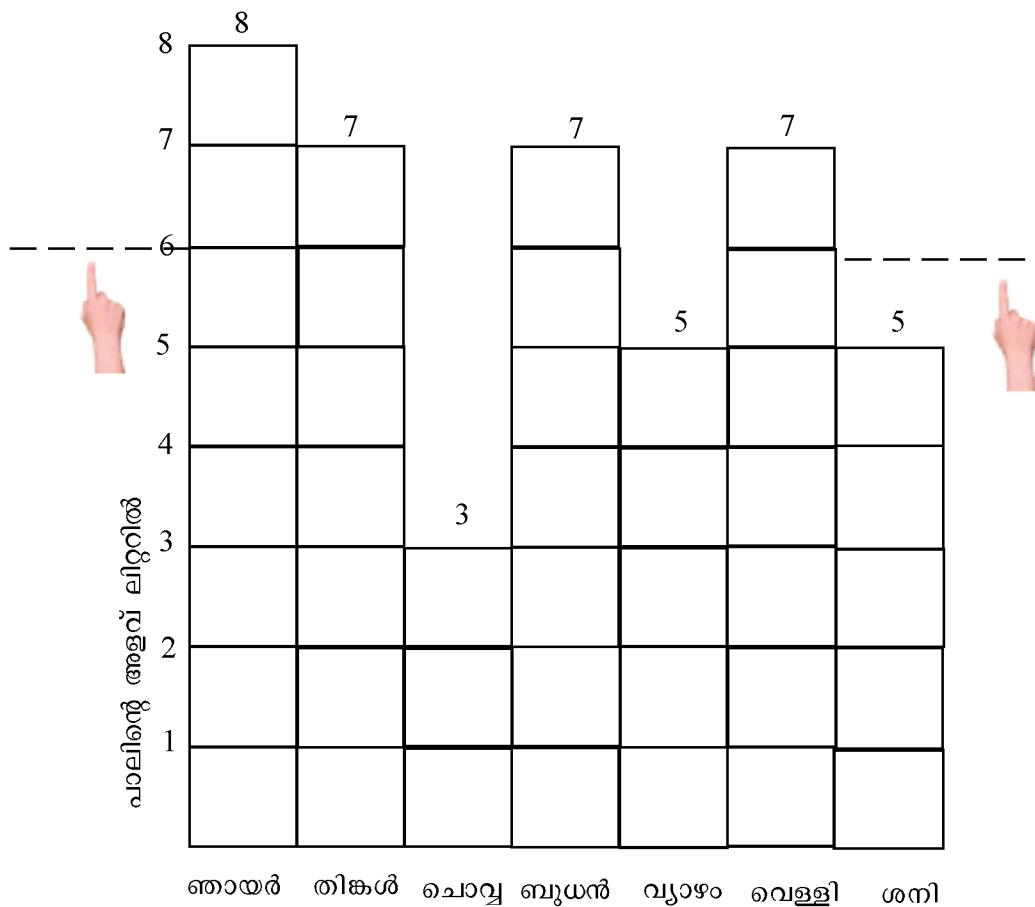
ഉദം :

ഒരു ആഴ്ചയിൽ ഒരു പശുവിൽ നിന്ന് ലഭിച്ച പാൽ ഇപ്രകാരമാണ്.

ഞായൻ	-	8 ലിറ്റർ
തികൻ	-	7 ലിറ്റർ
ചൊവ്വ	-	3 ലിറ്റർ
ബുധൻ	-	7 ലിറ്റർ
വ്യാഴം	-	5 ലിറ്റർ
വെള്ളി	-	7 ലിറ്റർ
ശനി	-	5 ലിറ്റർ

എന്നാൽ പശുവിന് ഒരു ദിവസം ലഭിക്കുന്ന പാൽ എത്രയാണ്.

ഈ പ്രശ്നത്തെ ചിത്രീകരിക്കാൻ സമചതുരക്കെട്ടുകൾ ഉപയോഗിക്കാം.



അവിടെ ഒരു ദിവസത്തെ പാൽ എന്നത് ശരാശരി പാൽ ആണെല്ലോ.

ചിത്രത്തിലെ കളങ്ങളെ ഒരേ ഉയരത്തിൽ ക്രമീകരിച്ചാൽ ഒരു വരിയിൽ എത്ര കടകൾ ഉണ്ടാകും? ഇത് എന്തിനെന്താണ് സൂചിപ്പിക്കുന്നത്?

$$\begin{aligned}
 \text{അതായത് ശരാശരി പാൽ} &= \frac{8 + 7 + 3 + 7 + 5 + 7 + 5}{7} \\
 &= \frac{42}{7} = 6 \text{ ലിറ്റർ}
 \end{aligned}$$

ചിത്രത്തിൽ 6 കടയാണ് ശരാശരി ലെവൽ. ഈ ലെവലിന് മുകളിലുള്ള കടകളെക്കാണ് ലെവലിന് താഴെയുള്ള വിടവുകൾ പൂർത്തിയാക്കാൻ കഴിയും.

അങ്ങിനെ പൂർത്തിയാക്കിയാൽ നമുക്ക് അവിടെ ഒരു ചതുരമാണ് ലഭിക്കുന്നത്. അതിന്റെ വലിയശ്ശേരിയായ 6 ഉം, ദിവസങ്ങളായ 7 ഉം ആണ്.

പ്രവർത്തനം

- 6,7,8 കൊസുകളുടെ ടെക്സ്റ്റ് ബുക്ക്, ടീച്ചർ ടെക്സ്റ്റ് എന്നിവ പരിശോധിച്ച് ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെടുത്താൻ പറ്റുന്ന ഗണിതശാസ്ത്ര ആശയങ്ങൾ കണ്ടെത്തുക.
- ഭാജ്യ/അഭാജ്യസംഖ്യകളുടെ പ്രത്യേകതകൾ ജ്യാമിതീയ രീതിയിൽ എങ്ങനെ അവതരിപ്പിക്കും?

5. സർവ്വസമതയും സാദൃശ്യവും

വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ താരതമ്യം ചെയ്ത് ഒരേ ആകൃതിയിലുള്ള രണ്ട് രൂപങ്ങളുടെ വലിപ്പ ചെറുപ്പങ്ങൾ കണ്ണഭാഗങ്ങളുടെ കഴിവ് കൂട്ടികൾ നേടിയിട്ടുണ്ട്. ഈതരം സന്ദർഭങ്ങളിൽ ചുറ്റുളവ് തുല്യമാക്കുന്നോൾ പരപ്പളവ് വ്യത്യാസപ്പെടുകയും, പരപ്പളവ് തുല്യമാക്കുന്നോൾ ചുറ്റുളവ് വ്യത്യാസപ്പെടുകയും, ചെറുന്ന അവസ്ഥ പറിതാവിന് അനുബന്ധപ്പെട്ടിട്ടുണ്ട്.

ഒരേ ആകൃതിയിലുള്ള രണ്ട് രൂപങ്ങളുടെ വശങ്ങളുടെയും കോൺക്രൈറ്റേയും അളവുകൾ തുല്യമാക്കുന്നതിനുംപോരിച്ചും ചിന്തിക്കേണ്ടതുണ്ട്. ഈതരം ചിന്തകളാണ് ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ സർവ്വസമതയിലേക്കും സാദൃശ്യത്തിലേക്കും നയിക്കേണ്ടത്.

ത്രികോൺജൂട്ടുടെ സർവ്വസമതയും അതുമായി ബന്ധപ്പെട്ട തത്വങ്ങളുടെ രൂപീകരണവും പ്രയോഗ സാധ്യതകളുമാണ് ആദ്യമായി ഇവിടെ പറിഗണിക്കേണ്ടത്. ഉദാഹരണങ്ങളിലുടെ പൊതു തത്വത്തിൽ എത്തിച്ചേരുന്നതിൽ നിന്നും വിഭിന്നമായി പല ഗണിതാശയങ്ങളേയും സമർത്ഥിക്കാൻ സർവ്വസമത വളരെയധികം പറിതാവിനെ സഹായിക്കുന്ന ഒരു ഘട്ടത്തിലേക്ക് ജ്യാമിതീയുടെ പഠനം മാറ്റുകയാണ്.

ത്രികോൺഡാരൂത്തയം

ഒരു ജോടി ത്രികോൺങ്ങൾ സർവ്വസമാവുന്നത് എങ്ങനെന്നെന്നും നേരിട്ട് അനുഭവിക്കാനുള്ള അവസ്ഥമുണ്ടാക്കുകയാണ് അധ്യാപക വിദ്യാർത്ഥി ചെയ്യേണ്ടത്. ഈപുറവും വ്യത്യസ്ത കളരുളുള്ള പേപ്പറിൽ ഒരേപോലുള്ള 2 ത്രികോൺങ്ങൾ വെട്ടിയെടുക്കുക. പിന്നീട് 2 ത്രികോൺങ്ങളും പല രീതിയിൽ ചേർത്ത് വെച്ച് പരിശോധിക്കാനുള്ള അവസ്ഥ നല്കണം. ഒരേ കളർ ചേർത്ത് വെച്ച് 3 രീതിയിലും വ്യത്യസ്ത കളർ ചേർത്ത് വെച്ച് 3 രീതിയിലും പൊരുത്തം പഠി ശോധിക്കാം. ഒരു ത്രികോൺ മറ്റാരു ത്രികോൺത്തിൽ കൂട്ടുമായി ചേർത്ത് വയ്ക്കുന്നോ ചാണ്ട് അത് സർവ്വസമമാക്കുന്നത്.

6 ചേർത്തു വയ്ക്കലുകളിൽ സർവ്വസമമായ ഒരു ഘട്ടത്തിലാണ് 3 ജോടി കോൺക്രൈറ്റ്, 3 ജോടി വശങ്ങളും തുല്യമായി വരുന്നത്. ഈ ആശയഗ്രഹണത്തിന് ശേഷം മാത്രമേ അവയ്ക്ക് പേര് നല്കി പട്ടികപ്പെടുത്തേണ്ടതുള്ളൂ.

തുടർന്ന് താഴെപ്പറയുന്ന ധാരണയിൽ എത്തിച്ചേരേണ്ടതാണ്.

- തുല്യമായ വശങ്ങൾക്ക് എതിരെതുള്ള കോൺക്രൈറ്റാണ് തുല്യമായി വരുന്നത്.
- ഒരു ത്രികോൺത്തിന്റെ 3 കോൺക്രൈറ്റും മറ്റാരു ത്രികോൺത്തിന്റെ 3 കോൺക്രൈറ്റും തുല്യമായാൽ ത്രികോൺങ്ങൾ സർവ്വസമമാക്കണമെന്നില്ല.
- രണ്ടു ത്രികോൺങ്ങൾ സർവ്വസമമാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുന്നതിന് ഇവയുടെ 3 കോൺക്രൈറ്റും 3 വശങ്ങളും പരസ്പരം തുല്യമാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കേണ്ടതില്ല.

ഈ വന്തുതകളിലുടെ വേണം മറ്റ് ആശയത്തിലേക്ക് എത്തിച്ചേരാൻ (Refer TT page 39 VIII)

6. ജ്യാമിതീയിലെ സത്ത്വത്വം, ചലനാത്മകത, ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ നിർമ്മിതി

ജ്യാമിതീയ ചിത്രങ്ങൾ വരച്ച് വിവിധ രൂപങ്ങൾ/ചിത്രങ്ങൾ രൂപപ്പെടുത്തി സാന്നത്യം ആസ്ഥി ചെയ്യുക.

ചലനാത്മകത വ്യക്തമാക്കുന്ന ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ണഭാഗത്ത്.

ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ തിർമിതി

വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളായ ചതുരം, സമചതുരം, സാമാന്തരികം, ലംബകം, സമപാർശ ലംബകം, മറ്റു ചതുർഭുജങ്ങൾ എന്നിവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ മനസ്സിലാക്കാനും ഈ രൂപങ്ങൾ വരയ്ക്കാനും അധികാരിക്കുന്നതാണ്. വിദ്യാർത്ഥിയ്ക്ക് കഴിയണം.

ഓരോ രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിക്കുമ്പോഴും അതിനുതൊട്ടുമുമ്പ് കൂട്ടി നിർമ്മിച്ച രൂപത്തിൽ നിന്നും ആശയം ഉൾക്കൊണ്ടു വേണം പുതിയ രൂപം നിർമ്മിക്കാൻ. ഇതിലൂടെ ഓരോ രൂപത്തിനും മുമ്പ് നിർമ്മിച്ച രൂപത്തിൽ നിന്നും എന്ത് പ്രത്യേകത കൂടിയുണ്ട്. എന്ന് കൂട്ടി കണ്ണഡത്തണം. ഉദാഹരണമായി സമാനതരികം വരയ്ക്കുമ്പോൾ ചതുരത്തിൽ നിന്നും വ്യത്യസ്തമായി എന്ത് പ്രത്യേകതകളാണ് സമാനതരിക്കൽത്തിനുള്ളത് എന്ന് കൂട്ടി തിരിച്ചറിയണം.

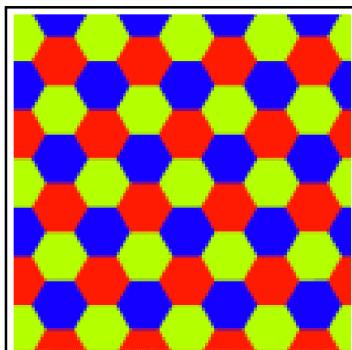
കേവലം ഒറ്റപ്പെട്ട രൂപങ്ങളുടെ നിർമ്മാണമല്ല പകരം ഒരു രൂപത്തെ/വസ്തുവിനെ സമഗ്രമായി കണ്ണം അത് സർഗ്ഗാത്മകയായി വരയ്ക്കാൻ വേണ്ട സന്ദർഭങ്ങൾ ഒരുക്കേണ്ടതുണ്ട്.

പ്രവർത്തനങ്ങൾ

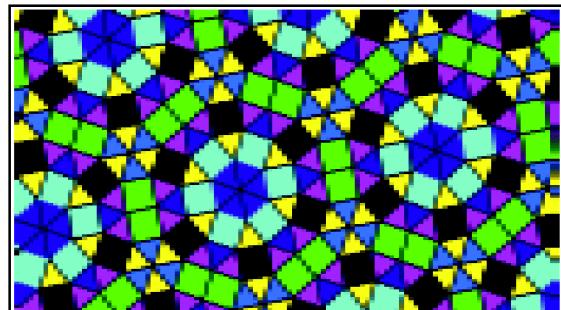
- സ്കൂൾ മുറ്റത്ത് ഒരു പുന്നോട്ടം രൂപകല്പന ചെയ്യാനുള്ള പ്ലാൻ തയാറാക്കൽ
- ഒരു ചെറിയ കൂടുംബത്തിന് താമസിക്കാൻ അനുയോജ്യമായ ഒരു വീടിന്റെ പ്ലാൻ തയാറാക്കൽ
- ഒരു ജ്യാമിതീയ പുക്കളും നിർമ്മിക്കാൻ അനുയോജ്യമായ പാട്ടേൺ വരയ്ക്കൽ

7. ടെസ്ലേഷൻ (Tessellation)

ഒന്നൊ ഒന്നിലധികമോ രൂപങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് നിർമ്മിക്കുന്ന പാട്ടേണുകളാണ് ടെസ്ലേഷൻ അമൈബാ ‘ടെസലേഷൻ’. ഇതിൽ ഒന്നിന് മേൽ മറ്റൊന്ന് വരാനോ വിടവ് ഉണ്ടാക്കാനോ പാടില്ല. ചിത്രം നോക്കുക.



ചിത്രം. 1



ചിത്രം. 2



ചിത്രം. 3

പുരാതന കെട്ടിങ്ങളിലുണ്ടാക്കാൻ ഭംഗിക്കായി വിവിധ ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകൾ ഉപയോഗിച്ചിട്ടുണ്ട്.

ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകൾ ക്രമമായതും അർഥക്രമമായതുമുണ്ട്.

ക്രമമായ സമഖ്യാളുജങ്ങൾ ക്രമീകരിക്കുന്നതാണ് ക്രമ ടെസ്റ്റ് ലോഷൻ (ചിത്രം 1)

ഉദാ- സമഖ്യാളുജത്തോന്നം, സമചതുരം, സമപഞ്ചഭൂജം, സമഷ്ടിഭൂജം മുതലായ ഏതെങ്കിലും ഒരു രൂപം മാത്രം ഉപയോഗപ്പെടുത്തി നിർമ്മിക്കുന്നവയാണ് ക്രമ ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകൾ. എന്നാൽ അർഥക്രമമായ ടെസ്റ്റ് ലോഷനിൽ വ്യത്യസ്തങ്ങളായ ധാരാളം സമഖ്യാളുജങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കുന്നു (ചിത്രം 2).

ക്രമരഹിത ടെസ്റ്റ് ലോഷനിൽ സമഖ്യാളുജങ്ങളാല്ലാതെ ഒന്നിനുമേൽ മറ്റാന് വരാതെ വിടവുണ്ടാവാതെ ക്രമീകരിക്കുന്നു (ഉദാ ചിത്രം 3).

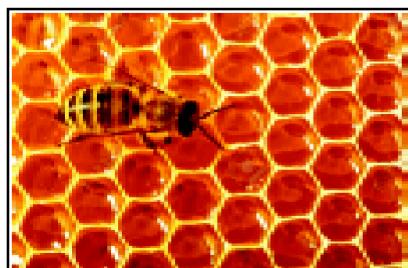
ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകളിൽ സാധാരണയായി മൂന്ന് തരം ക്രമീകരണങ്ങളാണ് ഉപയോഗിക്കുന്നത്.

- Translation ഒരു രൂപങ്ങൾ ഒരു നിശ്ചിതക്രമത്തിൽ ആവർത്തിക്കുന്നു.
- Rotation ഒരു നിശ്ചിത ക്രമത്തിൽ "Rotate" ചെയ്യുന്നു.
- Reflection പ്രതിബിംബരൂപത്തിൽ ക്രമീകരിക്കാൻ (Mirror image)

പ്രക്രൃതിയിൽ ധാരാളം ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകൾ ഉണ്ട്.

ഉദാ :- വിവിധ പാറകൾക്കുള്ളിലെ പാറ്റേണുകൾ.

തേനീച്ച കൂട്ടിൽ ക്രമീകരണം.



പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- വിവിധ രൂപങ്ങൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്തി സൗംര്യാത്മകമായ വിവിധ ടെസ്റ്റ് ലോഷനുകൾ നിർമ്മിക്കുക, വിലയിരുത്തുക.
- വീടുമുറ്റത്തും മുറിയിലും ഏതെല്ലാം തരത്തിലുള്ള ടെസ്റ്റ് ലോഷൻ നിങ്ങൾക്ക് കാണാൻ കഴിയുന്നുണ്ട്? അവയുടെ ഫോട്ടോ എടുത്ത് ഒരു ടെസ്റ്റ് ലോഷൻ പതിപ്പ് തയ്യാറാക്കുക.
- ഇതരരം പ്രവർത്തനങ്ങളെ അടിസ്ഥാനപ്പെടുത്തിയാണ് വൈവിധ്യമാർന്ന ജ്യാമട്ടിക്കൾ പാറ്റേണുകൾ ഉണ്ടാക്കാനുള്ള പ്രവർത്തനങ്ങളിൽ ഏർപ്പെടുത്തുന്നത്.

8. ജ്യാമിതിയും ജിയോജിബ്രയും

ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ നിർമ്മാണത്തിൽ ഉപയോഗിക്കാവുന്ന ഏറ്റവും അനുയോജ്യമായ ഒരു സോഫ്റ്റ് വെയർ ആൺലോഡ് ജിയോജിബ്ര. ജ്യാമിതീയുടെ ചലനാത്മകത ഏളുപ്പം കണ്ണെതാണ് അനുയോജ്യമായ നിരവധി സൈറ്റുഡിഗുകൾ നിർമ്മിക്കാൻ കഴിയും. ഈ സോഫ്റ്റ് വെയർ അനായാസം കൈകാര്യം ചെയ്യാനും ഇത് ഉപയോഗിച്ച് വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിക്കാനും അധ്യാപക വിദ്യാർത്ഥിയ്ക്ക് കഴിയണം. ഡി.എൽ.എഡ് എൻ നാലം സെമസ്റ്റർ കഴിയു സോഫ്റ്റ് കുംഘം ജിയോജിബ്ര ഉപയോഗിക്കാനും ഓസിൽ പ്രയോഗിക്കാനും അധ്യാപക

വിദ്യാർത്ഥി പ്രാവിണ്ടും നേടിയിരിക്കണം. ഇതിന് ആവശ്യമായ ജിയോജിബേ ക്യാമ്പുകൾ സംഘടിപ്പിക്കേണ്ടതുണ്ട്. ഇതിന്റെ ഉത്പന്നം നിരത്തവിലയിരുത്തലിൽ പരിഗണിക്കപ്പെടുന്ന താണ് (അനാം സൗമ്യസ്വരിൽ വിശദമായി പ്രതിപാദിച്ചത് നോക്കുക).

പ്രവർത്തനം

ജിയോജിബേ ഉപയോഗിച്ച് വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിക്കുക. അവ കളർ നൽകി ആകർഷകമാക്കുക.

ഈ യൂണിറ്റിൽ ചർച്ച ചെയ്ത ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രേമറിതലത്തിലെ 5 മുതൽ 7 വരെ ക്ലാസ്സുകളിലെ പാഠാദാനങ്ങൾ വിശകലനം ചെയ്ത് താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ വിശദിക്കിക്കുകയും നിർമ്മാണ പ്രവർത്തനങ്ങളിലേർപ്പെടുകയും ചെയ്യുക.

- ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ചില ക്രമാനുഗതചിന്തകൾ.
- ദിമാന, ത്രിമാന രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിച്ച് അവയുടെ പ്രത്യേകതകൾ കണ്ടെത്തൽ.
- ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പദ്ധതിയും, ആശയങ്ങളും കണ്ടെത്തൽ.
- ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി സർവ്വസമതയെ സംബന്ധിച്ചും സദ്യശൃംഖല സംബന്ധിച്ച വിശദീകരിക്കൽ.
- ജ്യാമിതിയുടെ സൗംര്യം, ചലനാത്മകത, രൂപമാറ്റം എന്നിവയെ സംബന്ധിച്ച് ഉദാഹരണ സഹിതം വിശദീകരിക്കൽ.
- ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളുടെ പരസ്പരാവധി, ഉള്ളിള്ളിവ്, ചുറ്റിള്ളിവ് എന്നിവ സംബന്ധിച്ച പ്രശ്നപരിഹാരണം നടത്തൽ.
- വിവിധ ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ നിർമ്മിക്കൽ.
- ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങൾ ചേർത്തുവെച്ച് വിവിധങ്ങളായ പാട്ടേണ്ടുകളും ടെസ്റ്റ്‌ലേജ്ഞുകളും നിർമ്മിക്കൽ.
- ജ്യാമിതിയുടെ പഠനത്തിൽ ജിയോജിബേ ഉപയോഗപ്പെടുത്തൽ.

യൂണിറ്റ് 3

ബീജഗണിത പഠനം

ആര്യവാദം

അക്കഗണിതത്തിന്റെ സാമാന്യവൽക്കരുത രൂപമായ ബീജഗണിതം ഗണിതത്തിലെ ഒരു സുപ്രധാന ശാഖയാണ്. ദീർഘമായ ഗണിതഭാഷാവാചകങ്ങളെ ലാലുകൾച്ച് എഴുതുന്നതിന് ബീജഗണിതത്തിലൂടെ സാധിക്കുന്നു. സംക്ഷിപ്തമായും സാമാന്യവൽക്കരണത്തിലൂടെയും ഗണിതത്തെ അടിസ്ഥാനപ്പെടുത്തിയുള്ള വാദഗതികൾ ഉന്നതിക്കുക, ഗണിത ചിഹ്നങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കുക എന്നിവയിൽ ധാരണ രൂപീകരിക്കുന്നതിലൂടെ മാത്രമേ കൂട്ടിക്കൊണ്ടിരിക്കുന്നതിൽ ശ്രദ്ധിപ്പിക്കാം സാധ്യമാണ്. ഇതിനുള്ള സാധ്യതകളുണ്ട് പ്രൈമറി കൂണുകളിലെ ബീജഗണിത പഠനത്തിലൂടെ ലക്ഷ്യമിടുന്നത്. വളരെ വലിയ സംഖ്യകളെ കൂട്ടുകരുപ്പായി പ്രാണിക്കാൻ ആവശ്യമാണ്. വർഗത്തിന്റെയും വർഗമുലത്തിന്റെയും സാധ്യതകൾ തുടങ്ങിയ പ്രധാനപ്പെട്ട വസ്തുതകൾ ഈ അധ്യായവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി ചർച്ച ചെയ്യുന്നുണ്ട്.

ഉള്ളടക്കം

- ബീജഗണിതം - ആശയം
- സംഖ്യാപാഠംഞ്ചുകളുടെ സാരാംശം - ഫലന അടിസ്ഥാനപ്പെടുത്തിയുള്ള സാമാന്യവൽക്കരണം.
- ആഗമനരീതിയിലൂടെ തത്ത്വപീകരണം
- ലാലുസമവാക്യങ്ങളുടെ രൂപീകരണവും നിർഖാരണവും
- ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് പ്രശ്നനിർഖാരണം
- ബീജഗണിതത്തിലൂടെ കൂട്ടുകങ്ങൾ - വർഗവും വർഗമുലവും എന്ന യൂണിറ്റുകളിലെ ആശയ രൂപീകരണം.
- ‘ബീജഗണിതം’ ഒരു ഗണിതശാസ്ത്രം എന്ന നിലയിൽ പ്രൈമറി കൂണുകളിൽ അവ തിരിച്ചിരിക്കുന്ന രീതി തിരിച്ചിരിയുന്നു.
- വിവിധ സംഖ്യാപാഠംഞ്ചുകളുടെ പൊതുസാരാംശം തിരിച്ചിരിയുന്നു.
- പൊതുസാരാംശത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ ബീജഗണിത ബന്ധങ്ങൾ കണ്ണഡാക്കയും ബീജഗണിത രൂപത്തിൽ പ്രകടിപ്പിക്കുകയും ചെയ്യുന്നു.
- തന്നിട്ടുള്ള വിവരങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് ലാലുസമവാക്യങ്ങൾ രൂപീകരിച്ച് അവ നിർഖാരണം ചെയ്യുന്നു.
- പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ ബീജഗണിത വാചകങ്ങളെ അടിസ്ഥാനമാക്കി നിർഖാരണം ചെയ്യുന്നു.

- കൂട്ടുകണ്ണൾ, വർഗവും വർഗമുലവും തുടങ്ങിയ മേഖലകൾ ബീജഗണിത ആശയങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് വിശദികരിക്കുന്നു.
- ബീജഗണിതവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട് വിവിധ ബോധനരീതികളും തന്റെങ്ങളും സംബന്ധിച്ച് ധാരണ ഏകവർക്കുന്നു.

ബീജഗണിതം - ആശയം; അവതരണം

- ‘അക്ഷഗണിതം’ എന്ന രീതിയിൽ സംഖ്യാബന്ധങ്ങളെ സാമാന്യവൽക്കരിച്ചു പറയാൻ ചാഞ്ചൾ ഉപയോഗിച്ചിരിക്കുന്നു. അതായത് അക്ഷഗണിതത്തിൽനിന്ന് സാമാന്യവൽക്കുത രൂപമായി ബീജഗണിതത്തെ അവതരിപ്പിക്കുന്നു.
- തുടർന്ന് സംഖ്യാബന്ധങ്ങളുടെ യുക്തിവിശദികരിക്കുന്ന രീതിയിൽ ബീജഗണിതത്തെ അവതരിപ്പിക്കുന്നു. അതായത് സംഖ്യകളുടെ ക്രിയകളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട തത്വങ്ങളെ അക്ഷരങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് സാമാന്യവൽക്കരിക്കുന്നു. ഇത്തരത്തിലുള്ള ഓരോ തത്വവും എതാനും ചില ഉദാഹരണങ്ങളിൽ നിന്ന് സാമാന്യവൽക്കരിക്കുകയല്ല ചെയ്യുന്നത്. മറിച്ച് ഇത്തരം ക്രിയകൾ ഉൾപ്പെടുന്ന സാഹചര്യങ്ങൾ വിശകലനം ചെയ്ത് പൊതുത്തത്തിൽ എത്തിച്ചേരുകയാണ്.
- പിന്നീട് പ്രശ്നപരിഹരണപ്രവർത്തനങ്ങൾക്ക് ബീജഗണിതം ഉപയോഗിക്കുന്നു. ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് ഭാഷാവാക്യങ്ങളെ ഗണിതവാക്യമായും തുടർന്ന് ബഹുപദങ്ങൾ, എക്കങ്ങൾ എന്നിങ്ങനെ അമുർത്തമായ ആശയങ്ങളിലേക്കും ബീജഗണിതം എത്തുന്നു.

സംഖ്യാബന്ധങ്ങൾ സാമാന്യവൽക്കരിക്കൽ

ചതുരത്തിൽനിന്ന് പരപ്പളവ് നീളവും വീതിയും ഗുണിച്ചാൽ കിട്ടുന്നതാണ്. നീളവും വീതിയുമായി സംഖ്യകൾ മാറുമ്പോഴും പരപ്പളവ് നീളം \times വീതി തന്നെയായിരിക്കും. അതായത് അവത്തമ്മിലുള്ള ബന്ധം മാറുന്നില്ല. പരപ്പളവ് $A = l \times b$ എന്ന് സൂചിപ്പിക്കാം. അതേപോലെ സമചതുരത്തിൽനിന്ന് ചുറ്റളവ് വരുത്തിയിൽ 4 മട്ടങ്കൾ ആയിരിക്കും എന്നതിനെ ബീജഗണിതത്തിൽ $4a$ എന്നു രേഖപ്പെടുത്തണം.

ഇത്തരത്തിൽ അളവുകൾ മാറുമ്പോഴും അവത്തമ്മിലുള്ള ബന്ധം നിലനിൽക്കുന്നു എന്ന ആശയത്തിലുടെ അളവുകൾ തമ്മിലുള്ള ബന്ധങ്ങൾ എന്ന രീതിയിലാണ് ബീജഗണിതം അവത്തരിപ്പിച്ചിട്ടുള്ളത്. വെറുതെ സംഖ്യകൾക്ക് പകരം അക്ഷരങ്ങളെ ഉപയോഗിച്ച് പറയുകയല്ല, ചില ബന്ധങ്ങളെ സാമാന്യവൽക്കരിച്ച് ഭാഷയിലുടെ പ്രസ്താവിച്ചശേഷം അവ അക്ഷരങ്ങളും പയോഗിച്ച് ഗണിതഭാഷയിലേക്ക് മാറ്റുന്ന രീതിയാണ് സീകർച്ചിട്ടുള്ളത്.

പാദ്ദണി രോൾ

1. 4, 5, 6,
- 3 + 1
- 3 + 2
- 3 + 3

- -----
 $3 + a$
2. $8, 10, 12, 14, \dots$

$$4 + 4$$

$$5 + 5$$

$$6 + 6$$

$$7 + 7$$

$$b + b = 2b$$

ഇവിടെ b എന്നത് 4 റെ തുടങ്ങുന്ന എല്ലാൽ സംഖ്യയെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു.

ചിത്രത്തിൽ കോളം A തിലെ സംഖ്യകൾ B തിലെ സംഖ്യകളായി മാറുന്നത് ചില പ്രത്യേക സംഖ്യാബന്ധങ്ങൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്തിയാണ്. വന്നും കണക്കെന്നു പാടേണ്ടി ഭാഷയിലെഴുതു.

A	B
6	\rightarrow 13
2	\rightarrow 5
4	\rightarrow 9
5	\rightarrow ?

$$\begin{array}{ll} 2 \times 6 + 1 & \\ 2 \times 2 + 1 & \text{പാടേണ്ടി ഭാഷ } 2x + 1 \\ 2 \times 4 + 1 & \\ 2 \times 5 + 1 = 11 & \end{array}$$

$2x + 1$ എന്ന ബന്ധം

പ്രവർത്തനം :

ബന്ധം കണ്ണുപിടിച്ചുനോക്കു - തുടർന്ന് പാടേണ്ടി ഭാഷയിലെഴുതി നോക്കു.

(1)

A	B
4	\rightarrow 13
7	\rightarrow 22
1	\rightarrow 4
9	\rightarrow ?

(2)

A	B
10	\rightarrow 12
19	\rightarrow 30
23	\rightarrow 38
14	\rightarrow ?

സംഖ്യാപാട്ടുകളുടെ സ്വഭാവം - അടനാളിസ്റ്റിക്കിലുള്ള സാമാന്യവർക്കൾ
ഒന്നും

താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന സംഖ്യാപാട്ടേണ്ടി നോക്കു.

$$1, 4, 9, 16, 25, 36, \dots$$

ഇതിന്റെ ബീജഗണിതരൂപം എന്തായിരിക്കും?

$$x = 1 \text{ ആയാൽ } 1^2 = 1$$

$$x = 2 \text{ ആയാൽ } 2^2 = 4$$

$$x = 3 \text{ ആയാൽ } 3^2 = 9$$

$$x = 4 \text{ ആയാൽ } 4^2 = 16$$

അതുകൊണ്ട് ബീജഗണിതരൂപം x^2 ആയിരിക്കും.

2 രണ്ട് ഗുണിതങ്ങൾ അമൈം 1, 2, 3..... എന്നീ എല്ലാൽസംവ്യക്തജീവനം 2 കൊണ്ടു ഗുണിച്ചു കിട്ടുന്ന വയാൺ ഇരട്ടസംവ്യക്തൾ. അപ്പോൾ n ഏത് എല്ലാൽസംവ്യായാലും $2n$ എന്നത് ഇരട്ടസംവ്യായാൺ. മരിച്ച് ഏത് ഇരട്ടസംവ്യായയും $2n$ എന്ന രൂപത്തിലെഴുതാം.

ഏത് എല്ലാൽസംവ്യായാലും $2n + 1$ എന്നത് ഒറ്റസംവ്യതനെന്ന് പരക്കണം 1, 2, 3, എന്നിങ്ങനെയുള്ള എല്ലാൽസംവ്യക്തജീവനം $2n + 1$ എന്നതിൽ നിന്ന് 1 കിട്ടില്ല. എല്ലാ ഒറ്റ സംവ്യക്തജീവനം കിട്ടാൻ n ആയി 0, 1, 2, എന്നിങ്ങനെ എടുക്കണം $2n - 1$ ആയി എടുക്കുന്ന നേരാൾ

$$n = 1, 2, 3, \dots$$

പ്രവർത്തനം

താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന പാദ്രേണ്ടുകളുടെ ബീജഗണിതരൂപം എന്തായിരിക്കും?

$$3, 5, 7, 9, 11, \dots$$

$$3, 5, 8, 12, 17, 23, 30, \dots$$

പ്രവർത്തനം

റാണി തീപ്പട്ടിക്കോലുകൾക്കാണ് ത്രികോണങ്ങളുണ്ടാക്കുകയാണ്.



ഈവ ഉണ്ടാക്കാൻ എത്ര തീപ്പട്ടിക്കോലുകൾ ഉപയോഗിച്ചു?

എങ്ങനെയാണ് കണക്കാക്കിയത്?

$$3 + 3 + 3 + 3 = 12 \text{ എന്നു കൂടിയെടുക്കുകയാണോ ചെയ്തത്?}$$

$$\text{അതോ } 3 \times 4 = 12 \text{ എന്നു ഗുണിച്ചുതിയോ?}$$

ഇങ്ങനെ 10 ത്രികോണമുണ്ടാക്കാൻ എത്ര കോല്ല് വേണും?

പൊതുവേ പറഞ്ഞാൽ, ത്രികോണങ്ങളുടെ എല്ലാത്തിംഗൾ മുന്നുമടങ്ങാണ് കോലുകളുടെ എല്ലാ.

ഈത് അക്ഷരങ്ങളുപയോഗിച്ചു ചുരുക്കിപ്പിരഞ്ഞാലോ?

ത്രികോണങ്ങളുടെ എല്ലാം m എന്നും, കോലുകളുടെ എല്ലാം t എന്നും എഴുതിയാൽ t എന്ന സംവ്യൂഹം, m എന്ന സംവ്യൂഹം തമ്മിലുള്ള ബന്ധമെന്താണ്?

$$m = 3 \times t$$

$$m = 3t$$

മറ്റാരു പ്രശ്നം നോക്കു.

5, പത്ത് രൂപ നോട്ടുകൾ ചേർന്നാൽ ആകെ എത്ര രൂപയാകും?

പത്ത് രൂപ നോട്ടുകളുടെ എണ്ണം 7 ആയാലോ? പത്ത് രൂപ നോട്ടുകളുടെ എണ്ണവും ആകെ രൂപയും തമ്മിലുള്ള ബന്ധം എങ്ങനെന്നെന്തെല്ലാം പറയാം? പത്ത് രൂപ നോട്ടുകളുടെ എണ്ണം t എന്നും ആകെ രൂപയെ a എന്നും സൂചിപ്പിച്ചാൽ ഈ ബന്ധം എങ്ങനെന്നെന്തെല്ലാം എഴുതാം?

പ്രവർത്തനം :

താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന പ്രശ്നങ്ങളുടെ ഉത്തരങ്ങൾ കണ്ടെത്താം.

രൂപ പേനയ്ക്ക് 7 രൂപ; ഒരു നോട്ടുപുസ്തകത്തിന് 12 രൂപ

- 5 പേനയ്ക്കും, 6 നോട്ടുപുസ്തകത്തിനും കൂടി ആകെ വില എത്രാണ്?
- 12 പേനയും 7 നോട്ടുപുസ്തകവുമായാലോ?
- പേനയുടെ എണ്ണം, നോട്ടുപുസ്തകത്തിലും എണ്ണം, ആകെ വില ഇവ തമ്മിലുള്ള ബന്ധമെന്താണ്?
- പേനയുടെ എണ്ണം p , നോട്ടുപുസ്തകത്തിലും എണ്ണം n , ആകെ വില t എന്നെന്നുത്താൽ p, n, t ഇവ തമ്മിലുള്ള ബന്ധമെന്താണ്?

പ്രവർത്തനം :

അപ്പർ പ്രൈമറി കൂണ്ടുകളിലെ പാംപുസ്തകം, അധ്യാപക സഹായി എന്നിവ പരിശോധിച്ച് സംഖ്യാബന്ധങ്ങളെ സാമാന്യവൽക്കരിച്ച് സന്ദർഭങ്ങൾ, റീതികൾ എന്നിവ കണ്ടെത്താം. കൂടുതൽ സംഖ്യാബന്ധങ്ങളെ സാമാന്യവൽക്കരിച്ച് കൂടാൻ അവതരിപ്പിക്കു.

വൃത്തുപ്പസ്തങ്ങളായ പാദ്രോണുകൾ ശേഖരിച്ച് യുക്തി കണ്ണഡാനി സാമാന്യവൽക്കരണം ബീജഗണിതമുപയോഗിച്ച് തയാറാക്കു, കൂറിപ്പുകൾ അവതരിപ്പിക്കു.

അംഗീകാരിയിലുള്ള തരജുപിക്കരണം

ഉദാഹരണങ്ങളിലുടെ പൊതുത്തതങ്ങളിലെത്തിച്ചേരുന്ന ഫില ഉദാഹരണങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാം.

ഒരു സംഖ്യയുടെ തന്നെ രണ്ടു ഗുണിതങ്ങളുടെ തുകയെ അതേ സംഖ്യയുടെ മട്ടാരു ഗുണിതമായി എഴുതാൻ നമുക്കേറിയാം;

$$(3 \times 2) + (5 \times 2) = (3 + 5) \times 2 = 8 \times 2$$

എന്തുകൊണ്ടാണിത് ശരിയാകുന്നത്?

$$3 \times 2 = 2 + 2 + 2$$

$$5 \times 2 = 2 + 2 + 2 + 2 + 2$$

അപ്പോൾ

$$\begin{aligned} (3 \times 2) + (5 \times 2) &= (2 + 2 + 2) + (2 + 2 + 2 + 2 + 2) \\ &= 2 + 2 + 2 + 2 + 2 + 2 + 2 + 2 \\ &= 8 \times 2 \end{aligned}$$

ഈതുപോലെ ക്ഷതികളുടെ ഗുണനഫലം കണ്ണുപിടിക്കാം.

ഉദാഹരണമായി $2^3 \times 2^5$ നോക്കാം.

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2$$

$$2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

അപ്പോൾ

$$\begin{aligned} 2^3 \times 2^5 &= (2 \times 2 \times 2) \times (2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2) \\ &= 2 \times 2 \\ &= 2^8 \end{aligned}$$

ഇവിടെ 2 നു പകരം മറ്റേതെങ്കിലും സംവ്യയുടെ മുന്നാം കൃതിയും അമുഖം കൃതിയുമാണ് ശൃംഗാരത്തെങ്കിലോ?

$$\begin{aligned} \left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \left(\frac{2}{3}\right)^5 &= \left(\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}\right) \times \left(\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}\right) \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \\ &= \left(\frac{2}{3}\right)^8 \end{aligned}$$

നമ്മൾ എടുക്കുന്ന സംവ്യയയ്ക്ക് x എന്ന അക്ഷയം കൊണ്ട് സൂചിപ്പിച്ചാലോ?

$$\begin{aligned} x^3 \times x^5 &= (x \times x \times x) \times (x \times x \times x \times x \times x) \\ &= x \times x \\ &= x^8 \end{aligned}$$

ഈ കൃത്യക്ക്രമം 3 നും 5 നും പകരം മറ്റേതെങ്കിലും സംവ്യകളായാലോ?

$$\begin{aligned} x^2 \times x^4 &= (x \times x) \times (x \times x \times x \times x) \\ &= x \times x \times x \times x \times x \times x \\ &= x^6 \end{aligned}$$

കൃത്യക്ക്രമമെല്ലായും പൊതുവായി m, n എന്നീ അക്ഷയങ്ങൾ കൊണ്ട് സൂചിപ്പിച്ചാലോ?

$$\begin{aligned} x^m \times x^n &= (x \times x \times x \times \dots \times x) \times (x \times x \times x \times \dots \times x) \\ &\quad \text{↑ } m \text{ എണ്ണം} \qquad \text{↑ } n \text{ എണ്ണം} \\ &= (x \times x \times x \times \dots \times x) \rightarrow (m+n) \text{ എണ്ണം} \\ &= x^{m+n} \end{aligned}$$

അപ്പോൾ നാം കണ്ണ പൊതുത്തും എന്താണ്?

ബീജഗണിതരീതിയിൽപ്പറഞ്ഞാൽ

$$\begin{aligned} x \text{ എത്രും സംവ്യ ആയാലും } m, n \text{ എത്രും} \\ \text{എണ്ണുതെ സംവ്യകൾ ആയാലും} \\ x^m \times x^n = x^{m+n} \end{aligned}$$

ഈത് സാധാരണാദാഹരിതിലെങ്ങാണ് പറയും?

ഈതിൽ രണ്ടു കാര്യങ്ങളുണ്ട്

- i. ഒരേ സംവ്യയുടെ ഒള്ളൂക്കുതികളുടെ ഗുണനഫലം ആ സംവ്യയുടെതന്നെ കൃതിയാണ്.
- ii. ഗുണനഫലത്തിന്റെ കൃത്യകം സംവ്യയുടെ കൃത്യങ്ങളുടെ തുകയാണ്.

പ്രവർത്തനം :

ആഗമനരീതിയിലും പൊതുത്താത്തിലെത്തുനാ കുടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങൾ പാഠപ്രസ്തര കാത്തിൽ നിന്നും കണ്ണഡത്തി കൂസിൽ അവതരിപ്പിക്കു.

ലഘുസമവാക്യങ്ങളുടെ രൂപീകരണവും നിർബന്ധാഭിവൃദ്ധി

ചുവവുടെ കൊടുത്തതിൽക്കുനാ സമവാക്യങ്ങൾ പരിശോധിക്കുക.

$$x = 5$$

$$2x + 1 = 7$$

$$3y + 5 = 25$$

$$3a + 2 = a + 10$$

ഹവയിലെല്ലാം ഒരു ചരം മാത്രമേയുള്ളൂ. കൂടാതെ ചരത്തിന്റെ കൃത്യകം 1 ആണുതാനും. ഇത്തരത്തിൽ ഒരു ചരംമാത്രമുള്ള കൃത്യകം ഒന്ന് ആയ സമവാക്യങ്ങളെ ലഘുസമവാക്യ അഥവാ എന്നു പറയുന്നു.

$x + 2 = 5$ എന്ന സമവാക്യത്തിൽ x എൻ്റെ വില 3 ആകുമോണും സമവാക്യം ശരിയാകുന്നത്. ഈ വിലയെ സമവാക്യത്തിന്റെ മൂല്യം (value) എന്നാണു പറയുന്നത്.

ഈ മൂല്യം കണക്കുപിടിക്കുന്നതെങ്ങനെയെന്നു നോക്കാം.

$$x + 2 = 5$$

സമവാക്യത്തിന്റെ ഇരുവശത്തും -2 കൂടുന്നു.

$$x + 2 - 2 = 5 - 2$$

$$x + 0 = 3$$

$$x = 3$$

സമവാക്യങ്ങൾ (Equations)

$2x + 3 = 3x + 2$ എന്നാഴുത്തുനാതിന്റെ അർമം എന്താണ്?

x എന്ന സംവ്യയുടെ 2 മടങ്ങിനോട് 3 കൂട്ടിയാലും, 3 മടങ്ങിനോട് 2 കൂട്ടിയാലും ഒരേ സംവ്യ കിട്ടും. ഇങ്ങനെ സംവ്യകളുടെ തുല്യതയെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ബീജഗണിതവാക്യങ്ങളെ പൊതുവെ സമവാക്യങ്ങൾ (equations) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

ഒരു സംവ്യയുടെ മൂന്നു മടങ്ങിനോട് പത്തു കൂട്ടിയപ്പോൾ സംവ്യയുടെ അഥവാ മട അംബായി. സംവ്യ എന്താണ്?

ഇതു ബീജഗണിതത്തിൽ പറഞ്ഞാലോ?

തുടങ്ങിയ സംവ്യ x എന്നാടുത്താൽ, പ്രശ്നത്തിൽ പറഞ്ഞിരിക്കുന്നത്,

$$3x + 10 = 5x$$

$3x$ എന്ന $5x$ ആക്കാൻ കുടുങ്ങാത് $2x$ ആണെന്നാണിയാം; അതായത്,

x എത്രു സംവ്യയായാലും, $3x + 2x = 5x$.

നമ്മുടെ കണക്കിൽ $3x$ നെ $5x$ ആക്കാൻ കൂടിയത് 10 ആണ്. അപ്പോൾ $2x = 10$; അതിനാൽ $x = 5$.

കണക്ക് അൽപ്പം മാറ്റി ഇങ്ങനെയാക്കിയാലോ?

ഒരു സംവ്യയുടെ 13 മടങ്ങിനോട് 36 കൂടിയപ്പോൾ സംവ്യയുടെ 31 മടങ്ങായി. സംവ്യ എത്രാണ്?

ഒരു സംവ്യയുടെ 13 മടങ്ങിനെ 31 മടങ്ങാക്കാൻ സംവ്യയുടെ എത്ര മടങ്ങ് കൂട്ടണം?

$31 \text{ മടങ്ങ്} - 13 \text{ മടങ്ങ്} = 18 \text{ മടങ്ങ്, അല്ലോ?}$

കൂടിയത് 36 എന്നാണ് പറഞ്ഞിരിക്കുന്നത്. അപ്പോൾ സംവ്യയുടെ 18 മടങ്ങ് 36; സംവ്യ, 2.

ബീജഗണിതത്തിൽ പറഞ്ഞാലോ? സംവ്യ x എന്നെന്നുത്താൽ പ്രശ്നവും അതു പരിഹരിച്ച രീതിയും ചെർത്ത് ഇങ്ങനെയുള്ളതാം:

$$13x + 36 = 31x$$

$$31x - 13x = 36$$

$$18x = 36$$

$$x = 2$$

പ്രവർത്തനം :

താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന പ്രശ്നങ്ങൾക്ക് ബീജഗണിതത്തിൽനിന്ന് സഹായങ്ങളാടെ ഉള്ളറം കണംഭത്തു.

1. ഒരു സംവ്യയോട് അതിശേഷി മൂന്നു മടങ്ങു കൂടിയാൽ 100 കിട്ടും. സംവ്യ എത്ര?
2. ഒരു സംവ്യയുടെ 7 മടങ്ങിൽ നിന്ന് 9 കുറച്ചാൽ 54 കിട്ടും. സംവ്യ എത്ര?
3. ഒരു മകൻ പ്രായത്തിൽനിന്ന് മൂന്നു മടങ്ങാണ് അച്ചുണ്ടായിരുന്നു. ഒരു പേരുക്കും കൂടി 56 വയസ്സുണ്ടെങ്കിൽ ഓരോരുത്തരുടെയും പ്രായമെന്ത്?
4. ഒരു സംവ്യയുടെ 5 മടങ്ങിനോട് 14 കൂടിയാൽ സംവ്യയുടെ 7 മടങ്ങാവും. സംവ്യ എത്ര?
5. ഒരു ചതുരത്തിൽനിന്ന് നിഈം വിതിയുടെ ഒരു മടങ്ങാണ്. ചൂറളവ് 84 സെ.മീ. ആയാൽ നിഈവും വിതിയുമെത്ര?
6. തുടർച്ചയായ മൂന്ന് ഒറ്റ നിസർഗ്ഗസംവ്യകളുടെ തുക 45 ആയാൽ സംവ്യകൾ എവ?

 - i. അടുത്തടുത്ത മൂന്ന് എല്ലാൽ സംവ്യകളുടെ തുക 36 ആണ്. സംവ്യകൾ എത്രതാക്കുന്നുണ്ട്?
 - ii. അടുത്തടുത്ത മൂന്നു ഇരുസംവ്യകളുടെ തുക 36 ആണ്. സംവ്യകൾ എത്രതാക്കേണ്ടുണ്ട്?
 - iii. അടുത്തടുത്ത മൂന്നു ഒറ്റസംവ്യകളുടെ തുക 36 ആകുമോ? കാരണം?
 - iv. അടുത്തടുത്ത മൂന്ന് ഒറ്റസംവ്യകളുടെ തുക 33 ആണ്. സംവ്യകൾ എത്രതാക്കേണ്ടുണ്ട്?
 - v. അടുത്തടുത്ത മൂന്നു എല്ലായ്ക്കും സംവ്യകളുടെ തുക 33 ആണ്. സംവ്യകൾ എത്രതാക്കേണ്ടുണ്ട്?
 - vi. കലംബറിൽ നാലു സംവ്യകളുള്ളതു ഒരു സമചതുരം അടയാളപ്പെടുത്തി, അതിലെ സംവ്യ കളെല്ലാം കൂടിയപ്പോൾ 80 കിട്ടി. സംവ്യകൾ എത്രതാക്കേണ്ടുണ്ട്?

ഈ രീതിയിൽ തന്നിരിക്കുന്ന പ്രശ്നങ്ങളെ വിശകലനം ചെയ്ത് ലഭ്യസമവാക്യങ്ങൾ രൂപീകരിക്കാം.

രിക്കുകയും അവ നിർദ്ദാരണം ചെയ്യുക വഴി ഉത്തരം കണ്ണടത്താം.

പാഠപ്രസ്തകങ്ങളിൽ നിന്ന് കുടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ണടത്തി കൂസിൽ അവതരിപ്പിക്കു.

ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് പ്രശ്നനിർധാരണം

പ്രവർത്തനം :

തന്നിരിക്കുന്ന ഗണിതപ്രശ്നങ്ങൾക്ക് ബീജഗണിതത്തിൽ സഹായത്തോടെ ഉത്തരം കണ്ട തന്റെ.

1. ശാസ്ത്രപദ്ധതിൽ, കുട്ടികൾക്ക് 10 രൂപയും, മുതൽനാവർക്ക് 25 രൂപയുമാണ് ടിക്കറ്റ് നിരക്ക്. 50 പേരുകൾ ടിക്കറ്റ് കൊടുത്തു കഴിഞ്ഞപ്പോൾ 740 രൂപ കിട്ടി. ഇതിൽ എത്ര കുട്ടികളുണ്ടായിരുന്നു?
2. ഒരു കൂസിലെ ആൺകുട്ടികളുടെയും പെൺകുട്ടികളുടെയും എല്ലാം തുല്യമാണ്. എങ്കിൽ ആൺകുട്ടികൾ മാത്രം വരുത്തിരുന്ന ഒരു ദിവസം, ഈ കൂസിലെ പെൺകുട്ടികളുടെ എല്ലാം ആൺകുട്ടികളുടെ എല്ലാത്തിൽ രണ്ടു മടങ്ങായിരുന്നു. ആൺകുട്ടികളുടെയും പെൺകുട്ടികളുടെയും എല്ലാം എത്രയാണ്?
3. അജയൻ വിജയനേക്കാൾ പത്രു വരുസ് കുടുതലാണ്. അടുത്ത വർഷം അജയൻ്റെ പ്രായം, വിജയൻ്റെ പ്രായത്തിൽ രണ്ടു മടങ്ങാകും. ഇപ്പോൾ ഇവരുടെ പ്രായമെത്രയാണ്?
4. ഒരു സംഖ്യയുടെ അഖ്യ മടങ്ങ് ആ സംഖ്യയെക്കാൾ 4 കുടുതലായ മറ്റാരു സംഖ്യയുടെ മുന്ന് മടങ്ങിന് തുല്യമാണെങ്കിൽ സംഖ്യ എത്ര?
5. ഒരു സഹകരണസംഘത്തിൽ സ്ത്രീകളുടെ എല്ലാത്തിൽ മുന്ന് മടങ്ങാണ് പുരുഷമാരുടെ എല്ലാം. 29 സ്ത്രീകളും 16 പുരുഷമാരും കൂടി സംഘത്തിൽ ചേർന്നപ്പോൾ പുരുഷ നാരുടെ എല്ലാം സ്ത്രീകളുടെ എല്ലാത്തിൽ രണ്ട് മടങ്ങായി. സംഘത്തിൽ ആദ്യം എത്ര സ്ത്രീകളുണ്ടായിരുന്നു?

പാഠപ്രസ്തകങ്ങളിൽ നിന്ന് കുടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങൾ കണ്ണടത്തി കൂസിൽ അവതരിപ്പിക്കു.

ബീജഗണിതത്തിലും കൃതിക്കാൾ - വർഗ്ഗവും വർഗ്ഗമുലവും എന്നി യുണിറ്റുകളിലെ ആശയരൂപീകരണം

എഴാം കൂസിലെ ആവർത്തനഗുണനം എന്ന അധ്യായത്തിൽ ആശയരൂപീകരണത്തിനായി ബീജഗണിതം പ്രയോജനപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്നത് നോക്കു.

64 നെ എത്തെങ്കിലും ഒരു സംഖ്യയുടെ കൂതിയായി എഴുതുമോ?

$$2^6 = 64$$

$$4^3 = 64$$

$$8^2 = 64$$

$$64^1 = 64$$

ഇതുപോലെ 3^{12} നെ മറ്റൊരു സംഖ്യകളുടെ കൂതിയായി എഴുതു.

$$\begin{aligned} 3^{12} &= 3^6 \times 3^6 \\ &= (729) \times (729) \\ &= (729)^2 \end{aligned}$$

മറ്റാരു വിധത്തിലും എഴുതുമോ.

$$\begin{aligned}
 3^{12} &= 3^8 \times 3^4 \\
 &= (3^4 \times 3^4) \times 3^4 \\
 &= 81 \times 81 \times 81 \\
 &= (81)^3
 \end{aligned}$$

ഹതിയുമൊരു രീതിയുണ്ട്

$$\begin{aligned}
 3^{12} &= 3^6 \times 3^6 \\
 &= (3^3 \times 3^3) \times (3^3 \times 3^3) \\
 &= 27 \times 27 \times 27 \times 27 \\
 &= (27)^4
 \end{aligned}$$

ഹതി മറ്റേതെങ്കിലും രീതിയിൽ എഴുതാൻ കഴിയുമോ? ശ്രീമിച്ചുനോക്കു.

മുകളിൽ കണ്ണഡിൽ $3^6 \times 3^6$ എന്നതിന്റെ അർദ്ധമെന്താണ്?

ഒന്ത് 3^6 കൾ തമ്മിൽ ഗുണിച്ചതല്ലോ? ഇതിനെ ചുരുക്കി $(3^6)^2$ എന്നുണ്ടാണ്.

ഉന്നി

$$\begin{aligned}
 (3^6)^2 &= 3^6 \times 3^6 \\
 &= 3^{6+6} \\
 &= 3^{6 \times 6} \\
 &= 3^{12}
 \end{aligned}$$

$\left(\left(\frac{2}{3}\right)^2\right)^3$ എന്നതിന്റെ അർദ്ധമെന്താണ്?

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^2$$

അതായത്,

$$\left(\frac{2}{3}\right)^{2+2+2} = \left(\frac{2}{3}\right)^{3 \times 2} = \left(\frac{2}{3}\right)^6$$

പൊതുവെ പറഞ്ഞതാൽ x ഒരു സംഖ്യയും m, n എന്നിവ എന്ന്തെല്ലാം സംഖ്യകളും ആണെങ്കിൽ

$$\begin{aligned}
 (x^m)^n &= x^m \times x^m \times \dots \times x^m \rightarrow n \text{ ഏണ്ണും} \\
 &= x^{m+m+\dots+m} \rightarrow n \text{ ഏണ്ണും} \\
 &= x^{mn}
 \end{aligned}$$

അതായത്,

x എന്ന എത്ര സംഖ്യയും m, n എന്നി എത്ര എന്ന്തെല്ലാം സംഖ്യകളും എടുത്താൽ

$$(x^m)^n = x^{mn}$$

ഇതുപോലെ $3^4 \times 3^4 \times 3^4$ എന്നതിനെ $(3^4)^3$ എന്നുതന്നൊമ്മോ. അപ്പോൾ

$$\begin{aligned}(3^4)^3 &= 3^4 \times 3^4 \times 3^4 \\&= 3^{4+4+4} \\&= 3^{4 \cdot 3} \\&= 3^{12}\end{aligned}$$

ഇതുപോലെ

$$\begin{aligned}(4^2)^3 &= 4^2 \times 4^2 \times 4^2 \\&= 4^{2 \times 3} \\&= 4^6 \\(5^4)^6 &= 5^{4 \times 6} \\&= 5^{24}\end{aligned}$$

എന്നോടൊപ്പ് എഴുതാം.

അതായത്,

x എന്ന ഏതു സംഖ്യയും m, n എന്നീ ഏത് എല്ലാക്കും എടുത്താൽ ഇതുപോലെ 3^{12} എന്ന സംഖ്യകളുടെ കൂട്ടിയായി എഴുതു.

എങ്കിലും കൂടാസിലെ വർഗവും വർഗമുലവും എന്ന അധ്യാത്മത്തിലെ ചില സന്ദർഭങ്ങൾ നോക്കു.

$5^2 \times 4^2$ എത്രയാണ്?

$$5^2 \times 4^2 = 25 \times 16 = \dots\dots$$

ഈത് കുറേക്കുടി എളുപ്പത്തിൽ ചെയ്യാം:

$$\begin{aligned}5^2 \times 4^2 &= 5 \times 5 \times 4 \times 4 \\&= (5 \times 4) \times (5 \times 4) \\&= 20 \times 20 \\&= 400\end{aligned}$$

ഈവിഭാഗത്തിലും നാം ഉപയോഗിച്ച തത്പരം എന്താണ്?

ഒരു സംഖ്യകളുടെ വർഗങ്ങളുടെ ഗുണനഫലവും ഈ സംഖ്യകളുടെ ഗുണനഫലത്തിനേർ വർഗവും തുല്യമാണ്.

ബീജഗണിതത്തിൽപ്പറഞ്ഞാലോ?

x, y ഏതു സംഖ്യകൾ ആയാലും

$$x^2y^2 = (xy)^2$$

കൂട്ടുക നിയമങ്ങൾ

1. x ഏതു സംഖ്യ ആയാലും m, n ഏത് എല്ലാ സംഖ്യയായാലും.

$$x^m \times x^n = x^{m+n}$$

2. x പൂജ്യമല്ലാത്ത ഏതു സംവ്യ ആയാലും, m, n ഇവ $m > n$ ആയ ഏത് എന്നിൽ സംവ്യയാണ്

$$\text{യല്ലാം } \frac{x^m}{x^n} = x^{m-n}$$

3. x പൂജ്യമല്ലാത്ത ഏതു സംവ്യ ആയാലും m, n എന്നിവ $m < n$ ആയ ഏത് രണ്ട് എന്നിൽ

$$\text{സംവ്യ ആയാലും } \frac{x^m}{x^n} = \frac{1}{x^{n-m}}$$

4. x എന്ന ഏതു സംവ്യയും m, n എന്നിവ ഏത് എന്നിൽ സംവ്യൾ ഏടുത്താലും $(x^m)^n = x^{mn}$ ഈ രീതിയിൽ ബീജഗണിതം പ്രയോജനപ്പെടുത്തിയതിന്റെ കുടുതൽ ഉദാഹരണങ്ങൾ ഈ അധ്യായങ്ങളിൽ നിന്ന് കണ്ടെത്തു. കൂടാം എന്നിൽ അവതരിപ്പിക്കു.

ബീജഗണിതത്തിന്റെ പ്രത്യേകതകൾ

- ബീജഗണിതം സാമാന്യവർക്കുത തത്വങ്ങളാണ് കൈകാര്യം ചെയ്യുന്നത്. അനേകം ഉദാഹരണങ്ങൾ പരിശോധിച്ച് താരതമ്യപ്പെടുത്തി സമാനതകൾ കണ്ണുപിടിച്ച് പൊതുതയാണെങ്കിൽ എത്തിച്ചേരുകയാണ് ചെയ്യുന്നത്.

പ്രവർത്തനം : പാഠപ്രസ്താവകൾക്കിൽ നിന്ന് സാമാന്യവർക്കുതവാണെങ്കിൽ എത്തിച്ചേരുന്ന സന്ദർഭങ്ങൾ എഴുതുക.

- ബീജഗണിതാശയങ്ങൾ ഗുണാത്മകവും പ്രതീകാത്മകവുമാണ്

ബീജഗണിതത്തിൽ നാം ചരം ഉപയോഗിക്കുന്നുണ്ടോള്ളോ. ചരം എന്ന ആശയം ഗുണാത്മകമാണ്. അവിടെ കൂപ്പത്ത മല്ല. ഒരേപരമായി പല വിവരങ്ങളും സന്ദർഭങ്ങളും വന്നുചേരുന്നു. ബീജഗണിതത്തിലെ ആശയങ്ങളും തന്നെ ഗുണാത്മകമാണ്.

പ്രതീരുപദ്ധതി ഉപയോഗിച്ചാണ് ബീജഗണിത ആശയങ്ങൾ രേഖപ്പെടുത്തുന്നത്. ആ പ്രതിരുപതിനിന്ന് നിയതമായ ഒരു വില കല്പിക്കുന്നുമെല്ലാം. കാരണം അവ ചരങ്ങളായാണ് ഉപയോഗിക്കുന്നത്.

- ബീജഗണിതം ആശയങ്ങളുടെ പരസ്പരബന്ധങ്ങളാണ് കൈകാര്യം ചെയ്യുന്നത്. സമവാക്യങ്ങൾ, ബീജഗണിതവാക്യങ്ങൾ, ബീജഗണിത വാചകങ്ങൾ തുടങ്ങിയ ബീജഗണിത ആശയങ്ങൾ ഓരോനും ചരങ്ങളുടെ പരസ്പരബന്ധങ്ങളിൽ അധിഷ്ഠിതമാണ്.

പ്രവർത്തനം : ചില ഉദാഹരണങ്ങൾ എടുത്ത് ആശയങ്ങളുടെ പരസ്പരബന്ധമാണ് ബീജഗണിതത്തിൽ കൈകാര്യം ചെയ്യുന്നത് എന്ന് കണ്ടെത്തുക.

ഈ പ്രത്യേകതകളുടെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ ബീജഗണിതത്തിന്റെ ഉള്ളടക്കം വിനിമയം ചെയ്യുന്നതിന് ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന വോധനരീതികളാണ് സാധാരണ ഉപയോഗിക്കുന്നത്.

- ആഗമന - നിഗമനരീതി
- പ്രോജക്ട് പഠനരീതി
- പ്രശ്ന നിർബന്ധം
- അപഗ്രേഡേറ്റർ

പ്രവർത്തനങ്ങൾ

1. ബീജഗണിത ആശയങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി ആഗമനരിതിയിലൂടെ തത്വരൂപീകരണ തീരുമായ എത്തിച്ചേര്ന്ന സന്ദർഭങ്ങൾ 6 മുതൽ 8 വരെ ഓൺലൈൻലെ ഗണിത പാഠപുസ്തകങ്ങൾ വിശകലനം ചെയ്ത് കണ്ണടത്തുക.
2. ബീജഗണിതത്തിലെ വർഗവും വർഗമുലവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി ‘ത്രികോണ സംഖ്യ കളും വർഗസംഖ്യകളും തന്മിലുള്ള ബന്ധങ്ങൾ കണ്ണടത്തുക’ എന്ന പ്രോജക്റ്റ് ഏറ്റൊക്കെവും താഴ്വാന്താണ്.

സൂചന :

ഈ പ്രോജക്റ്റുമായി ബന്ധപ്പെട്ടതി എത്തിച്ചേരാവുന്ന നിഗമനങ്ങൾ

1. അടുത്തടുത്തുള്ള രണ്ട് ത്രികോണ സംഖ്യകളുടെ തുക ഒരു വർഗസംഖ്യ ആയിരിക്കും.
2. ഒരു ത്രികോണ സംഖ്യയെ 8 കൊണ്ട് ഗുണിച്ച് 1 കൂട്ടിയാൽ വർഗസംഖ്യ കിട്ടും.
(കൂടുതൽ നിഗമനങ്ങൾ കണ്ണടത്തുക)
3. ബീജഗണിതവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രായോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുക. അവ അപഗ്രേഡിച്ച് പ്രശ്ന നിർഖാരണം ചെയ്യുക.

റഹിതം പുസ്തകങ്ങൾ

- 6, 7, 8 ഓൺലൈൻ പാഠപുസ്തകങ്ങൾ, ടീച്ചർ ടെക്നോളജിൾ - എസ്.സി.ഇ.ആർ.ടി കോരളു
- ടെക്നോളജിൾ ബുക്സ് - എൽ.സി.ഇ.ആർ.ടി റൂട്ടേഡ്യൽൾ
- Teaching of Mathematics - KS Sidhu
- റാസ്തോ എത്ര ലളിതം - ഗണിതരാസ്തോ - ഡി.സി ബുക്സ്
- Making Math Accessible for the At-Risk Student : Grades 7 - 12 BY Linda Ptacek
- Teaching Mathematics in Primary Schools By Robyn Zevenbergen; Shelley Dole; Robert J. Wright
- Teaching for Learning Mathematics by Rosamund Sutherland
- ഗണിതരാസ്തോയോധനം, ഡോ.കെ.സോമൻ, കേരളഭാഷാ ഇൻസ്റ്റിറ്റ്യൂട്ട്.

യൂണിറ്റ് 4

നേതൃത്വാടി ഗണിതം

ആമുഖം

ഗണിതം ഒരു മേഖലയാണ് വിവരശൈലേഖനവും അപ്രസ്തുതിയും നിരൂപിക്കിവിത്തിലും നാം കൈകാര്യം ചെയ്യാറുള്ള എല്ലാ തരം ഗണപരമായ അളവുകളെയും ദത്തങ്ങൾ എന്നു വിളിക്കാം. വിവിധതരം ഗണിത പ്രക്രിയകൾക്ക് ആവശ്യമായ എല്ലാം, കൂട്ടങ്ങൾ, അളവുകൾ എന്നിങ്ങനെ ശൈലിക്കുന്ന എല്ലാ വിവരങ്ങളും ദത്തങ്ങൾ തന്നെ.

നേതൃത്വാടി ഉചിതമായ രീതിയിൽ തരംതിരിക്കുന്നതിനും, കൂട്ടങ്ങളാക്കുന്നതിനും പട്ടികപ്പെടുത്തുന്നതിനും ചിത്രീകരിക്കുന്നതിനും, ആവശ്യാനുസരണം പുനരുപയോഗിക്കുന്നതിനും നിഗമനങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുന്നതിനും ഗണിതത്തിൽ വ്യത്യസ്ത സങ്കേതങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കുന്നു.

പ്രൈമറി തലത്തിലെ ഗണിത പഠനത്തിൽ പ്രായോഗിക്കാവുന്ന ഇത്തരം സങ്കേതങ്ങളെ അടുത്തതിന്റെ നേരം ബോധനശാസ്ത്രപരമായി പ്രയോഗിച്ചു നോക്കുന്നതിനുമുള്ള ആവശ്യം ഈ യൂണിറ്റിൽ കൂടി നിങ്ങൾക്ക് ലഭിക്കുന്നു.

ഉള്ളടക്കം

1. പിക്കോഗ്രാം അമവാ പിക്കോഗ്രാഫ്
 2. ബാർഡയഗ്രാം അമവാ ചതുരചിത്രങ്ങൾ
 3. വൈഡയഗ്രാം (പൈപ്പാർട്ട്) അമവാ വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങൾ
 4. ചതുരചിത്രങ്ങളെ വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങളാക്കൽ
 5. ആവശ്യത്തിപ്പെട്ടിക, ഹിസ്റ്ററാഗ്രാം
- 1. പിക്കോഗ്രാം**

സ്കാൻിലെ കൂട്ടികൾ ശുപ്പായി തിരിഞ്ഞ് ചോദ്യാത്തരമുണ്ട് നടത്തുകയാണ്. ചോദ്യം കിട്ടിയ ആദ്യ 5 ടീം തന്നെ ഉത്തരം പറഞ്ഞാൽ 5 പോയിന്റും പാസ് ചെയ്ത് കിട്ടിയ 5 ടീം ഉത്തരം പറഞ്ഞാൽ 3 പോയിന്റും ലഭിക്കും. ആകെയുള്ള 6 ശുപ്പുകൾക്കും ലഭിച്ച പോയിന്റുകൾ □, △ എന്നിങ്ങനെ അടയാളപ്പെടുത്തിയ പട്ടിക നോക്കുക. □= 5 പോയിന്റ്, △= 3 പോയിന്റ്

ഗ്രൂപ്പ്	പോയിന്റ്	സ്കോർ
A	□△□□△△	
B	□□□△△□□	
C	△△□□△	
D	□□□	
E	△△△△□	
F	□□□□□□△□	

അരോ ശുപ്പിനും കിട്ടിയ ആകെ പോയിന്റുകൾ എത്ര എങ്ങനെ കണ്ണുപിടിക്കും? അപ്രസ്തുത ചോദ്യങ്ങൾ തയാറാക്കിനോക്കു. ഉദ്ഘാഷ്ടാന്തരിക്ഷം ഉത്തരം കണ്ണംതു.

ഇത്തരം മറ്റ് രണ്ടോ മുന്നോ പ്രവർത്തനങ്ങൾ തയാറാക്കി പ്രശ്നം നിർഘാരണം ചെയ്യുക.

അപ്രസ്തുതം - ഉദ്ദേശ്യമന രീതികൾ ഉപയോഗിക്കുമല്ലോ?

ഇത്തരം പ്രായോഗിക സന്ദർഭങ്ങളിൽ സംഖ്യകൾക്ക് പകരം ചിത്രങ്ങളോ പ്രതീകങ്ങളോ ഉപയോഗിക്കുന്നത് കാര്യങ്ങൾ എല്ലാവർക്കും വേഗത്തിൽ ഗ്രഹിക്കാൻ സഹായിക്കും.

സംഖ്യകൾക്ക് പകരം, വിശദീച്ചിച്ചും വലിയ സംഖ്യകൾക്ക് പകരം ചിത്രങ്ങളോ പ്രതീകങ്ങളോ ഉപയോഗിച്ച് ദത്തങ്ങൾ രേഖപ്പെടുത്തുന്നതിനെ പിക്ഫോഗ്രാം/പിക്ഫോഗ്രാഫ് എന്നാണ് വിളിക്കുന്നത്.

പിക്ഫോഗ്രാഫിൽ അനുയോജ്യമായ ഏത് തരം ചിത്രങ്ങളും പ്രതീകങ്ങളും ഉപയോഗിക്കാം. ഒരു ചിത്രം/പ്രതീകം എത്രയെല്ലാത്തെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു എന്ന് പിക്ഫോഗ്രാഫിൽ രേഖപ്പെടുത്തണം.

ഉദാ:	 = 1000 കാരുകൾ	 = 10 പെൺകുട്ടികൾ
	 = 10 ആൺകുട്ടികൾ	 = 1 ലക്ഷം പേര്

പ്രശ്ന സന്ദർഭം:

ഒരു സ്കൂളിലെ വിവിധ ഡിവിഷനുകളിലെ കുട്ടികളെ ആൺ/പെൺ തിരിച്ചുള്ള ചാർട്ട് തയാരാക്കുക.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം: 2

ഒരു വർഷത്തിൽ റജിസ്ടർ ചെയ്ത വ്യത്യസ്ത തരം വാഹനങ്ങളുടെ എല്ലം കാണിക്കുന്ന പിക്ഫോഗ്രാം തയ്യാറാക്കുക.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം - 3

കഴിഞ്ഞ 100 വർഷത്തിനിടെ നടന്ന സെൻസസുകളിൽ ശേഖരിച്ച ജനസംഖ്യയെ പ്രതിനിധീകരിക്കുന്ന പിക്ഫോഗ്രാം തയ്യാറാക്കി നോക്കു.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം - 4

 = 10000

വർഷം	വിറ്റിച്ച കാരുകൾ
1960	 
1970	  
1980	    
1990	     
2000	         

ഓരോ വർഷവും വിറ്റിച്ച കാരുകൾ എത്ര?

എത് തരം ബോധനരീതികളാണ് പിക്ഫോഗ്രാം എന്ന ആശയം പരിപ്പിക്കുന്നതിന് അനുയോജ്യമാണോ? കൂസിൽ ചർച്ച ചെയ്യുക.

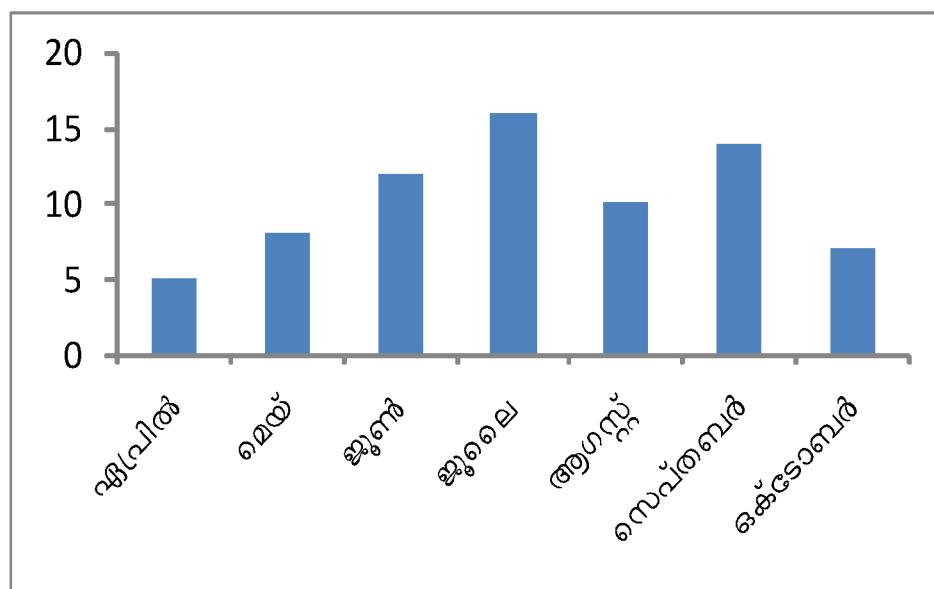
പിക്ഫോഗ്രാം എന്ന ആശയവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട് ഏതെല്ലാം ബോധന തന്നെങ്ങൾ കൂസിൽ പ്രയോഗിക്കാം? സാധ്യമായവയുടെ ഒരു പട്ടിക തയാറാക്കുക. [പ്രവർത്തനക്രമവും എഴുതുക.

2. ബാർ ഡയഗ്രാഫ്/ബാർഗ്ഗ്രാഫ് (ചതുരചിത്രങ്ങൾ)

ഒത്തങ്ങളെ ചിത്രീകരിക്കാനുള്ള മറ്റാരു മാർഗമാണ് ചതുരചിത്രങ്ങൾ. സംഖ്യയുടെ വലിപ്പത്തിനുസരിച്ച് ചതുരത്തിന്റെ നീളം വ്യത്യാസപ്പെടിരിക്കും. ഓരോ സംഖ്യക്കും ആനു പാതിക നീളമുള്ള ചതുരങ്ങളെ കുത്തനേന്നേ (Vertical) വിലങ്ങനേന്നേ (Horizontal) നിരത്തി വെച്ചാണ് ചതുരചിത്രങ്ങൾ തയാറാക്കുന്നത്.

ഒരു പട്ടണത്തിൽ കഴിത്തെ വർഷം പെയ്ത മഴയുടെ അളവ് നോക്കുക.

എപ്പിൽ	- 5 സെ.മീ
മെൽ	- 8 സെ.മീ
ജുണ്ട്	- 12 സെ.മീ
ജുലൈ	- 16 സെ.മീ
ആഗസ്റ്റ്	- 10 സെ.മീ
സെപ്റ്റംബർ	- 14 സെ.മീ
കോടോബര്	- 7 സെ.മീ



ഈ ചതുരചിത്രത്തിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ പത്ത് ചോദ്യങ്ങൾ തയാറാക്കു.

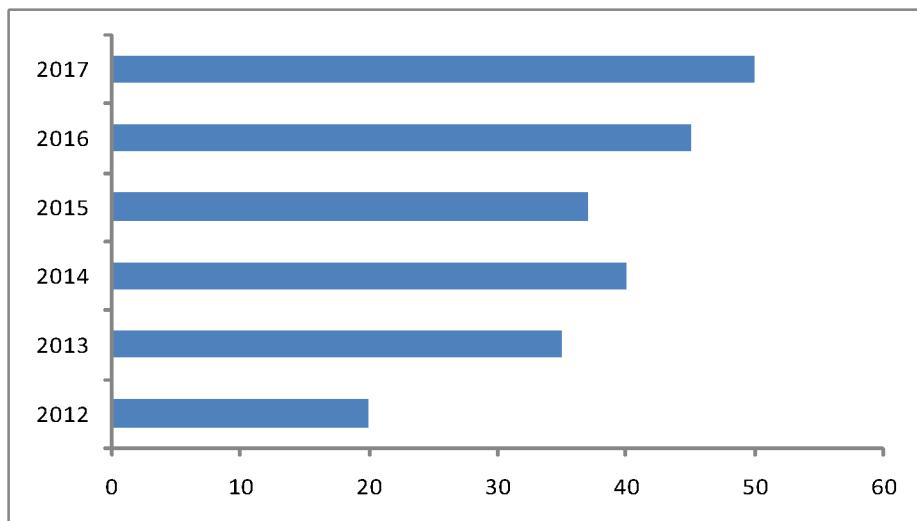
ഈതേ ഒത്തങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് തിരഞ്ഞീൻ ചതുരങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് മറ്റാരു ചതുരചിത്രം നിർമ്മിക്കു.

പ്രശ്ന സംഖ്യ 1

വർഷാന്ത്യ പരീക്ഷയിൽ ഓരോരുത്തർക്കും വിവിധ വിഷയങ്ങളിൽ ലഭിച്ച സ്കോറുകളുടെ ചതുരചിത്രം തയാറാക്കി നോക്കു. സ്കോറുകൾ തമിൽ അന്തരം വലുതെങ്കിൽ ഉചിതമായ തോതിലേക്ക് ചതുരങ്ങളുടെ നീളം പുനർന്നിർണ്ണയിക്കുമ്പോൾ.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം: 2

ഒന്നാം കൂസിലെ സ്കൂൾ പ്രവേശനത്തിലെ വർദ്ധനവ്



രു സ്കൂളിൽ ഒന്നാം കൂസിൽ ഉണ്ടായ വിദ്യാർത്ഥി പ്രവേശനത്തിൽ ചിത്രീകരണ മാണ് ചിത്രത്തിൽ നൽകിയത്. ഇതിനെ അടിസ്ഥാനമാക്കി അഞ്ചു ചോദ്യങ്ങൾ തയാറാക്കുക.

പ്രവർത്തനം :

നിങ്ങളുടെ പരിസരത്തുനിന്നും കണ്ണടത്തിയ പ്രശ്നസമാർഥങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് മുന്ന് വ്യത്യസ്ത ചതുരചിത്രങ്ങൾ തയാറാക്കുക (പ്രശ്നസമാർഥം കൃത്യമായി എഴുതി തയാറാക്കുമല്ലോ)

ബഹുചതുരചിത്രങ്ങൾ (Multiple Bar diagrams)

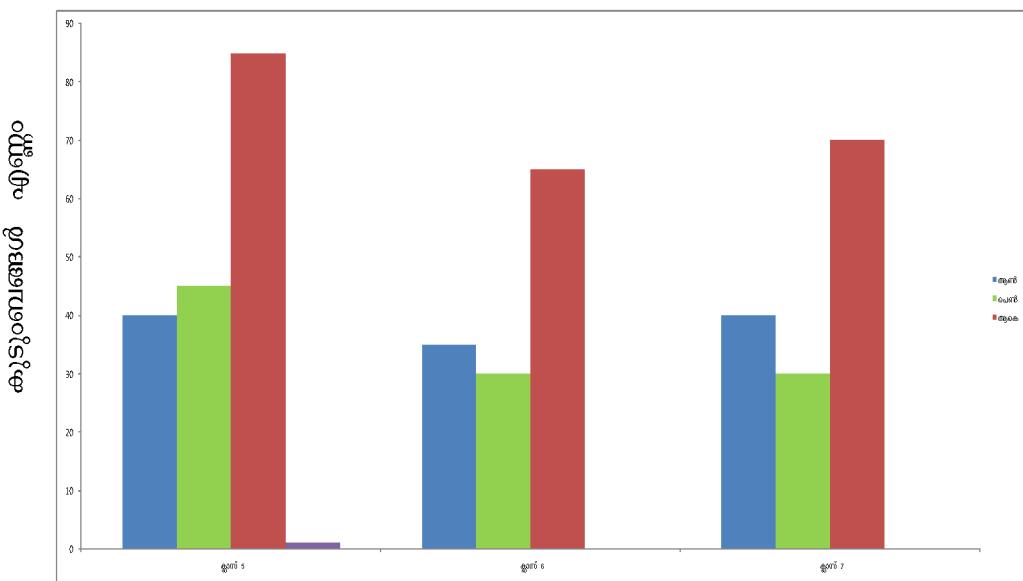
ഒന്നിലധികം ചരണ്ണങ്ങൾ (variables) ഒരേ ഗ്രാഫിൽ സൂചിപ്പിക്കേണ്ടി വരുന്നോൾ ഒന്നിലധികം ചതുരങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് അവയെ കാണിക്കുന്നു.

ഉദാ: രു സ്കൂളിലെ വിവിധ കൂസുകളിലെ കുട്ടികളെ ആൺ/പെൺ തിരിച്ച് സൂചിപ്പിക്കേണ്ട അവസരം നോക്കാം

കൂസ് ആൺ പെൺ ആകെ

5	40	45	85
6	35	30	65
7	40	30	70

ഈ ദത്തങ്ങളെ ബഹുചതുര ചിത്രങ്ങളാക്കിയാൽ എങ്ങനെയിരിക്കുമെന്ന് നോക്കാം.



ആൺകുടികൾ, പെൺകുടികൾ, ആകെ കുടികൾ എന്നിവരെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ചതുരങ്ങളെ പ്രത്യേക നിരങ്ങളിലോ ഡിസൈനുകളിലോ സൂചിപ്പിക്കാവുന്നതാണ്.

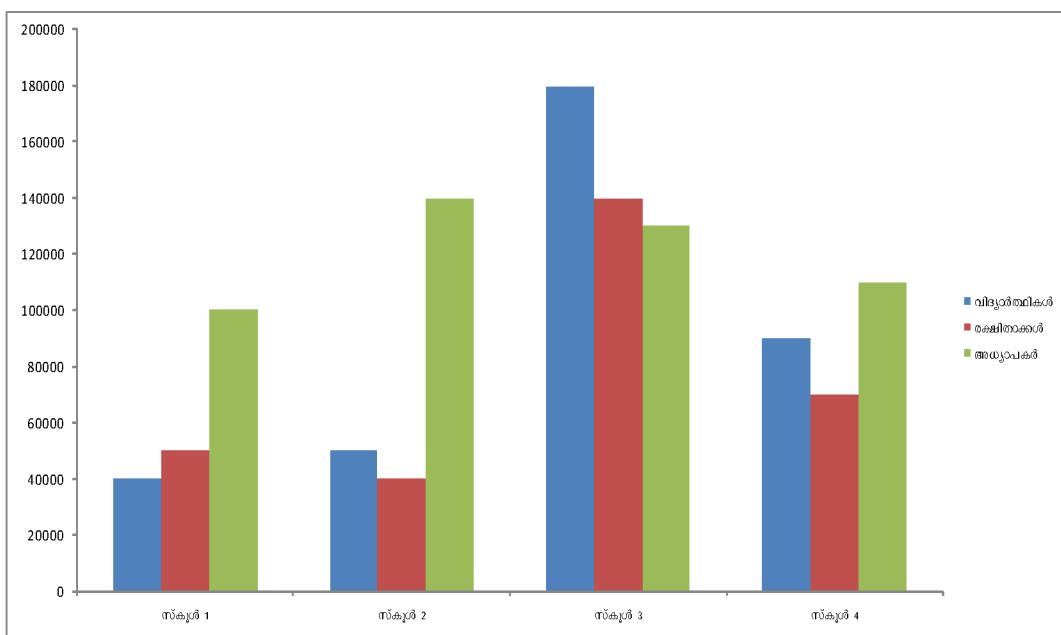
പ്രവർത്തനം :

ഇത്തരത്തിൽ ഒന്നിലധികം ചരങ്ങളെ സൂചിപ്പിക്കേണ്ടിവരുന്ന കുടുതൽ സന്ദർഭ അശേഷ കണ്ണടത്തി ബഹുചതുര ചിത്രങ്ങൾ വരച്ചു നോക്കു.

ലംബമായും തിരഞ്ഞീനമായും ഇവയെ ചിത്രീകരിക്കു. വ്യത്യസ്ത ചരങ്ങൾക്ക് വ്യത്യസ്ത നിരങ്ങളോ ഷേഖുകളോ ഉപയോഗിക്കണം.

പ്രശ്നസന്ദർഭം

ബുരിതാശാസ ഫബ്രിലേക് വിദ്യാർഥികൾ, രക്ഷിതാക്കൾ, അധ്യാപകർ, എന്നിവരിൽ നിന്ന് ലഭിച്ച സംഭാവനകൾ ചിത്രീകരിച്ചിരിക്കുന്നത് നോക്കു.



ഈ ഗ്രാഫിനെ അടിസ്ഥാനമാക്കി 10 ത്തേക്ക് കൂടിയാൽ ചോദ്യങ്ങളും ഉത്തരങ്ങളും തയാറാക്കു.

- ചതുര ചിത്രങ്ങൾ, ബഹുചതുര ചിത്രങ്ങൾ എന്നിവയുടെ വോധന നടത്തുന്നതിന് ഉച്ചി തമായ വോധന രീതികൾ എത്രൊന്ന് ചർച്ചയിലും കണ്ടെത്തു.
- ഗണിത വോധന തന്റെളിൽ ഈ ആഴയം ഉറപ്പിക്കുന്നതിനുയോജ്യമായവ കണ്ടെത്തി പ്രവർത്തനക്രമം തയാറാക്കുക.
- ബഹുചതുര ചിത്രങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് ചിത്രീകരിക്കാവുന്ന 10 പ്രശ്നസംഖ്യയും അനു യോജ്യമായ ദത്തങ്ങളും തയാറാക്കുക. എത്രക്കിലും മുന്നണ്ണും ചിത്രീകരിക്കുക.

3. വ്യത്ത ചിത്രങ്ങൾ (Pie diagram/ Pie chart)

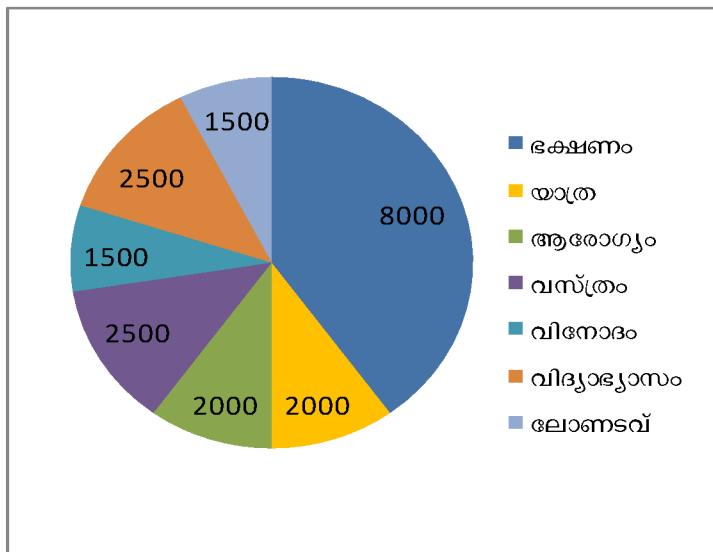
വ്യത്താകൃതിയിലുള്ള ഒരു പലഹാരത്തിന് പാശ്വായു രാജ്യത്തുള്ള പേരാൺ പേ(Pie). ദത്തങ്ങളുടെ ചിത്രീകരണമായി ബന്ധപ്പെട്ട വ്യത്ത ചിത്രങ്ങൾക്ക് പേ ഡയഗ്രാഫ് എന്ന പേര് ലഭിച്ചത് ഇതിൽ നിന്നാണ്.

ശ്രവിക്കുന്ന ദത്തങ്ങളെ, ഒരു വ്യത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രത്തിൽ നിന്നും വ്യത്തത്തെ അനു യോജ്യമായ വലിപ്പത്തിൽ വിജേചിച്ച് ചിത്രീകരിക്കുന്നതാണ് പേ ഡയഗ്രാഫ്. വ്യത്ത ചിത്രത്തിൽ സാധാരണ ചിത്രീകരിക്കുന്ന ദത്തങ്ങൾ, ഒരു മുഖ്യ ചരഞ്ഞിന്റെ ഘടകക്രമങ്ങൾ എത്രതാക്കെ അനുപാതത്തിൽ എന്ന് തിരിച്ചറിയുന്ന വിധത്തിലാണ്. ഉദാഹരണമായി ഒരു കുടൂംബത്തിന്റെ ആകെ ചെലവ് മുഖ്യ ചരവും, വിവിധ മുന്നങ്ങൾക്ക് ചെലവാകുന്ന തുക ഉപചരണങ്ങളുമാണ്.

കുടൂംബത്തിന്റെ പ്രതിമാന ചെലവ്

ഇനം	രൂപ
ക്ഷേമം	8000
യാത്ര	2000
ആരോഗ്യം	2000
വസ്ത്രം	2500
വിനോദം	1500
വിദ്യാഭ്യാസം	2500
ലോംടവ്	1500
ആകെ	20,000

ഇതിനെ വ്യത്ത ചിത്രത്തിൽ സൂചിപ്പിച്ചാൽ



അരു വ്യത്തത്തിന്റെ ആകെ അളവ് 360° ആണെല്ലോ. ഓരോ ഉപചരത്തിനെയും സൂചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യ 360 എന്റെ എത്ര ഭാഗമാണെന്ന് ആനുപാതികമായി കണ്ടെത്തി ചിത്രീകരിക്കണം.

ഈ ഉദാഹരണത്തിൽ

$$\text{കെഷണം} \rightarrow 8000 \rightarrow \frac{8000}{20000} = 0.4 \rightarrow 0.4 \times 360 = 144^{\circ}$$

$$\text{യാത്ര} \rightarrow 2000 \rightarrow \frac{2000}{20000} = 0.1 \rightarrow 0.1 \times 360 = 36^{\circ}$$

$$\text{വിദ്യാഭ്യാസം} \rightarrow 2500 \rightarrow \frac{2500}{20000} = 0.125 \rightarrow 0.125 \times 360 = 45^{\circ}$$

ഈതെ രീതിയിൽ ഓരോ ഘടകത്തെയും സൂചിപ്പിക്കുന്ന കോൺഡവ് കണ്ടെത്തി, അതേ അനു പാതത്തിൽ വ്യത്തതെ വിജീച്ച് വ്യത്യസ്ത നിറങ്ങൾ നൽകിയാണ് വ്യത്ത ചിത്രങ്ങൾ തയാരാക്കുന്നത്.

പ്രവർത്തനം :

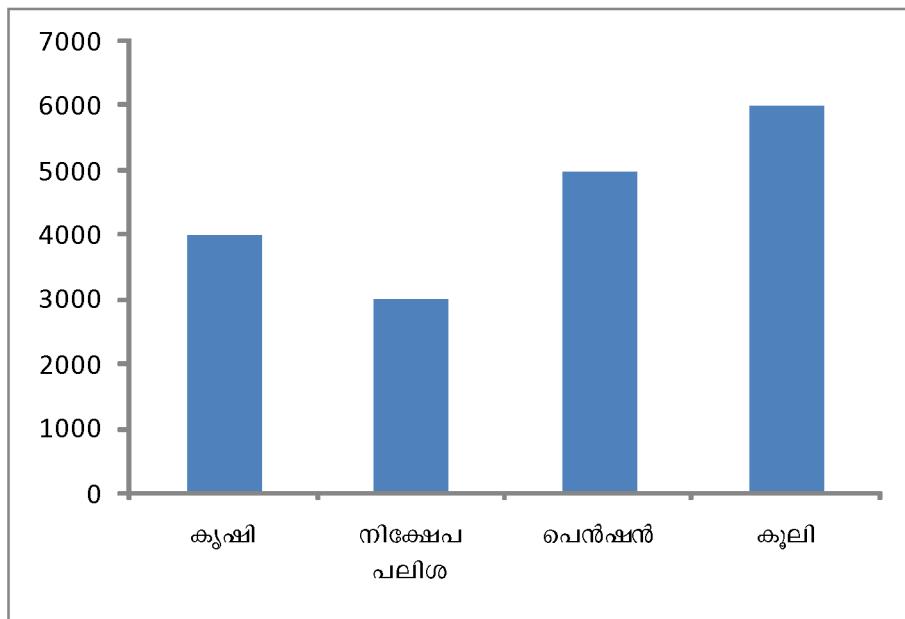
വ്യത്ത ചിത്രങ്ങളാക്കി അവതരിപ്പിക്കാവുന്ന 5 രം കുറയാത്ത പ്രശ്ന സന്ദർഭങ്ങൾ കണ്ടെത്തി ചിത്രങ്ങൾ തയാറാക്കുക.

ഓരോ ചിത്രത്തിന്റെയും അടിസ്ഥാനത്തിൽ ചോദ്യങ്ങളും ഉത്തരങ്ങളും തയാറാക്കുക. അപ്രസന്ന ഉദ്ദേശമന ചോദ്യാത്തരങ്ങളിലൂടെ പ്രശ്ന നിർബന്ധണം നിർവ്വഹിക്കുമല്ലോ.

4. ചതുരചിത്രങ്ങളും വ്യത്തചിത്രങ്ങളും

ചതുരചിത്രങ്ങളിൽ കൂടി വിനിമയം ചെയ്യുന്ന ദത്തങ്ങളെ വ്യത്തചിത്രങ്ങളാക്കി മാറ്റാം.
വ്യത്ത ചിത്രങ്ങളെ ചതുരചിത്രങ്ങളാക്കിയും മാറ്റാം.

ഉദാഹരണമായി താഴെ നൽകിയ ചതുരചിത്രം പരിശോധിക്കുക.

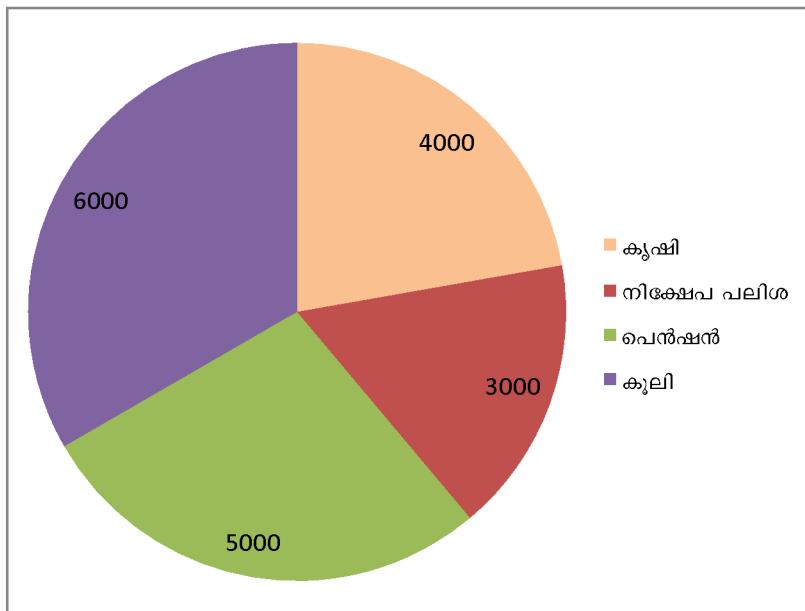


കൂടുംബത്തിന്റെ പ്രതിമാസ വരുമാനം

അരു കൂടുംബത്തിന്റെ പ്രതിമാസ വരുമാനംസാത്യുകളെയാണ് ഇതിൽ ചിത്രീകരിച്ചിരിക്കുന്നു.

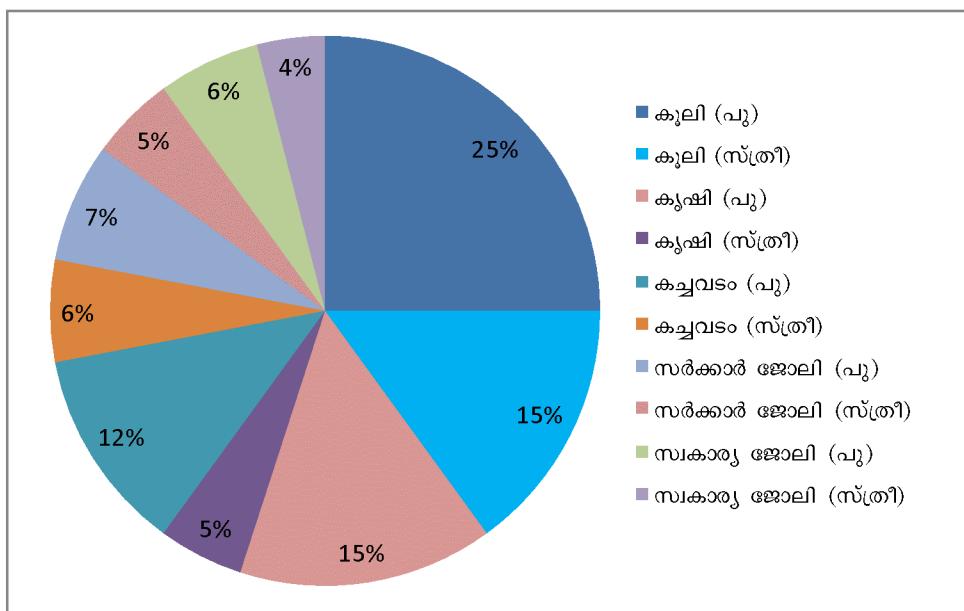
കൃഷ്ണ	4000 രൂപ
നികേഷപ പലിഡ്	3000 രൂപ
പൈൻഷൻ	5000 രൂപ
കുലി	6000 രൂപ
ആരക്ക്	18000 രൂപ

ഇതിനെ വ്യത്ത ചിത്രമാക്കി മാറ്റിയാൽ



പ്രവർത്തനം :

താഴെ കൊടുത്ത വൃത്തചിത്രം പരിശോധിക്കുക. ഒരു വാർഡിലെ വ്യത്യസ്ത തൊഴിൽ ചെയ്യുന്നവരുടെ കണക്കാണ് നൽകിയിരിക്കുന്നത്.



കുലി (പു)	25%
കുലി (സ്ത്രീ)	15%
കൃഷി (പു)	15%
കൃഷി (സ്ത്രീ)	5%
കച്ചവടം (പു)	12%
കച്ചവടം (സ്ത്രീ)	6%
സർക്കാർ ജോലി (പു)	7%
സർക്കാർ ജോലി (സ്ത്രീ)	5%
സകാര്‍യ ജോലി (പു)	6%
സകാര്‍യ ജോലി (സ്ത്രീ)	4%

ഈ ദത്തങ്ങളെ ഉപയോഗിച്ച് ഒരു ചതുരചിത്രം നിർമ്മിച്ചു നോക്കു. നിങ്ങൾക്ക് ലഭിച്ച ഈട് ചതുര ചിത്രത്തിന് വ്യത്യസ്ത നിറങ്ങൾ നൽകുക.

പ്രവർത്തനം :

ചതുരചിത്രങ്ങളും വൃത്തചിത്രങ്ങളും പരസ്പരം മാറ്റി ചിത്രീകരിക്കാവുന്ന 5 ത്തേ കുറയാത്ത പ്രത്യന്നസന്ദർഭങ്ങൾ കണ്ടെത്തുക. കണ്ടെത്തിയ ദത്തങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് ചതുരചിത്രങ്ങളുടെയും വൃത്തചിത്രങ്ങളുടെയും പത്രപ്പൂകൾ തയാരാക്കു.

5. ആവൃത്തിപട്ടികയും ഫിഡ്യൂലേറ്റേഷൻ

തരംതിരിക്കാത്ത ദത്തങ്ങളെ അനുയോജ്യമായ റീതിയിൽ വർഗ്ഗീകരിക്കാനും പട്ടികപ്പെടുത്താനും അവയെ ചിത്രീകരിക്കാനും ഫിഡ്യൂലേറ്റേഷൻ ഉപയോഗിക്കുന്നു.

ഒരു ക്ലാസിലെ 30 കുട്ടികൾക്ക് ശബ്ദി പരീക്ഷയിൽ കിട്ടിയ സ്കോറുകൾ താഴെ കൊടുക്കുന്നു.

45, 36, 37, 48, 23, 31, 46, 32, 28, 29, 45, 40, 19, 29, 18, 33, 36, 22, 27, 41, 48, 50, 30, 38, 26, 34, 46, 8, 28, 29

ശ്രേഡ് നിലവാരം മുണ്ടെന്നാണ്

40 - 50	A
30 - 39	B
20 - 29	C
10 - 19	D
0 - 9	E

അതോ ശ്രേഡ് നിലവാരത്തിലും എത്ര വീതം കുട്ടികൾ ഉണ്ടെന്ന് കണ്ടെത്താൻ ഈ സ്കോറുകളെ എണ്ണി തിട്ടപ്പെടുത്തേണ്ടതുണ്ട്. അതിന് നാം സാധാരണ ടാലി (Tally) അടയാളങ്ങൾ ആണ് ഉപയോഗിക്കുന്നത്.

ദ്രോഡ്	റേഖ	എണ്ണം (ഡലി)	ആവുത്തി
A	40 - 50		8
B	30 - 39		11
C	20 - 29		8
D	10 - 19		2
E	0 - 9		1

പ്രവർത്തനം :

പ്രശ്നസമർഥം: 1

നിങ്ങളുടെ കൂറാസിലെ കൂട്ടികളുടെ ഉയരം ഇതുപോലെ ആവുത്തി പട്ടികയാക്കി നോക്കുക.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം: 2

നിങ്ങളുടെ സഹപാർികൾ എത്ര മണിക്കൂർ T.V. കാണുന്നു/ഇട്ടിരുന്നു ഉപയോഗിക്കുന്നു/ സോഷ്യൽ മീഡിയ ഉപയോഗിക്കുന്നു എന്ന ദത്തം ശേഖരിച്ച് ആവുത്തിപട്ടികയാക്കുക.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം: 3

സഹപാർികളുടെ ഒരു ശ്രൂപ്പുകൾ കണ്ണാട്ടി ആവുത്തി പട്ടികയാക്കാനുള്ള

മറ്റ് പ്രശ്ന സന്ദർഭങ്ങൾ കണ്ണാട്ടി അഞ്ച് ആവുത്തി പട്ടികകൾ തയാറാക്കുക.

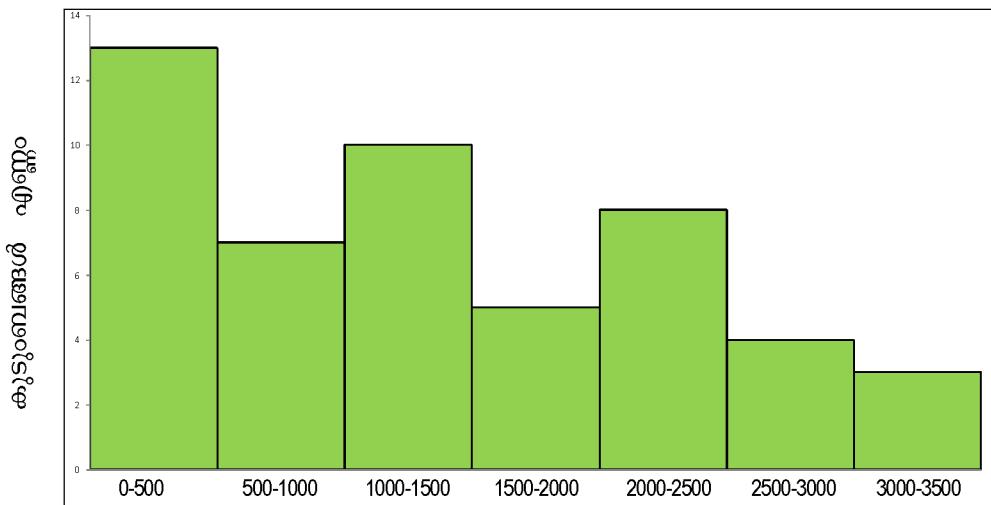
ആവുത്തിപ്പട്ടികയിൽ കൂടി ക്രമീകരിക്കുന്ന ദത്തങ്ങളെ ഹിറ്റേഡ്രാം രൂപത്തിൽ ചിത്രീകരിക്കാവുന്നതാണ്.

പ്രശ്ന സന്ദർഭം: 1

ചുറ്റുമുള്ള 50 കൂടുംബങ്ങളിൽ നടത്തിയ സർവ്വേയിൽ ലഭിച്ച അവസ്വരൂമാനമാണ് താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നത്.

അവസ്വരൂമാനം (രൂ)	കൂടുംബങ്ങളുടെ എണ്ണം
0 - 500	13
500 - 1000	7
1000 - 1500	10
1500 - 2000	5
2000 - 2500	8
2500 - 3000	4
3000 - 3500	3
ആകെ	50

പട്ടികയിലെ ദത്തങ്ങളെ ഹിന്ദുസ്ഥാനിൽ ചിത്രീകരിച്ചിരിക്കുന്നത് നോക്കു.



പ്രവർത്തനം :

അനുഭ്യാസമായ പ്രശ്നസമാർഥങ്ങളും ദത്തങ്ങളും ശേഖരിച്ച് 5 ത്തോളം കുറയാത്ത ആവൃത്തി ചതുരങ്ങൾ (ഹിന്ദുസ്ഥാനം) നിർമ്മിക്കുക.

പാഠപുസ്തക അപാരമിനം

- 5, 6, 7 സ്കൂളിലെ പാഠപുസ്തകങ്ങൾ പരിശോധിച്ച് ‘ദത്തങ്ങളുടെ ഗണിതം’ വുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പാഠങ്ങൾ അപാരമിച്ച്, ഓരോ പാഠത്തിലും ഉള്ള ദത്തങ്ങൾക്കുണ്ടായാൽ ദത്തസമാർക്കണ്ടതിന്റെ ചിത്രീകരണങ്ങളുടെയും അപാരമന രീപ്രോം്ടുകൾ തയാറാക്കുക.
- ഓരോ പഠനക്കേന്ത്രത്തിനും അനുഭ്യാസമായ ബോധവന്മാരികളും ബോധവന്ത്രങ്ങളും കണ്ണഡത്തി പ്രവർത്തനക്കുറിപ്പുകൾ തയാറാക്കുക.

ഐ.സി.ടി (ICT) യൂഡ് പ്രയോഗം

- പിക്ഫോഡാം, ബാർഗ്ഗാഫ്, പൈഗ്രാഫ്, ആവൃത്തിചതുരം എന്നിവയുടെ ഓരോനിന്റെയും രണ്ട് വീതം ചിത്രീകരണങ്ങൾ ICT യൂഡ് സഹായത്തോടെ തയാറാക്കി CD/pendrive തും സൂക്ഷിക്കുക. ഓരോ ചാർട്ട് നിർമ്മാണത്തിന്റെയും നിർമ്മാണക്രമം (സ്ലോഡി ബോർഡ്) വിശദമായി തയാറാക്കുക. ഈ പ്രവർത്തന ധയറിയിലും ഡിജിറ്റൽ രൂപത്തിലും തയാറാക്കുമ്പോൾ ഇതിനായി ഉബുണ്ടുവിൽ

Libre office → calc → Insert chart ഉപയോഗപ്പെടുത്തുക.

(Windows → Word / Excel → Insert chart ഉം ഉപയോഗിക്കാവുന്നതാണ്.)

ഈ യുണിറ്റിലുടെ ചർച്ച ചെയ്ത പ്രധാന ആശയങ്ങൾ

- ദത്തവിശകലവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഉള്ളടക്ക ധാരണ കൈവരിക്കൽ (പ്രൈമറി ഗണിത പാഠപുസ്തകങ്ങളിലെ ബന്ധപ്പെട്ട യുണിറ്റുകൾ)

- ദത്തവിശകലനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടുത്തി ഗണിതാശയങ്ങളും യാരണകളും പഠനപ്രവർത്തന നങ്ങളും സഹയത്തമാക്കൽ
- വിവിധ ഗണിത ഖോജന രീതികളുപയോഗിച്ച് ദത്തങ്ങളുടെ വിശകലനം പ്രയോഗത്തല തിൽ അപദ്രവമനും നടത്തൽ
- പഠനേട്ടങ്ങൾ തിരിച്ചറിയൽ (ദത്തവിശകലനം 5, 6, 7 കൂടാശകൾ)
- താഴെപ്പറയുന്ന ഗണിതാശയങ്ങൾ കൂണ് മുറിയിൽ വിനിമയം ചെയ്യുന്നതിനും പ്രായോഗ വർക്കേറിക്കുന്നതിനുള്ള ധാരണ കൈവരിക്കൽ എന്നിവയാണെല്ലോ.

രഹസ്യസ്വഭാവം

1. പാഠപ്രസ്തകങ്ങൾ കൂണ് 5, 6, 7, 8 (ഗണിതം, ICT). സംസ്ഥാന വിദ്യാഭ്യാസ ഗവേഷണ പരിശീലന സമിതി (SCERT) തിരുവനന്തപുരം.
2. അധ്യാപക കൈപ്പുസ്തകങ്ങൾ, കേരള വിദ്യാഭ്യാസ വകുപ്പ്.
3. സമഗ്ര പോർട്ടൽ, കേരള.

യൂണിറ്റ് 5

ഗണിതാസ്യാദം

ആമുഖം

ഗണിതം ലളിതവും മധുരതവുമാക്കണമെങ്കിൽ ചിന്തയുടെ ഗണിതവൽക്കരണം സന്ദർഭേച്ചിരുത്താൻ നടക്കണം. പ്രശ്നസമാർഥങ്ങളെ തരണം ചെയ്ത് മുന്നോറാൻ ഈ ഗണിതവൽക്കരണം അണിവാരുമാണ്. ഗണിതസമാർഥങ്ങളെ ദൃശ്യവൽക്കരിക്കാനും ദൃശ്യവൽക്കരിച്ചതിനെ ആസാദിച്ച് വ്യാഖ്യാനിക്കാനുമുള്ള കഴിവാണ് കൂട്ടികളുടെ പ്രശ്നനിർധാരണശൈലേയ വർധിപ്പിക്കുന്നത്. ഗണിതം ആസാദിച്ച് സാധ്യതമാക്കാൻ കഴിവുള്ള ഒരു കൂട്ടിയിൽ ഗണിതവൽക്കരണം നടന്നു എന്നതിന്റെ തെളിവായി ഈതിനെ കാണാം.

ഗണിതശൈലി നേടുക എന്നത് കേവലം ഗണിതക്രിയകൾ ചെയ്ത് ഉത്തരങ്ങിൽ എത്തുക എന്നതിനുമല്ലെങ്കിൽ അതിലെ ആസാദത്തലയം കൂടി സാധ്യതമാക്കണമെന്നതുണ്ട്.

ക്ലാസ്റ്റിലും പറഞ്ഞേതാടൊള്ളും തന്നെ അനുപചാരികപഠന സന്ദർഭങ്ങളും ഒരുക്കേണ്ടതുണ്ട്. കൂടി കൾക്ക് സത്രയ്ക്കുമായി ഇടപെടാനുള്ള ഇത്തരം സന്ദർഭങ്ങളാണ് ഗണിതക്ലബ്, ഗണിത ലൈബ്രറി എന്നിവയിൽ ഉൾപ്പെടുത്തേണ്ടത്.

ഗണിതാസ്യാദം

- പഠനബോധന പ്രക്രിയയിൽ ഗണിതാസ്യാദം എങ്ങനെ സാധ്യമാക്കണം.
- മുർത്തമായ ആശയങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് അമുർത്തമായ ആശയങ്ങളിലേക്കുള്ള എത്തിക്കുന്നതിനുള്ള പ്രവർത്തനങ്ങൾ.

ഉദാ:

				19
				23
+	+			?
	+		+	?

? 19 16 ?

ഇതിൽ വരിയായും നിരയായും തുകകളാണ് ഉപയോഗിച്ചിരിക്കുന്നത്. ഓരോ ചിഹ്നവും സൂചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യ എത്ര?

അറിവ് നിർമ്മാണപ്രകീയയുടെ അട്ടങ്ങളിലുടെ ഈ പ്രശ്നത്തെ കുട്ടികൾ പരിഹരിക്കുന്നു. പ്രശ്നപരിഹരണം നടന്നത് എങ്ങിനെയെന്ന് ഓരോ കുട്ടിയും വിശദീകരിക്കുന്നു.

പ്രശ്നപരിഹരണത്തിന് ശേഷം അധ്യാപകൻ ചിഹ്നങ്ങൾക്ക് പകരം അക്ഷരങ്ങൾ മാറ്റി എഴുതുന്നു. അതായത്

y	y	x	y	19
x	z	x	y	23
k	k	x	x	?
y	k	x	k	?
?	19	16	?	

പരിഹരിച്ച രീതിയെ കുട്ടികൾ അക്ഷരത്തിലേക്ക് (ചരണ്ടർ) മാറ്റി പറയുമ്പോൾ സാംഭാവികമായി വരുന്ന സമവാക്യങ്ങളെ ഇവിടെ നിർബന്ധം ചെയ്ത് പരിഹാരം കാണുകയാണ്.

അതായത് $4x = 16$

$$\text{അതുകൊണ്ട് } x = \frac{16}{4} = 4$$

പിന്നീട്

$$3y + x = 19$$

$$3y + 4 = 19$$

$$3y = 15$$

$$y = \frac{15}{3} = 5$$

$$2x + y + z = 23$$

$$8 + 5 + z = 23$$

$$z = 23 - 13 = 10$$

ഇങ്ങനെ എറ്റവും ഒരുവിൽ

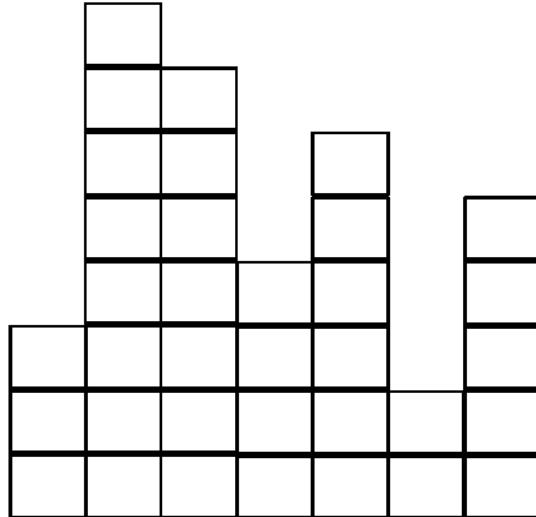
$$y + z + 2k = 19 \text{ കുണ്ട്}$$

k യുടെ വില കണ്ടതുമോൾ

അമുർത്ത വസ്തുക്കളെ മുർത്ത ഭവത്താട കാണാനുള്ള കഴിവ് കൂട്ടികൾ നേടുന്നു.

- സംഖ്യകളുടെ പ്രത്യേകതകളെ/ആശയങ്ങളെ, പാട്ടാനുകളെ, കിയാരീതികളെ ജാമിതീയ പരിപ്രേഷ്യം നൽകി വിശദികരിക്കുക.

ഉദാഹരണം



ചിത്രത്തിലെ 35 സമചതുര കടകൾ ക്രമീകരിച്ചുത് പ്രാഞ്ചിപ്പിക്കുന്നു. ചിത്രത്തിൽ എത്ര അടികൾ ഉണ്ട് (7)

അടിയുടെ എല്ലാത്തിൽ മാറ്റം വരുത്താതെ കടകളെ ഒരു ചതുരമായി ക്രമീകരിക്കാമോ?

ചതുരത്തിന്റെ നീളം എത്ര? വീതി എത്രയാണ്? ചതുരത്തിന്റെ വീതിക്ക് ശരാശരിയുമായി ബന്ധമുണ്ടോ? എന്തുകൊണ്ട്? നിങ്ങൾ കണ്ടതുമല്ലോ?

ഗണിത കൂബ്

ഗണിത കൂബ് എന്തിന്?

- ഗണിതത്തിലെ പുതിയ കണ്ണൂപിടിത്തങ്ങളെയും അവയുടെ വളർച്ചയെയും കുറിച്ച് യാരെ നേടൽ
- ഗണിതത്തിൽ താല്പര്യം വളർത്തുന്നതിന്
- സംഘപ്രവർത്തനങ്ങളിലൂടെ സഹകരണ മനോഭാവം ഉണ്ടാക്കുന്നതിന്.
- ഒഴിവുസമയം ഫലപ്രദമായി ഉപയോഗിക്കൽ.
- ഒഴിവു സമയം കൂട്ടികളിൽ യുക്തി സമർത്ഥനതിനുള്ള അവസ്ഥയുണ്ടാക്കൽ.

- Quiz, exhibition, Maths fair എന്നിവ സംഘടിപ്പിക്കുന്നതിനുള്ള സംഘടന നേതൃത്വം നേടുന്നതിന്.
- ശാസ്ത്രീയ മനോഭാവവും, ആത്മരേഖയും വർദ്ധിപ്പിക്കുന്നതിന്.
- ഗണിതശാസ്ത്രജ്ഞന്മാരെക്കുറിച്ചും അവരുടെ സംഭാവനകളെക്കുറിച്ചും ഉള്ള അറിവ് നേടുന്നതിന്.
- ഗണിത ചരിത്രം മനസ്സിലാക്കുന്നതിന്
- ഗണിതവൽക്കരണത്തിന്റെ ശക്തി തിരിച്ചറിയുന്നതിന്.
-
-

ഗണിത കൂൺ പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- Inter-class, inter school മത്സരങ്ങൾ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- സമമിനാർ, debate എന്നിവ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- ഗണിത മാസിക
- ഗണിത ദിനാചരണങ്ങൾ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- Radio, TV പ്രോഗ്രാമുകൾ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- ഗണിത ലൈബ്രെറി സംഘടനം.
- ഗണിതലാഭ് ഉപകരണങ്ങൾ നിർമ്മിക്കൽ.
- പസിൽ, റിയിൽസ്, ഗൈഡിം എന്നിവയുടെ കൂടാൻ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- ഗണിത സഹവാസക്യാമ്പ്, ഗണിതക്ലബ്, ഗണിത എക്സിബിഷൻ, ഫെയർ എന്നിവ സംഘടിപ്പിക്കൽ.
- ഗണിതത്തിൽ പിന്നോക്കം നിൽക്കുന്ന കൂട്ടികളെ സഹായിക്കാനുള്ള പ്രവർത്തനങ്ങൾ.
- ഹീൽസ് ടീപ്പുകൾ
 - വിവിധ തൊഴിലുകളിലെ ഗണിതം
 - പ്രകൃതിയിലെ ഗണിതം
 - നിർമ്മാണ മേഖലയിലെ ഗണിതം
 - ആര്ക്കണ്ടിനിക്മാണക്രോം, നൈൽത്തുശാല, മരപ്പണിശാല.....

ഗണിത ലൈബ്രെറി

സാധംപഠനത്തിന്റെ മലപ്രദമായ വേദിയാണ് ഗണിത ലൈബ്രെറി. ഒരു നല്ല ഗണിത ലൈബ്രെറി അധ്യാപകർക്കും കൂട്ടികൾക്കും അറിവിന്റെ നിധിയാണ്. പ്രോജക്റ്റുകളിലെ വിവരശേഖരണത്തിനും, റഹരണസിനും ഉപയോഗപ്പെടുത്താവുന്ന നോം ലൈബ്രെറി.

ഗണിത ലൈബ്രെറി എന്തിന്?

- റഹരണസിൽ എന്ന പന്ത ത്രജിത്തിന്റെ പ്രയോഗം.
- പുതിയ അറിവിനെക്കുറിച്ചുള്ള കൂത്യമായ ധാരണനേടൽ.
- അറിവിന്റെ ആധികാരികര തിരിച്ചറിയാൻ

- വായനാ സംസ്കാരം വളർത്താൻ.
-
-

ഗണിത ലൈബ്രറിയെ എങ്ങനെ ഫലപ്രദമാക്കാം

- ഗണിതാധ്യാപകരെ ഉത്തരവാദിത്തം ഏൽപ്പിക്കൽ.
- കുട്ടികൾക്ക് അതുമായി ബന്ധപ്പെട്ട അസൈൻമെന്റ് നൽകൽ.
- ലൈബ്രറിയെ ഈനും തിരിക്കൽ, പാഠഭാജനങ്ങളും തരംതിരിക്കൽ.
- ഗണിത കൂർശ് പ്രവർത്തനങ്ങൾ ഏകോപിപ്പിക്കൽ
- കൂടുതൽ വിനോദ വിജ്ഞാന പ്രവർത്തനങ്ങൾ സംഘടിപ്പിക്കൽ.

ഗണിതലാഭ്

ഗണിതാശയങ്ങളിൽ പലതും അമൃദ്ധതമായതിനാൽ പഠനാപകരണങ്ങൾ പ്രയോജനപ്പെട്ടു തത്ത്വാവണം വിനിമയം നടക്കേണ്ടത്. ആയതിനാൽ ദൃശ്യഗണിതത്തിന് ഉള്ളാൽ നൽകേണ്ടത് അനിവാര്യമാണ്. പാനം നടക്കുന്നത് പ്രധാനമായും മൂന്ന് രീതിയിലാണ്. ദൃശ്യപരം, ശ്രവ്യപരം, ശാരീരിക ചലനപരം. ഇവയ്ക്ക് ഒരിടം എന്നതാണ് ഗണിത ലാബിനേറക്കാബ്സ് ഉദ്ദേശിക്കുന്നത്. ‘Learning by doing’ എന്ന ആശയത്തിൽ ഉള്ളിടക്കാം ഉള്ളിടക്കുന്നതാണ്. ഗണിതപഠനം മുന്നോക്കരാരേയും പിന്നാക്കരാരേയും ഒരു പോലെ പരിഗണിക്കപ്പെടുന്നതാണ്.

ഗണിതപഠനം മികച്ച സജ്ജീകരണങ്ങളോടെയുള്ള ഒരു ഗണിതലാഭിലൃട്ട് എന്നത് പഠനത്തിന്റെ തീവ്രതയും ആസ്ഥാനവും വർദ്ധിപ്പിക്കും.

പ്രേമരി തലത്തിൽ കൂസ്മുറികൾ തന്നെ ഗണിതലാഭാക്കി മാറ്റാം. ഇതിനായി ഗണിതലാഭിലെ ഉപകരണങ്ങൾ പ്രയോജനപ്പെട്ടതാം. കുട്ടികളുടെ പഠനത്തിന് ആവശ്യമായ സാമഗ്രികളും ഉല്പന്നങ്ങളുമാണ് ഗണിതലാഭിലെ ഉണ്ടാക്കേണ്ടത്. ഓരോ ഗണിതാശയങ്ങൾക്കും അനുയോജ്യമായ പഠനാപകരണങ്ങൾ സംഘടിപ്പിക്കേണ്ടതാണ്.

നേരനുബന്ധിലൂടെയാണ് ധ്യാനിക്കുമ്പോൾ പഠനം നടക്കുന്നത്. നിരുദ്ധീവിതത്തിലും പരിസരത്തിലുമുള്ള ഗുണപരമായ സംഭവങ്ങളും പ്രശ്നങ്ങളും ആശയങ്ങളും കുട്ടികൾക്ക് നേരിട്ട് ലഭിച്ചാൽ മാത്രമേ ഗണിത പഠനം ധ്യാനിക്കുമ്പോൾ സ്ഥിരതയുള്ളതും പ്രഖ്യാപനം ചെയ്യപ്പെടുന്നതുമാവുകയുള്ളൂ.

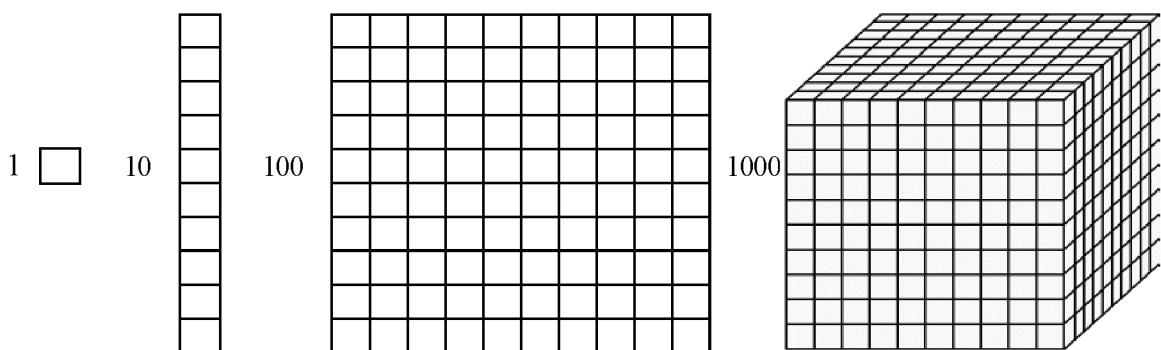
പ്രകൃതിയിലെയും നിരുദ്ധീവിതത്തിലെയും ഗുണപരമായ സാഹചര്യങ്ങളുടെ കൂസ് രൂം രൂപങ്ങളാണ് ഓരോ ഗണിതലാഭിലൃട്ട് ഒരുക്കേണ്ടത്. ഇതിനാവശ്യമായ വിഭവങ്ങളെ അനുയോജ്യമായ മാതൃകകളും ഉപകരണങ്ങളും ചിത്രങ്ങളും ദൃശ്യങ്ങളുമാക്കി ഒരുക്കുന്നോൾ ഒരു ഗണിത ലാഭ് രൂപപ്പെടുന്നു.

ഓരോ കൂസിലെയും പഠനനേട്ടങ്ങൾ പ്രധാന ആശയങ്ങൾ എന്നിവ അപഗ്രേഡീക്കുന്നോൾ അനുയോജ്യമായ ലാഭ് വിഭവം ഏതെന്ന് കണ്ണെത്താനാവും. ഇങ്ങനെ ഓരോ കൂസിലേക്കും ആവശ്യമായ മുഴുവൻ വിഭവങ്ങളും ഒരുക്കുന്നോൾ സമ്പൂർണ്ണമായ ലാഭ് രൂപപ്പെടുന്നു.

ഗണിതലാഭ് ഒരുക്കുന്നതിനുള്ള ധാരാളം റഫറൻസ് പുസ്തകങ്ങളും ഇൻററെറ്റ് വിഭവങ്ങളും ലഭ്യമാണ്. അവ ഉപയോഗിച്ച് കൂടുതൽ ധാരണകൾ രൂപീകരിക്കുമ്പോൾ.

ഗണിതലാബിലെ ഇനങ്ങൾ എന്താക്കേ?

- Place value kit



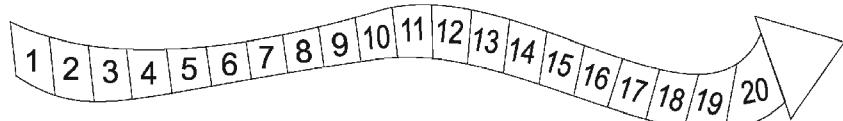
ഒന്ന്, പത്ത്, നൂറ്, ആയിരം എന്നിവയെ സൂചിപ്പിക്കുന്നതിന് അനുയോജ്യമായ രോധുകൾ ആണ് ഇതിൽ ഉപയോഗിക്കുന്നത്. സംഖ്യാബോധവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രവർത്തനങ്ങൾക്ക് ഇവ അനുയോജ്യമാണ്.

- Jodo block

പരസ്പരം ചേർത്ത് വെക്കാൻ പറ്റുന്ന ചെറിയ ശ്രോക്കുകളാണ് ഇവ. സംഖ്യാബോധവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രവർത്തനങ്ങളും, സൗഖ്യാദശിഖരങ്ങളും, സൗഖ്യാദശിഖരങ്ങളും എന്നിവയുടെ ആശയാവത്രണം ഇവ ഉപയോഗപ്പെടുത്താം.

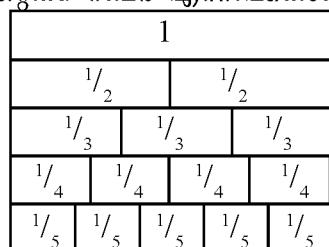


- സംഖ്യാരിബോൾ



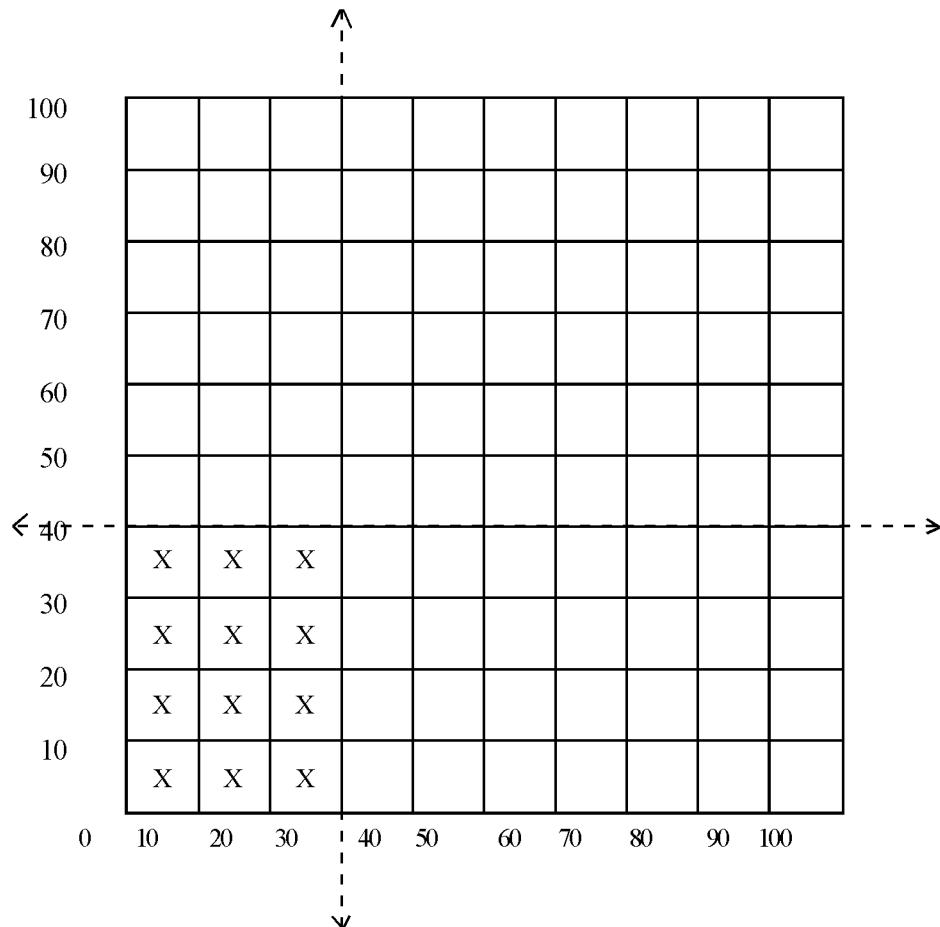
- Fraction disc

ഭിന്നസംഖ്യകളുടെ വലിപ്പം തുല്യഭിന്നം എന്നീ ആശയങ്ങൾ visualise ചെയ്യുന്നതിന് ഇവ ഡിസ്ക് ഉപയോഗിക്കാം. മരം, സിതറൂടികൾ റബർ എന്നിവകൊണ്ടാണ് ഈ നിർമ്മിക്കുക.



- 10x10 grid board (percentage board)

ശതമാനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ആശയവൃക്തതകൾ ഈ ബോർഡ് ഉപയോഗിക്കാം. ഇദാഹരണം 40 ന്റെ 30% എത്രയാണ് എന്ന് ചിത്രത്തിൽ രേഖപ്പെടുത്തിയ ഫകാരം കണ്ടത്താം.



30ന്റെ 40% എത്ര?

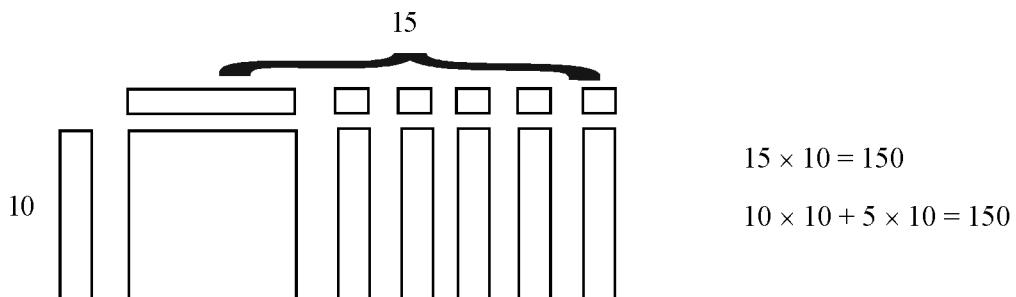
15ന്റെ 20% ഈ ബോർഡിൽ നിന്ന് എങ്ങനെ കണ്ടത്താം?

- ഗുണനഹരണ സ്ക്രിപ്പുകൾ

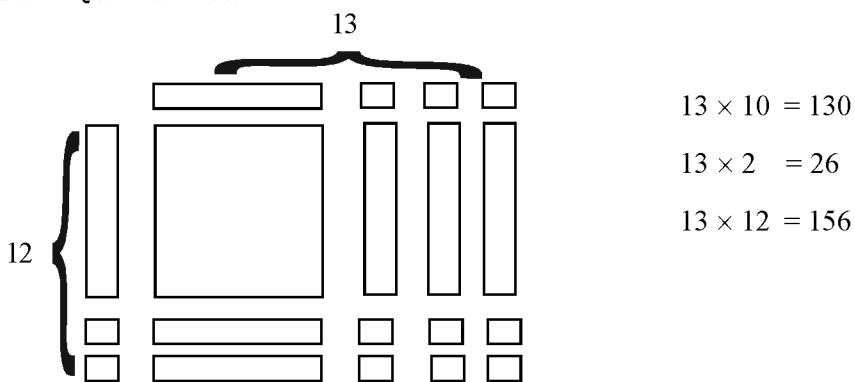
ഗുണനത്തിനും ഹരണത്തിനും ഒരു പോലെ ഉപയോഗിക്കാൻ പറ്റുന്നതാണ് ഈ സ്ക്രിപ്പുകൾ. കാർഡ്/ബോർഡ്/കളിപ്പേപ്പൾ കൊണ്ട് നിർമ്മിക്കാം.

ഈ സ്ക്രിപ്പ് ഉപയോഗിച്ച് 15×10 രേഖപ്പെടുത്തിയത് നോക്കു.

15×10



13 × 12 എഞ്ചിനേ പിത്തീകരിക്കാം.



അരു ഗണിതലാബിൽ എന്നൊക്കെ ഇനങ്ങളാണ് വിവിധ ലേണിംഗ് എയ്ഡ് നിർമ്മാണത്തിന് അത്യാവശ്യമായിട്ടുള്ളത്. അധ്യാപകരും കൂട്ടികളും രക്ഷിതാക്കളും ചേർന്ന് ലാബിലേക്കാവശ്യമായ പറ്റിയോപകരണങ്ങൾ നിർമ്മിക്കാം.

- Black board
- Black board പോലെ ഉപയോഗിക്കാൻ പറ്റുന്ന മേഖല
- Reference പുസ്തകങ്ങൾ
- ഗണിത ഉപകരണങ്ങൾ
- LCD, Calculator തുടങ്ങിയവ
- Charts, glazed paper, sketch pen എന്നിവ
- Pin, threads
- ജിയോ ബോർഡ്
- യൂണിറ്റ് ക്യൂബുകൾ
- Area perimeter board
- Transparency sheet
- സിന്ററിക് റഫ്ലക്ടർ - വിവിധ കളരുകളിൽ
- റൂടികൾ പേപ്പർ
- Foam board
- Acrylic sheet
- സംഖ്യാ കാർഡുകൾ
- Models of solids
- ശ്രാഹ്നുകൾ
- ഗണിത സോഫ്റ്റ്‌വെയർ ഇൻസ്റ്റാൾ ചെയ്ത കംപ്യൂട്ടർ.
- ഗണിത റിസോഴ്സ് മെറ്റീരിയൽ സോഫ്റ്റ് കോപ്പി.
- വിവിധ കളർ ടോക്കണ്ടുകൾ.
-
-

റഫറൻസ്

ഗണിതലാബ് - എസ്.സി.ഇ.ആർ.ടി, തിരുവനന്തപുരം

A manual for Mathematical Laboratory - NCERT

A manual for Mathematical Laboratory - Prof. M.N. Rao

പസില്യുകൾ, കളികൾ

പുതിയ കാര്യങ്ങൾ കണ്ണഭത്താൻ പ്രേരിപ്പിക്കുന്നതും അന്വേഷണത്വര വർദ്ധിപ്പിക്കുന്നതുമാക്കണം ഗണിതപഠനവും അധ്യാപനവും. പസില്യുകൾ പോലുള്ള ഗണിത പ്രശ്നങ്ങൾ തുകൽ സമർത്ഥനതിലുടെ ഉത്തരം കണ്ണഭത്തുബോഴുണ്ടാകുന്ന കേവലാഹ്ലാദം ചെറുതല്ല. ജാമിതിയിലേയും സംഖ്യാബ സ്യാങ്കളിലേയും റസിക്കത്വവും അവയുടെ ചലനാത്മകതയും കൂട്ടികൾക്ക് അനുഭവഫേയുമാക്കാൻ അധ്യാപകവിദ്യാർത്ഥികൾക്ക് കഴിയണം.

പസില്യുകളിലേയും ശൈലിമുകളിലേയും പ്രശ്നപരിഹരണത്തിന് വിവിധ പ്രശ്നപരിഹരണ തന്ത്രങ്ങൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്.

കൂട്ടികൾ ഒരു പസിൽ നിർധാരണം ചെയ്യുന്നതിനോടൊപ്പും അതിൽ അഭ്യന്തരിയിരിക്കുന്ന ഗണിതയുടി കൂടി തിരിച്ചറിയേണ്ടിയിരിക്കുന്നു.

പ്രവർത്തനങ്ങൾ :

1) കുറേ കൂട്ടികൾ വട്ടത്തിൽ (round) ഓടുന്നു. എല്ലാ കൂട്ടികളും കുമ്മായി നമ്പർ പറയുന്നു 1, 2, 3, 4, അടുത്തടുത്ത് നിൽക്കുന്ന കൂട്ടികൾ പരഞ്ഞ നമ്പർകളുടെ തുക 20 ആയാൽ ആ റാബ്ലിൽ ആകെ എത്ര കൂട്ടികൾ ഉണ്ട്?

ഈ പ്രശ്നം എങ്ങനെന്നാണ് നിർധാരണം ചെയ്യുന്നത്?

എല്ലായിൽ സംഖ്യകളിൽ തുടർച്ചയായ രണ്ട് എല്ലായിൽ സംഖ്യകളുടെ തുകയുടെ പ്രത്യേകത എന്താണ്? അവ എപ്പോഴും ഒരു ഒറ്റ സംഖ്യ ആയിരിക്കുമോ? എന്തുകൊണ്ട്? അടുത്തടുത്തുള്ള രണ്ട് സംഖ്യകളുടെ തുക ഇരട്ടസംഖ്യ ആവുമോ?

എകിൽ റാബ്ലിലെ അവസാനത്തെ കൂട്ടിയും ആദ്യത്തെ കൂട്ടിയും പറയുന്ന സംഖ്യ ആയിരിക്കില്ലോ? അതായത് $1 + 19 = 20$

അതുകൊണ്ട് ആ വട്ടത്തിൽ ആകെ 19 കൂട്ടികൾ ഓടുന്നു.

- അടുത്തുള്ള രണ്ടിൽ കുടുതലുള്ള കൂട്ടികളെ പരിഗണിച്ചാൽ എങ്ങനെന്നെന്നെങ്ങെന്നോവും?
- 20 നു പകരം മറ്റു സംഖ്യകളായാൽ എങ്ങനെന്നെന്നോവും?

ഇവിടെ ചർച്ച ചെയ്യാവുന്ന ഗണിതാശയം തുടർച്ചയായ രണ്ട് എല്ലായിൽ സംഖ്യകളുടെ തുക എപ്പോഴും ഒരു ഒറ്റ സംഖ്യ ആയിരിക്കും.

2) മുന്നു ലെറ്റർ ഹൗസുകളിൽ ഒന്നാമത്തെ ലെറ്റർ ഹൗസ് ഓരോ ഒരു മിനിട്ടിലും പ്രകാശിക്കും. റബ്ലാമത്തെ ലെറ്റർ ഹൗസ് മുന്നു മിനിട്ടിലും മുന്നാമത്തെ ലെറ്റർ ഹൗസ് അഥവാ മിനിട്ട് ഇടവിട്ടുമാണ് പ്രകാശിക്കുന്നത്. ഈ മുന്നും റബ്ലാമെ ആർ മൺിക്ക് ഒന്നിച്ച് പ്രകാശിച്ചുകിൽ അടുത്ത എത്ര സമയത്താണ് ഈ വീണ്ടും ഒന്നിച്ച് പ്രകാശിക്കുന്നത്?

ഈ പ്രശ്നം പരിഹരിക്കുക. ഇതിൽ അഭ്യന്തരിയിരിക്കുന്ന ഗണിതാശയം എത്താണ്?

അബ്ദൈഖംമെന്റ്

- ക്ലാസ്സിൽ ഒരു ഗണിതപസിൽപ്പതിപ്പ് പ്രസിദ്ധീകരിക്കുക.

കളികൾ (games)

അന്വേചനാരികമായ അന്തരീക്ഷത്തിൽ സാഭാരികമായി ഗണിതാശയാദനത്തിന് ഗണിത കളികളെ ഉപയോഗപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്.

ഉദാഹരണം.

ക്ലാസ്സിലെ കൂട്ടികളെ രണ്ട് ശ്രൂപ്പുകളാക്കുന്നു. ഒന്നാമത്തെ ശ്രൂപ്പിനോട് 200 തും താഴെയുള്ള ഒരു സംഖ്യ വിചാരിച്ച് (മറ്റ് ശ്രൂപ്പ് അറിയാതെ) സംഖ്യ ഒരു പേപ്പറിൽ എഴുതി അധ്യാപകനെ എഴുപ്പിക്കാൻ

ആവശ്യപ്പെടുന്നു. രണ്ടാമതെത്ത ഗുപ്ത് ആൻ ചോദ്യങ്ങൾ ചോദിക്കുന്നത്. പരമാവധി 8 ചോദ്യങ്ങൾ (yes / no ചോദ്യങ്ങൾ) കൊണ്ട് ഒന്നാമതെത്ത ഗുപ്ത് വിചാരിച്ച സംഖ്യ തിരിച്ചറിയണം. ഈല്ലകിൽ അവർ തോറ്റതായി പ്രവൃംഗിക്കുന്നു. കളിതുടരുന്നു. അടുത്ത സംഖ്യ വിചാരിക്കാനുള്ള അവസ്ഥം രണ്ടാമതെത്ത ഗുപ്തിന് . ഈ കളിയുടെ നിയമങ്ങൾ മാറ്റിയാൽ പല ശണിതാശങ്ങളും ഉറപ്പിക്കാനുള്ള അവസ്ഥമുണ്ടാകും.

ഉദാഹരണം 1

100 തും താഴെയുള്ള അഭാജ്യ സംഖ്യ വിചാരിക്കാൻ ആവശ്യപ്പെടുക്കും.

എങ്ങനെ കളി നയിക്കും?

ഉദാഹരണമായി 100 തും താഴെയുള്ള ഒരു സംഖ്യയാണ് കണ്ണേതേണ്ടത് എന്ന് കരുതുക. താഴെ സൂചിപ്പിച്ച രീതിയിൽ ചോദ്യങ്ങൾ ആവാം.

	ചോദ്യം	ഉത്തരം
1.	70 തും കുറവാണോ?	അംഗത്വം
2.	50 തും കുറവാണോ?	അംഗത്വം
3.	25 തും കുടുതലാണോ?	അംഗത്വം
4.	13 തും കുറവാണോ?	അംഗത്വം
5.	6 തും കുടുതലാണോ?	അംഗത്വം
6.	9 തും കുടുതലാണോ?	അംഗത്വം
7.	12 തും കുറവാണോ?	അംഗത്വം
8.	11 അല്ലോ?	അംഗത്വം

എങ്കിൽ 200 തും താഴെയുള്ള അഭാജ്യസംഖ്യയാണെങ്കിൽ എങ്ങനെ ചോദ്യങ്ങൾ ചോദിക്കാം?

ഉദാഹരണം 2

കാർഡ്‌കളി

കുറേ കാർഡുകളിൽ സംഖ്യകൾ എഴുതി (ഉദാ 1 മുതൽ 100 വരെ - 100 കാർഡ്) സഹിത് ചെയ്ത് വയ്ക്കുക. എത്ര കുട്ടികൾക്കും ഈ കളിയിൽ പങ്കെടുക്കാം. ആദ്യമായി ഓരോ കുട്ടിക്കും 4 വീതം കാർഡുകൾ കൊടുക്കുക. ബാക്കി കാർഡ് മേരമേൽ കമിച്ചതി വയ്ക്കുക. കളി ജയിക്കണമെങ്കിൽ 4 കാർഡിലേയും സംഖ്യകളെ ഒണ്ട് പുർണ്ണവർഗ്ഗ സംഖ്യകളായി മാറ്റണം. (തുക, വ്യവകലം, ഗുണനം എന്നിവ ഉപയോഗിക്കാം) പുർണ്ണ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക ആകുന്നില്ലെങ്കിൽ ഒരു കാർഡ് മേരമേൽ വെച്ച് കമിച്ചതിവെച്ച് കാർഡിൽ നിന്ന് ഒന്ന് എടുക്കാം. വീണ്ടും ശരിയാകുന്നില്ലെങ്കിൽ അടുത്ത ആളുടെ ഉള്ളഭാഗം, ഇങ്ങനെ കളിതുടരാം. എറ്റവും അവസ്ഥാനായ ആൾ കളിയിൽ പരാജയപ്പെടുന്നു.

അംഗസ്ഥാനമന്ത്രി

1 മുതൽ 5 വരെയുള്ള കൂടാശിലെ ശണിതാശങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ട കളികൾ കണ്ണേതുകൂടുക.

അവതരിപ്പിക്കുക

ശണിതശൈലം:

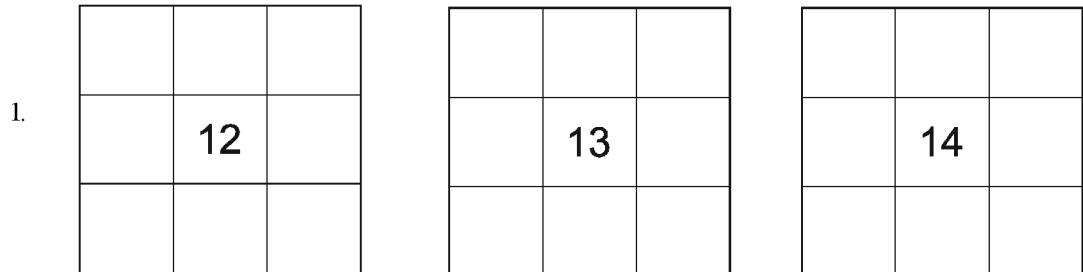
ശണിത കെളികൾ, ശണിതപസിൽ, ശണിതകമ, ശണിത കവിതകൾ, ശണിത നിഃലഘു, എന്നിവയുടെ ശൈലം ശണിത പഠനത്തിൽ താൽപര്യമുണ്ടാക്കാൻ ഉപയോഗിക്കാവുന്ന വിവിധ പറഞ്ഞെങ്ങളായാണ് കാണേണ്ടത്.

ശണിതത്തിൽ താൽപര്യമുണ്ടാക്കുന്നതിന് ഈവ ഓരോന്നും അനുയോജ്യമായ സന്ദർഭങ്ങളിൽ ഉപയോഗപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്. കുട്ടികളും അധ്യാപകരും പഠനത്തിന്റെ ഓരോ ഘട്ടത്തിലും ഈവ ശൈലിക്കുക.

ആശയ രൂപീകരണത്തിൻ്റെ ആരംഭത്തിൽ അഭിപ്രായങ്ങളാക്കുന്നതിനും നേടിയ ആശയ അഞ്ചൽ ഉറപ്പിക്കുന്നതിനും പ്രയോഗതലത്തിൽ എത്തിക്കുന്നതിനും ഇത് ഉപയോഗപ്രകൃത്യാവുന്നതാണ്. കൂട്ടികളിൽ യുക്തിചീത്, സർഗാത്മകത തുടങ്ങിയ ശേഷികൾ വളർത്തുന്നതിന് ഇത്തരം പ്രവർത്തനങ്ങൾ പ്രയോജനപ്പെടുന്നു.

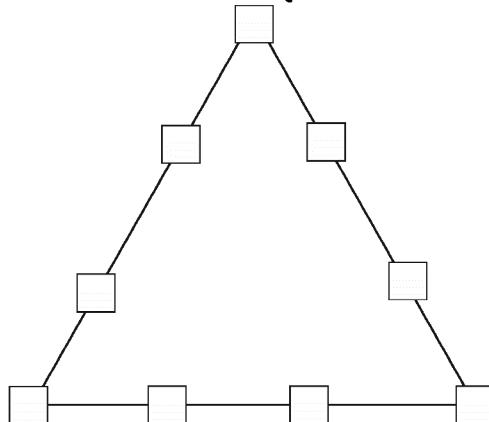
പ്രവർത്തനം : •

ചില പസിലുകൾ ചെയ്തു നോക്കാം.



1 മുതൽ 8 വരെ സംഖ്യകൾ ഓരോ കോളജേജിലും എഴുതി മധ്യത്തിൽ കാണിച്ചിരിക്കുന്ന സംഖ്യ വരിയിലും നിരയിലും തുകയായി വരത്തകവിയം ക്രമീകരിക്കണം.

2.



1 മുതൽ 9 വരെ സംഖ്യകൾ കോളജേജിൽ ക്രമീകരിക്കണം. ഓരോ വശങ്ങളിലേയും 4 സംഖ്യകളുടെ തുകയും തുല്യമാവണം.

3.

- [- 4]
- [- 3]
- [- 2]
- [- 1]
- [0]
- [1]
- [2]
- [3]
- [4]

എന്നീ അക്കങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് തുക പൂജ്യമാവുന്ന മാന്ത്രിക ചതുരം പൂർത്തിയാക്കണം.

ഇത്തരത്തിലുള്ള പസിലുകളുടെ ശേഖരം പതിപ്പുകളാക്കി അവതരിപ്പിക്കുക.

രിഗാമി

ലളിതമായ പേപ്പർ ഫോൾഡിംഗ് പ്രവർത്തനങ്ങളിലൂടെ ഗണിതപഠനം എളുപ്പവും ആസ്പദ്യകരവും മാക്കുന്നതിന് ‘രിഗാമി’ പ്രവർത്തനം ഉപയോഗിക്കാം.

ഉദാ: ഒരു A4 പേപ്പർ മടക്കി സഖാക്കേ കൊക്കുണ്ടാക്കുന്ന പ്രവർത്തനം നടത്തുന്നു. കൊക്കിൾറ്റ് ചിരകിലും ശരീരലാജങ്ങളിലും നിരു നൽകുന്നു. പേപ്പർ നിവർത്തുന്നോൾ മനോഹരമായ ഒരു ജൂബി തീയ പാറ്റേൺ ലഭിക്കുന്നു.

ഈ പ്രവർത്തനത്തിന്റെ ഗണിതപരമായ സാധ്യതകൾ

- നിർമ്മാണത്തിന്റെ ഓരോ ഘട്ടത്തിലേയും ഗണിതപരമായ സാധ്യതകൾ

- ചതുരം
- സമചതുരം
- ത്രികോണങ്ങൾ
- കോണുകൾ
- ജൂബിതീയ പാറ്റേൺ

ഈ പ്രവർത്തനത്തിന്റെ സവിശേഷതകൾ എന്തെല്ലാം?

- ഗണിതത്താട്ട് താൽപര്യമുണ്ടാക്കുന്നു.
- ഗണിതശൈലികൾ വളർത്തുന്നു.
- വ്യത്യസ്ത പഠനാനുഭവങ്ങൾ ലഭിക്കുന്നു.
- ഒരു പ്രവർത്തനത്തെ വ്യത്യസ്ത ഗണിത ആശയങ്ങളുമായി ബന്ധിപ്പിക്കാൻ കഴിയുന്നു.
- നിർദ്ദേശത്തിൽ ഗണിതാശയത്തുടെ ഉപയോഗത്തിലൂടെ കൂടുതലും ചിന്തയെ ഗണിതവൽക്കരിക്കാൻ കഴിയുന്നു.

പ്രവർത്തനം :

ഗണിതപഠനത്തിന്റെ ഭാഗമായി മറ്റൊന്തെല്ലാം രിഗാമി/പേപ്പർ ഫോൾഡിംഗ് സാധ്യതകൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്താം? കണ്ണടത്തിനോക്കു.

മനക്കണക്ക്

ഗണിതപഠനത്തിൽ ഒഴിവാക്കാൻ പറ്റാത്തതാണ് മനക്കണക്കിൾറ്റ് സാധ്യത. വേഗതയും യുക്തി ചിന്തയും വർദ്ധിപ്പിക്കാൻ വളരെ ഫലപ്രദമായ മാർഗ്ഗമാണ് മനക്കണക്ക്. കൂടുകളിൽ വെള്ളവിളി ഉയർത്താനും അതുവഴി ഗണിതപഠനത്തിൽ കൂടുതൽ താൽപര്യം ജനിപ്പിക്കാനും സാധിക്കുന്നു. സത്യം വിലയിരുത്തലിലൂടെ കൂടുതൽ ആത്മവിശ്വാസം വർദ്ധിക്കുന്നതിനും മനക്കണക്കുകൾ സഹായിക്കുന്നു.

- ഉദാ:
1. $1 - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} \right)$ എത്ര?
 2. $10^2 - 9^2 + 8^2 - 7^2 + 6^2 - 5^2 + 4^2 - 3^2 + 2^2 - 1^2$ എത്ര?
 3. $64 \times \frac{1}{4}\%$ എത്ര?

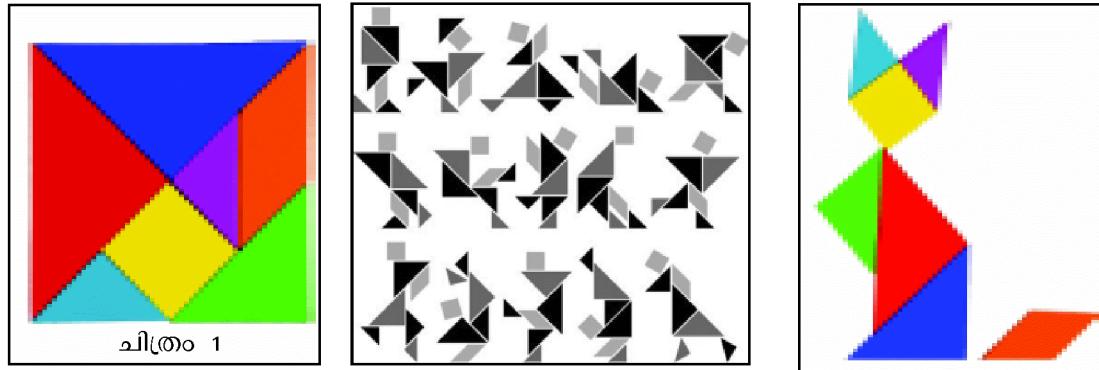
പ്രവർത്തനം :

ഓരോ ഗണിതാശയം/യൃഥിക്കുമായി ബന്ധപ്പെട്ട യുക്തിചീതുകൾ പ്രാധാന്യമുള്ള മനക്കണക്കിൾറ്റ് സാധ്യതകൾ കണ്ണടത്തി ചോദ്യശേഖരമുണ്ടാക്കുക. അവതരിപ്പിക്കുക.

ടാൻഗ്രാം (ചെചനീസ് പസിൽ)

പ്രാചീനകാലം മുതൽ ചെചനയിൽ പ്രചാരത്തിലുണ്ടായിരുന്ന ഗണിത പ്രഹ്ളികയാണ് ടാൻഗ്രാം. ഒരു സമചതുരത്തെ നിശ്ചിത രീതിയിൽ 7 ജ്യാമിതീയ രൂപങ്ങളാക്കി മാറ്റി അവ മുഴുവൻ ഉപയോഗിച്ചുകൊണ്ട് പലതരത്തിലുള്ള രൂപങ്ങൾ തയാറാക്കുന്നു.

ഭൂമുഖത്തുള്ള ഒട്ടുമിക്ക ജീവികൾ, സസ്യങ്ങൾ, പുകൾ, തുടങ്ങി എല്ലാ രൂപങ്ങളും ഈത് ഉപയോഗിച്ച് നിർമ്മിക്കാം. കൂട്ടികളിൽ യുക്തിപിന്ത വളർത്തുന്നതിനും ഗണിതത്തിന്റെ ആസാദനതലം വികസിപ്പിക്കുന്നതിനും ടാൻഗ്രാം ചിത്രങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കാം. പതിനായിരത്തിൽ പരം വ്യത്യസ്ത ചിത്രങ്ങൾ ടാൻഗ്രാം ഉപയോഗിച്ച് ഇതിനകം തയാറാക്കിയിട്ടുണ്ട്.



(സമചതുരത്തെ ചിത്രം 1 തോന്തരം കാണിച്ചുപോലെ 7 ഭാഗങ്ങളാക്കി മാറ്റുന്നു)

പ്രവർത്തനം :

ടാൻഗ്രാം ചിത്രങ്ങൾ ശ്രേഖണിക്കുകയും സന്തമായി കൂട്ടിച്ചേർക്കലുകൾ വരുത്തി ടാൻഗ്രാം പതിപ്പുകൾ തയാറാക്കുക.

പ്രകൃതിയിലെ ഗണിതം

പ്രകൃതിയിലെ മിക്ക പ്രതിഭാസങ്ങൾക്കും ഗണിതവ്യമായി ബന്ധമുണ്ട്. ഈ നിരീക്ഷിക്കുന്നത് കൂതുകകരവും ആനന്ദപ്രദവ്യമാണ്. സൃഷ്ടകാന്തിപ്പുവിന്റെ ഇതളുകളുടെ വിന്യാസവും കൈതച്ചകയുടെ പുറത്തെ മുള്ളുകളുടെ വിന്യാസവും ചെടികളുടെ ഇലകളുടെ ക്രമീകരണവും ഫിബോനാച്ചി ശ്രേണിയിലെ സസ്യങ്ങളുമായി ബന്ധപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു. രസകരമായ പല വസ്തുകളും പ്രകൃതിയിലെ പലകാംചകളും ഗണിതവ്യമായി ബന്ധപ്പെട്ടിരിക്കുന്നത് നമുക്ക് നിരീക്ഷിക്കാൻ കഴിയും. ജ്യാമിതിയുമായി ബന്ധപ്പെട്ടും കോൺകൾ, സമാനരവരകൾ, ഉള്ളജ്വൾ, പരപ്പളവ്, ചുറുളവ് മുതലായ ആശയങ്ങൾ പ്രകൃതിയിലെ ഗണിതനിരീക്ഷണങ്ങളിലുടെ കൂടുതൽ വ്യക്തത വരുത്താൻ കഴിയും.

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, എന്ന ശ്രേണിയാണ് ‘ഫിബോനാച്ചി ശ്രേണി’ എന്നറിയപ്പെടുന്നത്. മിക്ക വാറും പുകളിൽ ഇതളുകളുടെ എണ്ണം ഇന്ന് ശ്രേണിയിലെ സംഖ്യകളാണ്.

പ്രവർത്തനം :

ഗണിത ക്ലബ്ബ് പ്രവർത്തനങ്ങളുടെ ഭാഗമായി മൈൽസ് ട്രിപ്പിലുടെ പ്രകൃതിയിലെ ഗണിതം നിരീക്ഷിക്കുകയും കണക്കൽലുകൾ സമർപ്പാരായി അവതരിപ്പിക്കുകയും ചെയ്യുക.

പ്രായ്യോഗിക ഗണിതം

ഗണിത ആസാദനതലം ക്ലബ്മുറിക്ക് പുറത്തും സാധ്യമാവുന്ന പ്രവർത്തനമാണ് പ്രകൃതിയിലെ പ്രതിഭാസങ്ങളെ നിരീക്ഷിക്കലും കണക്കൽലുകളുടെ അവതരണവും. അങ്കേപ്പോലെ ചുറുപാടുമുള്ള മറ്റു പ്രവർത്തനമേഖലകളും പരിശോധിക്കാം.

1. തൊഴിലുകളിലെ ഗണിതം

വിവിധ തൊഴിൽ മേഖലകളിലെ ഗണിതം നേരിട്ട് മനസിലാക്കുന്നതിനും പ്രായോഗിക ഗണിതത്തിന്റെ സാധ്യതകൾ ബോധ്യപ്പെടുന്നതിനും സഹായകമാവും.

ഓരോ പ്രദേശത്തിന്റെയും സാധ്യതകനുസരിച്ച് സന്ദർഭിക്കാവുന്ന തൊഴിലിടങ്ങൾ

- കച്ചവടം
- ബാങ്കിംഗ്
- പോസ്റ്റോഫീസ് പ്രവർത്തനങ്ങൾ
- മഹ്ലി
- ആദരണ നിർമ്മാണം
- വസ്ത്രം നൈത്തൽ
- റൂച്ചിംഗ് /തയ്യൽ
- ബന്ധ ടിക്കറ്റിങ്ങ്
- ചെരുപ്പ് നിർമ്മാണം
- ദൈൽ പതിക്കൽ
- ഇരുന്ത്/റൂച്ചിൽ ശ്രിൽ വർക്കുകൾ

2. നിർമ്മാണപ്രവർത്തനങ്ങൾ

- കെട്ടിടനിർമ്മാണം
- പൂർണ്ണ വരക്കൽ/പതിശോധിക്കൽ
- അസ്ഥിവാരം നിർമ്മിക്കൽ
- കോൺക്രീറ്റ് പണികൾ
- റൂഫ് നിർമ്മാണം
- വാട്ടർ ടാങ്ക്
- ഫ്രേഡിംഗ്, പെയിറ്റിംഗ്

3. കാർഷിക പ്രവർത്തനങ്ങൾ

- വരിയും നിരയുമായുള്ള കൃഷിരീതികൾ
- പാടങ്ങൾ ക്രമീകരിക്കുന്നത് (പരപ്പളവ്, ചുറ്റളവ്)
- ഭൂവിസ്തൃതിയുടെ അളവുകളായ സെറ്റ്, എക്കർ, ഹൈക്കർ (ആർ) എന്നിവ പതിചയപ്പെടൽ

പ്രവർത്തനം :

പ്രായോഗിക ഗണിത സന്ദർഭങ്ങൾ ഓരോനും നേരിട്ട് നിരീക്ഷിച്ചും പഠനം നടത്തിയും വിശദമായ കണക്കത്തലുകൾ റിപ്പോർട്ടുകളോ പ്രോജക്ടുകളോ ആയി കൂട്ടിലെ പൊതുചർച്ചകൾ വിധേയമാക്കുമ്പോൾ, ഇതുവും പ്രവർത്തനങ്ങളുടെ ശൈരണങ്ങൾ തയാറാക്കുകയും ചെപ്പമറിക്കൂസിലെ കൂട്ടികൾക്ക് പ്രായോഗിക ഗണിതാനുഭവങ്ങൾ നൽകുന്നതിനാവശ്യമായ തന്ത്രങ്ങൾ രൂപീകരിക്കുകയും ചെയ്യുമ്പോൾ.

ഗണിതാസ്ഥാനത്തിന്റെ കുടുതൽ സാധ്യതകൾ

ഗണിതാസ്ഥാനത്തിന്റെ കുടുതൽ സാധ്യതകൾ ചൂഡാൻ സുചിപ്പിക്കുന്നു. ഓരോനും ക്ലാസിൽ ചർച്ച ചെയ്ത് ധാരണ മെച്ചപ്പെടുത്തുമ്പോൾ, ഓരോനിലും സാധ്യമായ കുടുതൽ പ്രവർത്തന മാതൃകകൾ വികസിപ്പിക്കുമ്പോൾ.

ഗണിതശാസ്ത്രമേള

വർഷത്തിൽ ഒരിക്കലെങ്കിലും ഗണിതശാസ്ത്രമേളകൾ സംഘടിപ്പിക്കേണ്ടതാണ്. എല്ലാ വിദ്യാർത്ഥികൾക്കും പകാളിത്തം ഉണ്ടാകുന്നതരത്തിൽ വ്യത്യസ്ത സാമഗ്രികൾ/ഉല്പന്നങ്ങൾ/ശില്പ ശാലകൾ/പ്രദർശനങ്ങൾ എന്നിവ ഒരുക്കാവുന്നതാണ്. അധൂഡപകരുടെയും രക്ഷിതാക്കളുടെയും മറ്റു ഗണിത തല്പരരൂപങ്ങളും സഹകരണം ഗണിതമേളയിൽ ഉറപ്പാക്കേണ്ടതാണ്.

പ്രവർത്തനം :

ഒരു ഗണിത ശാസ്ത്രമേള സന്ദർഭിച്ച് അവിടെ പ്രദർശിപ്പിച്ചിട്ടുള്ള ഇനങ്ങൾ സംബന്ധിച്ച് ഒരു റിപ്പോർട്ട് തയാറാക്കുക.

അനാചരണം

ഗണിതശാസ്ത്രപ്രശ്നരുടെ ജനന, ചരമ വാർഷികങ്ങൾ, പ്രധാന ഗണിതനേട്ടങ്ങൾ ഇവയുടെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ അനാചരണങ്ങൾ സംഘടിപ്പിക്കാവുന്നതാണ്. അനുസ്മരണങ്ങൾ, സൗമിനാറുകൾ, ചർച്ചകൾ, പ്രദർശനങ്ങൾ തുടങ്ങിയ വൈവിധ്യമാർന്ന ഇനങ്ങൾ അനാചരണത്തിൽ ഉൾപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്. കൂടാതെ ദേശീയ/അന്തർദേശീയ ഗണിതദിവസങ്ങൾ എന്നിവയും അനാചരണങ്ങൾക്കും ഗണിതോത്സവങ്ങൾക്കും തെരഞ്ഞെടുക്കാവുന്നതാണ്.

പ്രവർത്തനം :

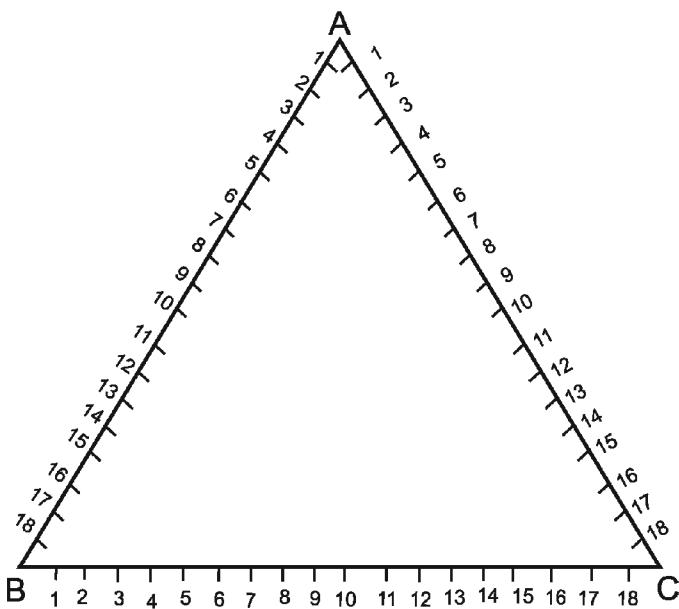
രാമാനുജൻ അനാചരണവുമായി ബന്ധപ്പെടുത്തി ഒരു സൗമിനാർ പ്രവൃത്തം തയാറാക്കുക.

ജ്യാമിതിയ പാദ്രോണുകൾ/ജിയോജിബി

വൈവിധ്യമാർന്ന ജ്യാമിതിയ പാദ്രോണുകൾ തയ്യാറാക്കി ക്ലാസ്സുകളിലും ഗണിതലാഭവുകളിൽ പ്രദർശിപ്പിക്കാം. പാദ്രോൺ പതിപ്പ്, ആൽബം തുടങ്ങിയവും തയ്യാറാക്കാം. ജിയോജിബി പോലുള്ള സോഫ്റ്റ്‌വെറ്റുകൾ ഉപയോഗിച്ച് പാദ്രോണുകൾ തയ്യാറാക്കാം. ഇവയുടെ പ്രിൻ്റ്/ഡിജിറ്റൽ സുക്ഷിപ്പുകളും തയ്യാറാക്കാം.

ജ്യാമിതിയുടെ സൗഖ്യം

ചിത്രത്തിൽ AB, BC എന്നീ വരയെല്ലിലുടെ ഒരേ നബിരുകൾ അതയാളപ്പെടുത്തിയ ബിദ്യകൾ യോജിപ്പിക്കുക. തുടർന്ന് BC, AC എന്നീ വരകളിലെ തുല്യമായ ബിന്ദുകളും യോജിപ്പിക്കുക. മനോഹരമായ രൂപം കിട്ടു. പ്രത്യേകതകൾ കണ്ണെത്തി എഴുതു.



ഗണിതവോർഡ്യൂകൾ

വിവിധതരം ഗണിത വോർഡ്യൂകൾ കൂടാനുവിധിയിലും പുറത്തുമായി സഹാപിക്കാവുന്നതാണ്. ബുള്ളറ്റിൻ വോർഡ്, ഗണിത നോട്ടീസ് വോർഡ്, പസിൽ വോർഡ്, ഡിസ്പ്ലൈ വോർഡ്, ദൈനം ദിന കിസ്സ്, ചോദ്യാവലി വോർഡ് തുടങ്ങിയവ ഇത്തരത്തിൽ രൂക്കാം. വിവിധ വോർഡ്യൂകളിൽ അതാര്ത്ത ദിനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ടു അറിയിപ്പുകൾ, പാതകട്ടിംഗുകൾ പസിലുകൾ, ഗണിത വചനങ്ങൾ, ഗണിതകൗതുകങ്ങൾ തുടങ്ങിയവ പ്രദർശിപ്പിക്കാവുന്നതാണ്.

ഗണിത നിയമങ്ങൾ

ഗണിതവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പദങ്ങൾ, നിർവ്വചനങ്ങൾ, വിശദീകരണങ്ങൾ, ചിത്രീകരണങ്ങൾ തുടങ്ങിയവ ഗണിത നിയമങ്ങളിൽ ഉൾപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്. ഉൾപ്പെടുത്തിയ ഓരോ ഇനവുമായി ബന്ധപ്പെട്ട കേവല നിർവ്വചനങ്ങൾക്കു പുറമെ ചെറു വിശദീകരണങ്ങളും നൽകാവുന്നതാണ്.

അക്ഷരമാലാ ക്രമത്തിലാണ് ഗണിത നിയമങ്ങൾ ക്രമീകരിക്കേണ്ടത്. ഓരോ വിദ്യാർത്ഥിയ്ക്കും ഓരോ ഗണിത നിയമങ്ങൾ തയ്യാറാക്കുന്ന തരത്തിൽ അനുയോജ്യമായ തന്ത്രങ്ങൾ കൂടാനിൽ സ്വീകരിക്കണം.

ഗണിത പ്രോജക്ട്

ഒരു വോധനരീതിയായും വോധനതന്ത്രമായും ഉപയോഗിക്കാവുന്ന ഒന്നാണ് ഗണിത പ്രോജക്ടുകൾ. ഗണിതത്തിൽ താല്പര്യം ഉണ്ടാക്കാവുന്ന തരത്തിൽ അനുയോജ്യമായ പ്രോജക്ടുകൾ കണ്ണെത്തി ചെയ്യാവുന്നതാണ്. വിവിധ ശ്രേഖനങ്ങൾ, ലാബുകൾ, പതിപ്പുകൾ തുടങ്ങിയ പ്രോജക്ടുകളുമായി ചെയ്യാവുന്നതാണ്. പ്രായോഗികതക്കും ഗണിതാസ്ഥാനത്തിനും യോജിച്ചതാവണം തെരഞ്ഞെടുക്കുന്ന പ്രോജക്ടുകൾ.

ഗണിതനാടകം/പാവനാടകം

ഗണിതം ആശയസ്വാദനത്തിനുള്ള നല്ല ഒരു ടൂഷർ കൂടിയാണെല്ലോ. ആ അർത്ഥത്തിൽ സമുഹത്തെ വോധവൽക്കരിക്കാൻ ഗണിതനാടകങ്ങൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്താം.

ഉദാ: പലിശയുടെ ദുഷ്പ്രവർജ്ജനങ്ങൾ

പലിശയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ആശയങ്ങൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്തി സ്വകാര്യ പണമിടപാടു സഹാപണങ്ങളും മറ്റും പരസ്യങ്ങളിലൂടെ ജനങ്ങളെ കബളിപ്പിക്കുന്നത് തുറന്ന് കാണിക്കാൻ നാടകത്തിന്റെ

സാധ്യത ഉപയോഗിക്കണം.

അതേപോലെ അംഗവന്നയം എന്ന ആശയം ഉപയോഗിച്ച് നിർമ്മാണത്തിൽ കൃത്യമായ അംഗവന്നയാൽ ചേരുവകൾ ചേർത്തില്ലെങ്കിൽ സംഭവിക്കുന്ന പ്രസ്തനങ്ങൾ നാടകീകരിക്കാം.

- ഉച്ചിതമായ വിഷയം തെരഞ്ഞെടുക്കൽ
 - സ്കീപ്പർ തയ്യാറാക്കൽ
 - സാമഗ്രികൾ ഒരുക്കൽ
 - അനുയോജ്യമായ റോൾ നിശ്ചയിക്കൽ
 - പൊതുജന സമക്ഷം അവതരണം CPTA, PTA, SMC etc.

හුත්තරෙහිමති ගාංකීකීරණ සායුත්තකුවුන් පාරිභාශකයාපෑල කළේයෙතින් ස්කිප්ස් තෙතුවාකින් ගොකුණ.

സംഖ്യ 1

ഗണ്ണിതപരം അർത്ഥവത്താകുന്നത് പ്രായോഗിക ജീവിത അനുവദത്തിലൂടെ പഠം നടക്കുമേഖലാണ്.

ക്ലാസ് മുൻറയിൽ പരിക്കുന്ന ഗണിതം ഓരോ ദിവസവും വ്യത്യസ്തതരങ്ങിൽ ജീവിതത്തിൽ പ്രയോഗിക്കുന്നവരാണല്ലോ നാമോരോരുത്തരും. ഗണിത ഡയററി തയ്യാറാക്കുന്ന ശൈലം കൂട്ടികളിലും സാഹചര്യങ്ങൾ അവർക്ക് പ്രയോഗിക പ്രശ്നങ്ങൾ രൂപീകരിക്കാനും അനുഭവി അവ നിർബന്ധം ചെയ്യാനും എളുപ്പത്തിൽ സാധിക്കും.

- കടയിൽ പോകുന്നോൾ
 - യാത്രയിൽ - വാഹനം
 - വിവഹം/ആര്യാധ്യാത്മിക്കളെപ്പറ്റുന്നോൾ
 - അടുക്കളെയിലെ ഗണിതം
 - വീടുപണി
 - വരവ് ചെലവ്
 - കർണ്ണബിൽ
 - ഫോൺ, റീചാർജ്ജ്
 - വസ്ത്രം വാങ്ങൽ, തയ്യൽ
 - സമയം

തുടങ്ങി പൂർത്ത് അനുഭവങ്ങളും ശണിത ധയരിൽലുഡിപ്പുത്താം.

ବାଲ୍ଯ (BALA)

Building As Learning Aid

ഗണിതവർക്കരണത്തിനും ഗണിതാശയ സാംഗ്രാഹികരണത്തിനും BALA സാധ്യതകൾ പ്രയോജനപ്പെടുത്താവുന്നതാണ്.

விழுவாலயம், கெட்டிடம், கூாஸ்மூரி, சூழமறைக்கல், வரதிலூக்கல், ஜெலூக்கல், சூரூபாகுக்கல், கோளி பூடி ஏலூால் Learning Aid அதை மாருங்கத் தளிதான்றரீக்ஷம் உள்ளாக்குங்களிடையும் தளிதம் பிரயோ சிசு பரிக்கூங்களிடையும் ஈவாயகமானார்.

ഉദാ: കൂന്നമുറിയിലെ വാതിൽ തുറക്കുന്നിടത്ത് പ്രോട്ടോക്സർ വരച്ച് കോൺളവ് പരിശോധിക്കാം. കോൺപ്ലിക്ടിയിൽ നവീനകൾ, തറയുടെ നീളം മീറ്ററിലും, സൈറ്റീമീറ്ററിലും രേഖപ്പെടുത്താം. ഉയരം അളക്കാനും ഭാരം നോക്കാനും ക്രമീകരണമുണ്ടാക്കാം. കളിബോർഡുകൾ, ചെസ് ബോർഡ് എന്നിവ തയ്യാറാക്കാം.

BALA സാധ്യതകൾ രൂപകല്പന ചെയ്ത് പതിപ്പ് തയ്യാറാക്കുക. ഫലപ്രദമായി 'BALA' നടപ്പിലാക്കിയ വിദ്യാലയങ്ങളുടെ പ്രിത്യാർഥി internet ത്രസ്റ്റ് നിന്നും ശേഖരിക്കു. ഓരോരു തരും ഒരിനമെക്കിലും ടെക്നോളജി വേളകളിലോ Internship വേളകളിലോ പ്രാവർത്തിക മാക്കണം.

പ്രവർത്തനം

- ഗണിതപഠനത്തിൽ ഗണിതക്കൂൾ, ഗണിത ലൈബ്രറി എന്നിവയുടെ സ്ഥാനം.
- ഗണിതലാഭിനേ ഫലപ്രദമായ ഗണിതപഠനത്തിനും ഗണിതാസ്ഥാനത്തിനും ഉപയോഗപ്പെടുത്തുന്നവിധം
- പസില്യുകൾ, കളികൾ തുടങ്ങിയ സങ്കേതങ്ങളെ ഗണിതത്തിൽ ഉൾക്കൊള്ളുന്നതിന്റെ ആവശ്യകത
- ഗണിതാസ്ഥാനത്തിന്റെ വിവിധ സാധ്യതകൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്തുന്നത് എന്നിവയ്ക്ക് ഉദാഹരണങ്ങളുടെ പ്രവർത്തന പാശ്ചാജ്ഞ തയ്യാറാക്കുക.